

基礎数学

因数分解(九九) 課題

1. 九九の表を完成せよ。 Complete the multiplication table.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	2	3	4		6			9
2	2		6		10		14		18
3	3	6							
4	4								
5		10					35		45
6	6								
7		14							
8					40				
9	9	18							

2. 足し算で計算せよ。 Calculate by addition.

例題	問題
① 5×3 $= 5 + 5 + 5 = 15$	① 6×3
② $5 \times 4 = 5 \times 3 + 5$ $= 15 + 5 = 20$	② 6×4
③ $5 \times 5 = 5 \times 4 + 5$ $= 20 + 5 = 25$	③ 6×5

3. 次の数を2個の正の整数の積の形で表せ。 Express the following number as the product of two positive integers.

例題	問題
① 3 3×1	① 1
② 5 5×1	② 7
③ 11 3×1	③ 13
④ 4 $4 \times 1, 2 \times 2$	④ 8
⑤ 6 $6 \times 1, 2 \times 3$	⑤ 9
⑥ 10 $10 \times 1, 2 \times 5$	⑥ 15
⑦ 14 $14 \times 1, 2 \times 7$	⑦ 21
⑧ 12 $12 \times 1, 2 \times 6$ 3×4	⑧ 20
⑨ 16 $16 \times 1, 2 \times 8$ 4×4	⑨ 18

()年()組()番()

4. 次の2個の正の整数を求めよ。 ※掛ける数に着目 Find the following two positive integers.

例題	問題
① 足して6, 掛けて5 Add Multiply 5 と 1	① 足して8, 掛けて7
② 足して5, 掛けて4 Add Multiply 4 と 1	② 足して9, 掛けて8
③ 足して5, 掛けて6 Add Multiply 2 と 3	③ 足して6, 掛けて8
④ 足して7, 掛けて12 Add Multiply 3 と 4	④ 足して9, 掛けて14
⑤ 足して9, 掛けて20 Add Multiply 4 と 5	⑤ 足して11, 掛けて30
⑥ 足して15, 掛けて36 Add Multiply 3 と 12	⑥ 足して13, 掛けて36

5. 次の文章をxの因数分解に変換して因数分解せよ。 Convert the following sentence into a factorization of x and factorize it.

例題	問題
① 足して10, 掛けて16 Add Multiply $x^2 + 10x + 16$ $= (x + 2)(x + 8)$	① 足して9, 掛けて14
② 足して7, 掛けて10 Add Multiply $x^2 + 7x + 10$ $= (x + 2)(x + 5)$	② 足して9, 掛けて20
③ 足して13, 掛けて30 Add Multiply $x^2 + 13x + 30$ $= (x + 3)(x + 10)$	③ 足して14, 掛けて40
④ 足して8, 掛けて16 Add Multiply $x^2 + 8x + 16$ $= (x + 4)(x + 4)$	④ 足して6, 掛けて9
⑤ 足して12, 掛けて36 Add Multiply $x^2 + 12x + 36$ $= (x + 6)(x + 6)$	⑤ 足して16, 掛けて64
⑥ 足して11, 掛けて24 Add Multiply $x^2 + 11x + 24$ $= (x + 3)(x + 8)$	⑥ 足して10, 掛けて24

基礎数学 因数分解(九九)② 課題

()年()組()番()

1. 九九の表を完成せよ。 Complete the multiplication table.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1			4	5				9
2		4		8		12		16	
3	3	6			15				27
4									36
5		10					35		
6	6								
7		14							
8	8				40				
9		18							

2. 次の数を素因数分解せよ。 Factor the following number into prime factors.

例題	問題
48 $= 2^4 \times 3$ <div><div>2</div><div>4</div><div>8</div></div> <div><div>2</div><div>2</div><div>4</div></div> <div><div>2</div><div>1</div><div>2</div></div> <div><div>2</div><div>6</div></div> <div>3</div>	① 32 <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div>
	② 70 <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div> <div><div></div><div></div><div></div></div>

3. 次の数を2個の正の整数の積の形で表せ。 Express the following number as the product of two positive integers.

例題	問題
① 5 1×5	① 3
② 7 1×7	② 2
③ 4 $1 \times 4, 2 \times 2$	③ 9
④ 8 $1 \times 8, 2 \times 4$	④ 6
⑤ 10 $1 \times 10, 2 \times 5$	⑤ 14
⑥ 18 $1 \times 18, 2 \times 9$ 3×6	⑥ 20
⑦ 16 $1 \times 16, 2 \times 8$ 4×4	⑦ 12
⑧ 48 $1 \times 48, 2 \times 24$ $3 \times 16, 4 \times 12$ 6×8	⑧ 32

4. 次の2個の正の整数を求めよ。 ※掛ける数に着目 Find the following two positive integers.

例題	問題
① 足して6, 掛けて5 Add Multiply 1と5	① 足して4, 掛けて3
② 足して5, 掛けて4 Add Multiply 1と4	② 足して6, 掛けて9
③ 足して6, 掛けて8 Add Multiply 2と4	③ 足して5, 掛けて6
④ 足して10, 掛けて16 Add Multiply 2と8	④ 足して7, 掛けて12
⑤ 足して9, 掛けて18 Add Multiply 3と6	⑤ 足して9, 掛けて20
⑥ 足して16, 掛けて48 Add Multiply 4と12	⑥ 足して12, 掛けて32

5. 次の文章をxの因数分解に変換して因数分解せよ。 Convert the following sentence into a factorization of x and factorize it.

例題	問題
① 足して8, 掛けて7 Add Multiply $x^2 + 8x + 7$ $= (x + 1)(x + 7)$	① 足して3, 掛けて2
② 足して7, 掛けて10 Add Multiply $x^2 + 7x + 10$ $= (x + 2)(x + 5)$	② 足して9, 掛けて14
③ 足して12, 掛けて20 Add Multiply $x^2 + 12x + 20$ $= (x + 2)(x + 10)$	③ 足して11, 掛けて18
④ 足し26, 掛けて48 Add Multiply $x^2 + 26x + 48$ $= (x + 2)(x + 24)$	④ 足して18, 掛けて32
⑤ 足して15, 掛けて36 Add Multiply $x^2 + 15x + 36$ $= (x + 3)(x + 12)$	⑤ 足して10, 掛けて40
⑥ 足して10, 掛けて24 Add Multiply $x^2 + 10x + 24$ $= (x + 4)(x + 6)$	⑥ 足して11, 掛けて24

1. 九九の表を完成せよ。 Complete the multiplication table.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1									
2									
3							21	24	27
4						24	28	32	
5							35	40	45
6				24			42		
7			21	28	35	42		56	63
8			24	32	40		56		
9			27		45		63		81

2. 次の計算式を複号を使わずに表し、計算せよ。 Express the following calculation formula without using double sign.

例題	問題
① 2 ± 3 $2 + 3 = 5$ $2 - 3 = -1$	① 3 ± 5
② $(\pm 2) \times (\pm 3)$ $(+2) \times (+3) = 6$ $(-2) \times (-3) = 6$	② $(\pm 3) \times (\pm 5)$
③ $(\pm 4) \times (\mp 5)$ $(+4) \times (-5) = -20$ $(-4) \times (+5) = -20$	③ $(\pm 2) \times (\mp 4)$

3. 次の数を2個の整数の積の形で表せ。 Express the following number as the product of two integers.

例題	問題
① 2 $(\pm 1) \times (\pm 2)$	① 3
② 4 $(\pm 1) \times (\pm 4)$ $(\pm 2) \times (\pm 2)$	② 9
③ 10 $(\pm 1) \times (\pm 10)$ $(\pm 2) \times (\pm 5)$	③ 15
④ -8 $(\pm 1) \times (\mp 8)$ $(\pm 2) \times (\mp 4)$	④ -6
⑤ -12 $(\pm 1) \times (\mp 12)$ $(\pm 2) \times (\mp 6)$ $(\pm 3) \times (\mp 4)$	⑤ -18

4. 次の2個の整数を求めよ。 ※掛ける数に着目 Find the following two integers.

例題	問題
① 足して8, 掛けて7 Add Multiply 1と7	① 足して6, 掛けて5
② 足して-4, 掛けて4 Add Multiply -2と-2	② 足して-6, 掛けて9
③ 足して-3, 掛けて-4 Add Multiply -4と1	③ 足して-5, 掛けて-6
④ 足して2, 掛けて-8 Add Multiply 4と-2	④ 足して1, 掛けて-6
⑤ 足して0, 掛けて-9 Add Multiply 3と-3	⑤ 足して0, 掛けて-25
⑥ 足して8, 掛けて-9 Add Multiply 1と-9	⑥ 足して4, 掛けて-5

5. 次の文章をxの因数分解に変換して因数分解せよ。 Convert the following sentence into a factorization of x and factorize it.

例題	問題
① 足して10, 掛けて21 Add Multiply $x^2 + 10x + 21$ $= (x + 3)(x + 7)$	① 足して8, 掛けて12
② 足して-10, 掛けて25 Add Multiply $x^2 - 10x + 25$ $= (x - 5)(x - 5)$	② 足して-8, 掛けて16
③ 足して3, 掛けて-10 Add Multiply $x^2 + 3x - 10$ $= (x + 5)(x - 2)$	③ 足して2, 掛けて-15
④ 足して-2, 掛けて-8 Add Multiply $x^2 - 2x - 8$ $= (x + 2)(x - 4)$	④ 足して-3, 掛けて-18
⑤ 足して0, 掛けて-49 Add Multiply $x^2 - 49$ $= (x + 7)(x - 7)$	⑤ 足して0, 掛けて-36
⑥ 足して-10, 掛けて25 Add Multiply $x^2 - 10x + 24$ $= (x - 5)(x - 5)$	⑥ 足して-4, 掛けて4

基礎数学 因数分解(九九)④ 課題

1. 九九の表を完成せよ。 Complete the multiplication table.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1		3		5		14		18
2									
3	3		9		15		21		27
4									
5	5		15		25		35		45

2. 次の数を素因数分解せよ。 Factor the following number into prime factors.

例題	問題	
① 120 $= 2^3 \times 3 \times 5$ <div>2) 1 2 0 2) 6 0 2) 3 0 3) 1 5 5</div>	① 180	② 140
② 168 $= 2^3 \times 3 \times 7$ <div>2) 1 6 8 2) 8 4 2) 4 2 3) 2 1 7</div>	③ 112	④ 252

3. 次の数の約数をすべて求めよ。 ※順不同 Find all the divisors of the following numbers. (In no particular order)

例題 120 <div>1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 10, 120, 60, 40, 30, 24, 20, 15, 12</div>
問題① 180
問題② 140
問題③ 112

()年()組()番()

4. 次の計算式を複号を使わずに表し、計算せよ。 Express the following calculation formula without using double sign.

例題	問題
① -2 ± 3 $-2 + 3 = 1$ $-2 - 3 = -5$	① -3 ± 5
② $(\pm 2) \times (\pm 5)$ $(+2) \times (+5) = 10$ $(-2) \times (-5) = 10$	② $(\pm 3) \times (\pm 4)$
③ $(\pm 4) \times (\mp 6)$ $(+4) \times (-6) = -24$ $(-4) \times (+6) = -24$	③ $(\pm 5) \times (\mp 6)$

5. 次の2個の整数を求めよ。 ※掛ける数に着目 Find the following two integers.

例題	問題
① 足して7, 掛けて10 Add Multiply 2 と 5	① 足して9, 掛けて20
② 足して2, 掛けて-24 Add Multiply 4 と -6	② 足して14, 掛けて49
③ 足して23, 掛けて120 Add Multiply 8 と 15	③ 足して36, 掛けて180
④ 足して2, 掛けて-120 Add Multiply 12 と -10	④ 足して2, 掛けて-180
⑤ 足して-19, 掛けて-120 Add Multiply 5 と -24	⑤ 足して-24, 掛けて-180

6. 次の文章をxの因数分解に変換して因数分解せよ。 Convert the following sentence into a factorization of x and factorize it.

例題	問題
① 足して29, 掛けて120 Add Multiply $x^2 + 29x + 120$ $= (x + 5)(x + 24)$	① 足して24, 掛けて140
② 足して14, 掛けて-120 Add Multiply $x^2 + 14x - 120$ $= (x + 20)(x - 6)$	② 足して6, 掛けて-112
③ 足して-26, 掛けて-120 Add Multiply $x^2 - 26x - 120$ $= (x + 4)(x - 30)$	③ 足して-4, 掛けて-140

1. 次の2個の整数を求めよ。

※掛ける数に着目

Find the following two integers.

例題	問題
①足して6, 掛けて5 Add 6 Multiply 5 $5 \times 1, (-5) \times (-1)$ 5 と 1	①足して8, 掛けて7
②足して6, 掛けて8 $8 \times 1, 2 \times 4$ 2 と 4	②足して5, 掛けて6
③足して-4, 掛けて3 $3 \times 1, (-3) \times (-1)$ -3 と -1	③足して-3, 掛けて2
④足して-4, 掛けて4 $4 \times 1, (-4) \times (-1)$ $2 \times 2, (-2) \times (-2)$ -2 と -2	④足して-6, 掛けて9
⑤足して6, 掛けて-7 $7 \times (-1), (-7) \times 1$ 7 と -1	⑤足して2, 掛けて-3
⑥足して-1, 掛けて-2 $2 \times (-1), (-2) \times 1$ -2 と 1	⑥足して-4, 掛けて-5
⑦足して0, 掛けて-49 $49 \times (-1), (-49) \times 1$ $7 \times (-7)$ 7 と -7	⑦足して0, 掛けて-25
⑧足して1, 掛けて0 0×1 0 と 1	⑧足して4, 掛けて0
⑨足して-6, 掛けて0 $0 \times (-6)$ 0 と -6	⑨足して-5, 掛けて0
⑩足して9, 掛けて18 和も積も正→正と正 $1 \times 18, 2 \times 9, 3 \times 6$ 3 と 6	⑩足して7, 掛けて12
⑪足して-12, 掛けて27 和が負, 積が正→負と負 $(-27) \times (-1), (-3) \times (-9)$ -3 と -9	⑪足して-6, 掛けて8

2. 次の文章をxの因数分解の問題に変換せよ。

Convert the following sentence into a factorization problem of x.

例題	問題
①足して8, 掛けて15 $x^2 + 8x + 15$ $= (x \quad)(x \quad)$	①足して9, 掛けて14
②足して7, 掛けて10 $x^2 + 7x + 10$ $= (x \quad)(x \quad)$	②足して9, 掛けて20
③足して-5, 掛けて6 $x^2 - 5x + 6$ $= (x \quad)(x \quad)$	③足して-6, 掛けて8
④足して-8, 掛けて16 $x^2 - 8x + 16$ $= (x \quad)(x \quad)$	④足して-10, 掛けて25
⑤足して3, 掛けて-28 $x^2 + 3x - 28$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑤足して4, 掛けて-21
⑥足して-1, 掛けて-12 $x^2 - x - 12$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑥足して-1, 掛けて-6
⑦足して0, 掛けて-64 $x^2 - 64$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑦足して0, 掛けて-36
⑧足して7, 掛けて0 $x^2 + 7x$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑧足して1, 掛けて0
⑨足して-8, 掛けて0 $x^2 - 8x$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑨足して-2, 掛けて0
⑩足して14, 掛けて24 $x^2 + 14x + 24$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑩足して10, 掛けて24
⑪足して-13, 掛けて30 $x^2 - 13x + 30$ $= (x \quad)(x \quad)$	⑪足して-15, 掛けて36

※余力がある人は因数分解にチャレンジしよう！！

1. 次の数を 2 個の正の整数の積の形で表せ。
Express the following numbers as the product of two positive integers.

例題	問題
① 2 2×1	① 1
② 3 3×1	② 5
③ 4 $4 \times 1, 2 \times 2$	③ 9
④ 6 $6 \times 1, 2 \times 3$	④ 8
⑤ 10 $10 \times 1, 2 \times 5$	⑤ 14
⑥ 15 $15 \times 1, 3 \times 5$	⑥ 21
⑦ 12 $12 \times 1, 2 \times 6, 3 \times 4$	⑦ 16
⑧ 20 $20 \times 1, 2 \times 10, 4 \times 5$	⑧ 18

2. 次の数を 2 個の整数の積の形で表せ。
Express the following numbers as the product of two integers.

例題	問題
① 7 $7 \times 1, (-7) \times (-1)$	① 13
② -2 $(-2) \times 1, 2 \times (-1)$	② -3
③ -8 $(-8) \times 1, 8 \times (-1)$ $(-2) \times 4, 2 \times (-4)$	③ -6
④ -4 $(-4) \times 1, 4 \times (-1)$ $(-2) \times 2$	④ -9

3. 次の文章を x の因数分解の問題に変換せよ。
Convert the following sentence into a factorization problem of x .

例題	問題
① 足して 3, 掛けて 2 $x^2 + 3x + 2$ $= (x)(x)$	① 足して 2, 掛けて 1
② 足して 4, 掛けて 3 $x^2 + 4x + 3$ $= (x)(x)$	② 足して 6, 掛けて 5
③ 足して 5, 掛けて 4 $x^2 + 5x + 4$ $= (x)(x)$	③ 足して 6, 掛けて 9
④ 足して 5, 掛けて 6 $x^2 + 5x + 6$ $= (x)(x)$	④ 足して 6, 掛けて 8
⑤ 足して 7, 掛けて 10 $x^2 + 7x + 10$ $= (x)(x)$	⑤ 足して 9, 掛けて 14
⑥ 足して 8, 掛けて 15 $x^2 + 8x + 15$ $= (x)(x)$	⑥ 足して 10, 掛けて 21
⑦ 足して 8, 掛けて 12 $x^2 + 8x + 12$ $= (x)(x)$	⑦ 足して 8, 掛けて 16
⑧ 足して -8, 掛けて 7 $x^2 - 8x + 7$ $= (x)(x)$	⑧ 足して -14, 掛けて 13
⑨ 足して 1, 掛けて -2 $x^2 + x - 2$ $= (x)(x)$	⑨ 足して 2, 掛けて -3
⑩ 足して -2, 掛けて -8 $x^2 - 2x - 8$ $= (x)(x)$	⑩ 足して -5, 掛けて -6
⑪ 足して 0, 掛けて -4 $x^2 - 4$ $= (x)(x)$	⑪ 足して 0, 掛けて -9

※余力がある人は因数分解にチャレンジしよう！！

1. 次の数の倍数(正)を8個書きなさい。
Write 8 multiples of the following numbers.

例題	問題
① 2 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16	① 4
② 3 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24	② 9
③ 5 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40	③ 10

2. 次の数の約数を答えなさい。
Write the following number of promises.

例題	問題
① 4の倍数 4 × 25 = 100 より 下2桁が4の倍数	① 2の倍数
② 10の倍数 10 × 1 = 10 より 下1桁が0	② 5の倍数
③ 3の倍数 すべての桁の和が 3の倍数	② 9の倍数

3. 次の数の約数(正)をすべて求めよ。
Write down all divisors of the following numbers.

例題 36 ※掛けて36 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36	
問題① 48	
問題② 30	
問題③ 24	
問題④ 12	問題⑤ 6

4. 次の数を2個の整数の積の形で表せ。
Express the following numbers as the product of two integers.

例題	問題
① 3 3 × 1, (-3) × (-1)	① 5
② 8 8 × 1, (-8) × (-1) 2 × 4, (-2) × (-4)	② 6
③ -9 9 × (-1), (-9) × 1 3 × (-3)	③ -4

5. 次の文章をxの因数分解の問題に変換せよ。
Convert the following sentence into a factorization problem of x.

例題	問題
① 足して4, 掛けて3 x ² + 4x + 3 = (x)(x)	① 足して6, 掛けて5
② 足して6, 掛けて8 x ² + 6x + 8 = (x)(x)	② 足して5, 掛けて6
③ 足して8, 掛けて-9 x ² + 8x - 9 = (x)(x)	③ 足して3, 掛けて-4
④ 足して0, 掛けて-9 x ² - 9 = (x)(x)	④ 足して0, 掛けて-4
⑤ 足して-20, 掛けて36 x ² - 20x + 36 = (x)(x)	⑤ 足して-14, 掛けて48
⑥ 足して1, 掛けて-30 x ² + x - 30 = (x)(x)	⑥ 足して2, 掛けて-24
⑦ 足して7, 掛けて12 x ² + 7x + 12 = (x)(x)	⑦ 足して5, 掛けて6
⑧ 足して-7, 掛けて12 x ² - 7x + 12 = (x)(x)	⑧ 足して-7, 掛けて6

基礎数学 因数分解入門 4 課題

1. 次の数の倍数(正)を8個書きなさい。

Write 8 multiples of the following numbers.

れい だい 例題	もんだい 問題
① 4 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32	① 2
② 9 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72	② 3
③ 10 10, 20, 20, 40, 50, 60, 70, 80	③ 5

2. 次の数の約束を答えなさい。

Write the following number of promises.

れいだい 例題	もんだい 問題
① 2 の <small>ばいすう</small> 倍数 $2 \times 5 = 10$ より <small>しも</small> <small>けた</small> <small>ばいすう</small> 下1桁が 2 の 倍数	① 4 の <small>ばいすう</small> 倍数
② 10 の <small>ばいすう</small> 倍数 $2 \times 5 = 10$ より <small>しも</small> <small>けた</small> 下1桁が 0	② 5 の <small>ばいすう</small> 倍数
③ 9 の <small>ばいすう</small> 倍数 <small>けた</small> <small>わ</small> すべての桁の和が <small>ばいすう</small> 9 の 倍数	② 3 の <small>ばいすう</small> 倍数

3. 次の数の約数(正)をすべて求めよ。

Write down all divisors of the following numbers.

れいだい 例題 60 <div style="text-align: right;"> か ※掛けて 60 </div> <div style="text-align: center; margin-top: 10px;"> $1, 2, 3, 4, 5, 12, 15, 20, 30, 60$ </div>	
もんだい 問題① 30	
もんだい 問題② 20	
もんだい 問題③ 12	もんだい 問題④ 8
もんだい 問題⑤ 6	もんだい 問題⑥ 4

()年()組()番()

4. 次の数を2個の整数の積の形で表せ。

Express the following numbers as the product of two integers.

れいだい 例題	もんだい 問題
① 5 $5 \times 1, (-5) \times (-1)$	① 7
② -5 $5 \times (-1), (-5) \times 1$	② -6
③ -4 $4 \times (-1), (-4) \times 1$ $2 \times (-2)$	③ -9

5. 次の文章を x の因数分解の問題に変換せよ。

Convert the following sentence into a factorization problem of x .

例題 れいだい	問題 もんだい
① 足して 6, 掛けて 5 $x^2 + 6x + 5$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	① 足して 8, 掛けて 7
② 足して 5, 掛けて 6 $x^2 + 6x + 8$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	② 足して 6, 掛けて 8
③ 足して 3, 掛けて -4 $x^2 + 3x - 4$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	③ 足して 8, 掛けて -9
④ 足して 0, 掛けて -4 $x^2 - 9$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	④ 足して 0, 掛けて -9
⑤ 足して -13, 掛けて 30 $x^2 - 13x + 30$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	⑤ 足して -9, 掛けて 20
⑥ 足して 1, 掛けて -30 $x^2 + x - 30$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	⑥ 足して 2, 掛けて -24
⑦ 足して -3, 掛けて -10 $x^2 - 3x - 10$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	⑦ 足して -1, 掛けて -12
⑧ 足して -8, 掛けて 12 $x^2 - 8x + 12$ $= (x \quad \quad)(x \quad \quad)$	⑧ 足して -5, 掛けて 6

1. 次の計算を利用して、式を展開しなさい。
Expand the expression using the following calculations.
2. 次の整数の組を求め、因数分解せよ。
Factor the expression by finding the next set of integers.

例題	問題
① $\begin{aligned}1+6&=7\\1\times6&=6\\(x+1)(x+6)&=x^2+7x+6\end{aligned}$	① $\begin{aligned}2+3\\2\times3\\(x+2)(x+3)\end{aligned}$
② $\begin{aligned}(-2)+(-4)&=-6\\(-2)\times(-4)&=8\\(x-2)(x-4)&=x^2-6x+8\end{aligned}$	② $\begin{aligned}(-5)+(-7)\\(-5)\times(-7)\\(x-5)(x-7)\end{aligned}$
③ $\begin{aligned}2+(-3)&=-1\\2\times(-3)&=-6\\(x+2)(x-3)&=x^2-x-6\end{aligned}$	③ $\begin{aligned}2+(-5)\\2\times(-5)\\(x+2)(x-5)\end{aligned}$
④ $\begin{aligned}2+(-8)&=-6\\2\times(-8)&=-16\\(x+2)(x-8)&=x^2-6x-16\end{aligned}$	④ $\begin{aligned}3+(-9)\\3\times(-9)\\(x+3)(x-9)\end{aligned}$
⑤ $\begin{aligned}(-4)+(-1)&=-5\\(-4)\times(-1)&=4\\(x-4)(x-1)&=x^2-5x+4\end{aligned}$	⑤ $\begin{aligned}(-2)+(-7)\\(-2)\times(-7)\\(x-2)(x-7)\end{aligned}$
⑥ $\begin{aligned}(-3)+8&=5\\(-3)\times8&=-24\\(x-3)(x+8)&=x^2+5x-24\end{aligned}$	⑥ $\begin{aligned}(-4)+9\\(-4)\times9\\(x-4)(x+9)\end{aligned}$
⑦ $\begin{aligned}(-7)+7&=0\\(-7)\times7&=-49\\(x-7)(x+7)&=x^2-49\end{aligned}$	⑦ $\begin{aligned}(-9)+9\\(-9)\times9\\(x-9)(x+9)\end{aligned}$

例題	問題
① $\begin{aligned}a\times b&=5\\1\times5, (-1)\times(-5)\\x^2+6x+5\\&=(x+1)(x+5)\end{aligned}$	① $\begin{aligned}a\times b&=2\\x^2+3x+2\end{aligned}$
② $\begin{aligned}a\times b&=3\\1\times3, (-1)\times(-3)\\x^2-4x+3\\&=(x-1)(x-3)\end{aligned}$	② $\begin{aligned}a\times b&=7\\x^2-8x+7\end{aligned}$
③ $\begin{aligned}a\times b&=-10\\1\times(-10), (-1)\times10\\2\times(-5), (-2)\times5\\x^2-3x-10\\&=(x+2)(x-5)\\x^2+9x-10\\&=(x-1)(x+10)\end{aligned}$	③ $\begin{aligned}a\times b&=-8\\x^2-7x-8\\x^2+7x-8\end{aligned}$
④ $\begin{aligned}a\times b&=15\\1\times15, (-1)\times(-15)\\3\times5, (-3)\times(-5)\\x^2+8x+15\\&=(x+3)(x+5)\\x^2-16x+15\\&=(x-1)(x-15)\end{aligned}$	④ $\begin{aligned}a\times b&=6\\x^2+5x+6\\x^2-7x+6\end{aligned}$
⑤ $\begin{aligned}a\times b&=-4\\1\times(-4), (-1)\times4, 2\times(-2)\\x^2-4\\&=(x+2)(x-2)\end{aligned}$	⑤ $\begin{aligned}a\times b&=-9\\x^2-9\end{aligned}$

1. 次の計算を利用して、式を展開しなさい。
Expand the expression using the following calculations.
2. 次の整数の組を求め、因数分解せよ。
Factor the expression by finding the next set of integers.

例題	問題
<div>①</div> <div>$3 + 1 = 4$</div> <div>$3 \times 1 = 3$</div> <div>$(x + 3)(x + 1)$</div> <div>$= x^2 + 4x + 3$</div>	<div>①</div> <div>$7 + 1$</div> <div>7×1</div> <div>$(x + 7)(x + 1)$</div>
<div>②</div> <div>$(-2) + (-6) = -8$</div> <div>$(-2) \times (-6) = 12$</div> <div>$(x - 2)(x - 6)$</div> <div>$= x^2 - 8x + 12$</div>	<div>②</div> <div>$(-3) + (-4)$</div> <div>$(-3) \times (-4)$</div> <div>$(x - 3)(x - 4)$</div>
<div>③</div> <div>$(-4) + 2 = -2$</div> <div>$(-4) \times 2 = -8$</div> <div>$(x - 4)(x + 2)$</div> <div>$= x^2 - 2x - 8$</div>	<div>③</div> <div>$(-5) + 3$</div> <div>$(-5) \times 3$</div> <div>$(x - 5)(x + 3)$</div>
<div>④</div> <div>$(-2) + 6 = 4$</div> <div>$(-2) \times 6 = -12$</div> <div>$(x - 2)(x + 6)$</div> <div>$= x^2 + 4x - 12$</div>	<div>④</div> <div>$(-3) + 5$</div> <div>$(-3) \times 5$</div> <div>$(x - 3)(x + 5)$</div>
<div>⑤</div> <div>$(-4) + 5 = 1$</div> <div>$(-4) \times 5 = 20$</div> <div>$(x - 4)(x + 5)$</div> <div>$= x^2 + x - 20$</div>	<div>⑤</div> <div>$(-5) + 6$</div> <div>$(-5) \times 6$</div> <div>$(x - 5)(x + 6)$</div>
<div>⑥</div> <div>$(-3) + 8 = 5$</div> <div>$(-3) \times 8 = -24$</div> <div>$(x - 3)(x + 8)$</div> <div>$= x^2 + 5x - 24$</div>	<div>⑥</div> <div>$(-4) + 9$</div> <div>$(-4) \times 9$</div> <div>$(x - 4)(x + 9)$</div>
<div>⑦</div> <div>$(-6) + 6 = 0$</div> <div>$(-6) \times 6 = -36$</div> <div>$(x - 6)(x + 6)$</div> <div>$= x^2 - 36$</div>	<div>⑦</div> <div>$(-2) + 2$</div> <div>$(-2) \times 2$</div> <div>$(x - 2)(x + 2)$</div>

例題	問題
<div>①</div> <div>$a \times b = 11$</div> <div>$1 \times 11, (-1) \times (-11)$</div> <div>$x^2 + 12x + 11$</div> <div>$= (x + 1)(x + 11)$</div>	<div>①</div> <div>$a \times b = 13$</div> <div>$x^2 + 14x + 13$</div>
<div>②</div> <div>$a \times b = 5$</div> <div>$1 \times 5, (-1) \times (-5)$</div> <div>$x^2 - 6x + 5$</div> <div>$= (x - 1)(x - 5)$</div>	<div>②</div> <div>$a \times b = 2$</div> <div>$x^2 - 3x + 2$</div>
<div>③</div> <div>$a \times b = -14$</div> <div>$1 \times (-14), (-1) \times 14$</div> <div>$2 \times (-7), (-2) \times 7$</div> <div>$x^2 + 5x - 14$</div> <div>$= (x - 2)(x + 7)$</div> <div>$x^2 - 13x - 14$</div> <div>$= (x + 1)(x - 14)$</div>	<div>③</div> <div>$a \times b = -21$</div> <div>$x^2 - 4x - 21$</div> <div>$x^2 + 20x - 21$</div>
<div>④</div> <div>$a \times b = 4$</div> <div>$1 \times 4, (-1) \times (-4)$</div> <div>$2 \times 2, (-2) \times (-2)$</div> <div>$x^2 - 5x + 4$</div> <div>$= (x - 1)(x + 4)$</div> <div>$x^2 - 4x + 4$</div> <div>$= (x - 2)^2$</div>	<div>④</div> <div>$a \times b = 9$</div> <div>$x^2 - 10x + 9$</div> <div>$x^2 - 6x + 9$</div>
<div>⑤</div> <div>$a \times b = -25$</div> <div>$1 \times (-25), (-1) \times 25, 5 \times (-5)$</div> <div>$x^2 - 25$</div> <div>$= (x + 5)(x - 5)$</div>	<div>⑤</div> <div>$a \times b = -1$</div> <div>$x^2 - 1$</div>

1. 次の計算を利用して、式を展開しなさい。
Expand the expression using the following calculations.
2. 単項式を同じ式の積で表し、多項式を因数分解せよ。
Represent the monomial by the product of the same expression, and factor the polynomial.

例題	問題
<div>①</div> <div>$x \times x = x^2$</div> <div>$5 \times 5 = 25$</div> <div>$2 \times x \times 5 = 10 x$</div> <div>$(x + 5)^2$</div> <div>$= x^2 + 10 x + 25$</div> <div>$(x + 5)(x - 5)$</div> <div>$= x^2 - 25$</div>	<div>①</div> <div>$y \times y$</div> <div>6×6</div> <div>$2 \times y \times 6$</div> <div>$(y + 6)^2$</div> <div>$(y + 6)(y - 6)$</div>
<div>②</div> <div>$2 x \times 2 x = 4 x^2$</div> <div>$3 y \times 3 y = 9 y^2$</div> <div>$2 \times 2 x \times 3 y = 12 x y$</div> <div>$(2 x - 3 y)^2$</div> <div>$= 4 x^2 - 12 x y + 9 y^2$</div> <div>$(2 x - 3 y)(2 x + 3 y)$</div> <div>$= 4 x^2 - 9 y^2$</div>	<div>②</div> <div>$3 x \times 3 x$</div> <div>$4 y \times 4 y$</div> <div>$2 \times 3 x \times 4 y$</div> <div>$(3 x - 4 y)^2$</div> <div>$(3 x - 4 y)(3 x + 4 y)$</div>
<div>③</div> <div>$x y \times x y = x^2 y^2$</div> <div>$1 \times 1 = 1$</div> <div>$2 \times x y \times 1 = 2 x y$</div> <div>$(x y + 1)^2$</div> <div>$= x^2 y^2 + 2 x y + 1$</div> <div>$(x y + 1)(x y - 1)$</div> <div>$= x^2 y^2 - 1$</div>	<div>③</div> <div>$a b \times a b$</div> <div>7×7</div> <div>$2 \times a b \times 7$</div> <div>$(a b + 7)^2$</div> <div>$(a b + 7)(a b - 7)$</div>
<div>④</div> <div>$x^2 \times x^2 = x^4$</div> <div>$8 \times 8 = 64$</div> <div>$2 \times x^2 \times 8 = 16 x^2$</div> <div>$(x^2 - 8)^2$</div> <div>$= x^4 - 16 x^2 + 64$</div> <div>$(x^2 - 8)(x^2 + 8)$</div> <div>$= x^4 - 64$</div>	<div>④</div> <div>$7 x^2 \times 7 x^2$</div> <div>9×9</div> <div>$2 \times 7 x^2 \times 9$</div> <div>$(7 x^2 + 9)^2$</div> <div>$(7 x^2 + 9)(7 x^2 - 9)$</div>

例題	問題
<div>①</div> <div>$a^2 = a \times a$</div> <div>$100 = 10 \times 10$</div> <div>$a^2 - 100$</div> <div>$= (a + 10)(a - 10)$</div> <div>$a^2 + 20 a + 100$</div> <div>$= (a + 10)^2$</div> <div>※ $2 \times a \times 10 = 20 a$</div>	<div>①</div> <div>c^2</div> <div>9</div> <div>$c^2 - 9$</div> <div>$c^2 + 6 c + 9$</div>
<div>②</div> <div>$16 a^2 = 4 a \times 4 a$</div> <div>$25 b^2 = 5 b \times 5 b$</div> <div>$16 a^2 - 25 b^2$</div> <div>$= (4 a + 5 b)(4 a - 5 b)$</div> <div>$16 a^2 - 40 a b + 25 b^2$</div> <div>$= (4 a - 5 b)^2$</div> <div>※ $2 \times 4 a \times 5 b = 40 a b$</div>	<div>②</div> <div>$4 x^2$</div> <div>y^2</div> <div>$4 x^2 - y^2$</div> <div>$4 x^2 - 4 x y + y^2$</div>
<div>③</div> <div>$9 c^2 d^2 = 3 c d \times 3 c d$</div> <div>$4 = 2 \times 2$</div> <div>$9 c^2 d^2 - 4$</div> <div>$= (3 c d + 2)(3 c d - 2)$</div> <div>$9 c^2 d^2 + 12 c d + 4$</div> <div>$= (3 c d + 2)^2$</div> <div>※ $2 \times 3 c d \times 2 = 12 c d$</div>	<div>③</div> <div>$16 x^2 y^2$</div> <div>1</div> <div>$16 x^2 y^2 - 1$</div> <div>$16 x^2 y^2 + 8 x y + 1$</div>
<div>④</div> <div>$4 x^6 = 2 x^3 \times 2 x^3$</div> <div>$1 = 1 \times 1$</div> <div>$4 x^6 - 1$</div> <div>$= (2 x^3 + 1)(2 x^3 - 1)$</div> <div>$4 x^6 - 4 x^3 + 1$</div> <div>$= (2 x^3 - 1)^2$</div> <div>※ $2 \times 2 x^3 \times 1 = 4 x^3$</div>	<div>④</div> <div>$9 x^8$</div> <div>4</div> <div>$9 x^8 - 4$</div> <div>$9 x^8 - 12 x^4 + 4$</div>

基礎数学

因数分解

(2乗・2乗の差入門) 2 課題

1. 次の計算を利用して、式を展開しなさい。
Expand the expression using the following calculations.

例題	問題
<div>①</div> <div>$x \times x = x^2$</div> <div>$10 \times 10 = 100$</div> <div>$2 \times x \times 10 = 20 x$</div> <div>$(x + 10)^2$</div> <div>$= x^2 + 20 x + 100$</div> <div>$(x + 10)(x - 10)$</div> <div>$= x^2 - 100$</div>	<div>①</div> <div>$a \times a$</div> <div>8×8</div> <div>$2 \times a \times 8$</div> <div>$(a + 8)^2$</div> <div>$(a + 8)(y - 8)$</div>
<div>②</div> <div>$2x \times 2x = 4x^2$</div> <div>$5y \times 5y = 25y^2$</div> <div>$2 \times 2x \times 5y = 20xy$</div> <div>$(2x - 5y)^2$</div> <div>$= 4x^2 - 20xy + 25y^2$</div> <div>$(2x - 5y)(2x + 5y)$</div> <div>$= 4x^2 - 25y^2$</div>	<div>②</div> <div>$4y \times 4y$</div> <div>$3z \times 3z$</div> <div>$2 \times 4y \times 3z$</div> <div>$(4y - 3z)^2$</div> <div>$(4y - 3z)(4y + 3z)$</div>
<div>③</div> <div>$ax \times ax = a^2x^2$</div> <div>$b \times b = b^2$</div> <div>$2 \times ax \times b = 2abx$</div> <div>$(ax + b)^2$</div> <div>$= a^2x^2 + 2abx + b^2$</div> <div>$(ax + b)(ax - b)$</div> <div>$= a^2x^2 - b^2$</div>	<div>③</div> <div>$x \times x$</div> <div>$ab \times ab$</div> <div>$2 \times x \times ab$</div> <div>$(x + ab)^2$</div> <div>$(x + ab)(x - ab)$</div>
<div>④</div> <div>$x^3 \times x^3 = x^6$</div> <div>$5 \times 5 = 25$</div> <div>$2 \times x^3 \times 5 = 10x^3$</div> <div>$(x^3 - 5)^2$</div> <div>$= x^6 - 10x^3 + 25$</div> <div>$(x^3 - 5)(x^3 + 5)$</div> <div>$= x^6 - 25$</div>	<div>④</div> <div>$x^4 \times x^4$</div> <div>1×1</div> <div>$2 \times x^2 \times 1$</div> <div>$(x^4 - 1)^2$</div> <div>$(x^4 - 1)(x^4 + 1)$</div>

()年()組()番()

2. 単項式を同じ式の積で表し、多項式を因数分解せよ
Represent the monomial by the product of the same expression, and factor the polynomial.

例題	問題
<div>①</div> <div>$z^2 = z \times z$</div> <div>$144 = 12 \times 12$</div> <div>$z^2 - 144$</div> <div>$= (z + 14)(z - 14)$</div> <div>$z^2 + 28z + 144$</div> <div>$= (z + 12)^2$</div> <div>$\textcolor{blue}{※ 2 \times z \times 12 = 24z}$</div>	<div>①</div> <div>b^2</div> <div>400</div> <div>$b^2 - 400$</div> <div>$b^2 + 40b + 400$</div>
<div>②</div> <div>$9x^2 = 3x \times 3x$</div> <div>$y^2 = y \times y$</div> <div>$9x^2 - y^2$</div> <div>$= (3x - y)(3x + y)$</div> <div>$9x^2 - 6xy + y^2$</div> <div>$= (3x - y)^2$</div> <div>$\textcolor{blue}{※ 2 \times 3x \times y = 6xy}$</div>	<div>②</div> <div>$16a^2$</div> <div>b^2</div> <div>$16a^2 - b^2$</div> <div>$16a^2 - 8ab + b^2$</div>
<div>③</div> <div>$c^2d^2 = cd \times cd$</div> <div>$9 = 3 \times 3$</div> <div>$c^2d^2 - 9$</div> <div>$= (cd + 3)(cd - 3)$</div> <div>$c^2d^2 + 6cd + 9$</div> <div>$= (cd + 3)^2$</div> <div>$\textcolor{blue}{※ 2 \times cd \times 3 = 6cd}$</div>	<div>③</div> <div>x^2y^2</div> <div>4</div> <div>$x^2y^2 - 4$</div> <div>$x^2y^2 + 4xy + 4$</div>
<div>④</div> <div>$4x^4 = 2x^2 \times 2x^2$</div> <div>$25 = 5 \times 5$</div> <div>$4x^4 - 25$</div> <div>$= (2x^2 + 5)(2x^2 - 5)$</div> <div>$4x^6 - 20x^3 + 1$</div> <div>$= (2x^3 - 5)^2$</div> <div>$\textcolor{blue}{※ 2 \times 2x^3 \times 5 = 20x^3}$</div>	<div>④</div> <div>$36x^6$</div> <div>49</div> <div>$36x^6 - 49$</div> <div>$36x^6 - 84x^4 + 49$</div>

1. 空白を埋めて、文章を完成せよ。

Fill in the blanks to complete the sentence.

① 整式の展開とは積の形の式を、分配法則を用いて、
の形にすることである。

$$m(a + b + c) = ma + \quad + \quad$$
$$(x + a)(x + b) = x^2 + (\quad)x + \quad$$

② 因数分解とは和の形の式をカッコを用いて、
の形にすることである。

$$ma + mb + mc = m(\quad + \quad + \quad)$$
$$x^2 + (a + b)x + ab = (x + \quad)(x + \quad)$$

2. 矢印によって、次の式を展開せよ。

Expand the following formula according the arrow.

例題	問題
① $4(x + 3)$ $= 4 \times x + 4 \times 3$ $= 4x + 12$	① $5(x + 3)$
② $x(x + 2)$ $= x \times x + x \times 2$ $= x^2 + 2x$	② $x(x + 3)$
③ $(x + 4)(x + 2)$ $= x^2 + 2x + 4x + 8$ $= x^2 + 6x + 8$	③ $(x + 4)(x + 3)$
④ $(x + 4)(x - 4)$ $= x^2 - 4x + 4x - 16$ $= x^2 - 16$	④ $(x + 3)(x - 3)$

3. 乗法公式を用いて、次の式を展開せよ。

Expand the following formula using the multiplication formula.

例題	問題
① $(x + 2)(x + 8)$ $= x^2 + (2 + 8)x + 2 \times 8$ $= x^2 + 10x + 16$	① $(x + 2)(x + 6)$
② $(x - 7)(x + 7)$ $= x^2 + (-7 + 7)x + (-7) \times 7$ $= x^2 - 49$	② $(x - 5)(x + 5)$

()年()組()番()

4. 次の整数の組 a, b とその和 $a + b$ を求めよ。

Find the following pair of integers a, b and their sum $a + b$.

れいだい 例題	もんだい 問題																								
① $a \times b = 7$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td>1</td><td>7</td><td>8</td></tr><tr><td>-1</td><td>-7</td><td>-8</td></tr></table>	a	b	$a+b$	1	7	8	-1	-7	-8	① $a \times b = 2$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr></table>	a	b	$a+b$												
a	b	$a+b$																							
1	7	8																							
-1	-7	-8																							
a	b	$a+b$																							
② $a \times b = -5$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td>1</td><td>-5</td><td>-4</td></tr><tr><td>-1</td><td>5</td><td>4</td></tr></table>	a	b	$a+b$	1	-5	-4	-1	5	4	② $a \times b = -3$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr></table>	a	b	$a+b$												
a	b	$a+b$																							
1	-5	-4																							
-1	5	4																							
a	b	$a+b$																							
③ $a \times b = -4$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td>1</td><td>-4</td><td>-3</td></tr><tr><td>-1</td><td>4</td><td>3</td></tr><tr><td>-2</td><td>2</td><td>0</td></tr></table>	a	b	$a+b$	1	-4	-3	-1	4	3	-2	2	0	③ $a \times b = -9$ <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>$a+b$</th></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td></tr></table>	a	b	$a+b$									
a	b	$a+b$																							
1	-4	-3																							
-1	4	3																							
-2	2	0																							
a	b	$a+b$																							

5. 次の整数の組を求めよ。※順不同

Find the following set of integers.

例題	問題
① $a + b = 7, a \times b = 8$ 1, 7	① $a + b = 3, a \times b = 2$
② $a + b = 4, a \times b = -5$ -1, 5	② $a + b = 2, a \times b = -3$
③ $a + b = 0, a \times b = -4$ 2, -2	③ $a + b = 0, a \times b = -9$

6. 次の多項式を因数分解せよ。

Factor the following polynomial.

例題	問題
① $x^2 + 8x + 7$ $= (x + 1)(x + 7)$	① $x^2 + 3x + 1$
② $x^2 + 4x - 5$ $= (x + 5)(x - 1)$	② $x^2 + 2x - 3$
③ $x^2 - 4$ $= (x + 2)(x - 2)$	③ $x^2 - 9$
④ $4x + 12$ $= 4(x + 3)$	④ $5x + 15$
⑤ $x^2 + 2x$ $= x(x + 2)$	⑤ $x^2 + 3x$

1. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① $x(x+1)$ $= x \times x + x \times 1$ $= x^2 + x$	① $a(a+1)$
② $x(x+2)$ $= x \times x + x \times 2$ $= x^2 + 2x$	② $x(x+3)$
③ $3(x+2)$ $= 3 \times x + 3 \times 2$ $= 3x + 6$	③ $2(x+3)$
④ $x(x-3)$ $= x \times x + x \times (-3)$ $= x^2 - 3x$	④ $x(x-4)$
⑤ $3(x-2)$ $= 3 \times x + 3 \times (-2)$ $= 3x - 6$	⑤ $2(x-4)$
⑥ $2x(x-1)$ $= 2x \times x + 2x \times (-1)$ $= 2x^2 - 2x$	⑥ $2x(x-3)$
⑦ $-(x-1)$ $= (-1) \times x + (-1) \times (-1)$ $= -x + 1$	⑦ $-2(x-3)$
⑧ $2(x^2+3x+4)$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 3x + 2 \times 4$ $= 2x^2 + 6x + 8$	⑧ $3(x^2+3x+4)$

2. 次の式を因数分解しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① z^2+z $= z \times z + z \times 1$ $= z(z+1)$	① c^2+c
② x^2+9x $= x \times x + x \times 9$ $= x(x+9)$	② x^2+4x
③ x^2-6x $= x \times x + x \times (-6)$ $= x(x-6)$	③ x^2-5x
④ $2x+6$ $= 2 \times x + 2 \times 3$ $= 2(x+3)$	④ $3x+6$
⑤ $2x^2-6x$ $= 2 \times x \times x + 2 \times x \times (-3)$ $= 2x(x-3)$	⑤ $3x^2-15x$
⑥ $2x^2+4x+6$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 2x + 2 \times 3$ $= 2(x^2+2x+3)$	⑥ $3x^2+6x+9$

3. 次の式を因数分解しなさい。

※定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① x^2+7x+6 $= (x+1)(x+6)$	① x^2+6x+5
② $x^2+8x+12$ $= (x+2)(x+6)$	② $x^2+7x+10$
③ x^2-5x+4 $= (x-1)(x-4)$	③ x^2-4x+3
④ x^2-5x+6 $= (x-2)(x-3)$	④ x^2-6x+8
⑤ x^2+8x-9 $= (x-1)(x+9)$	⑤ x^2+7x-8
⑥ x^2+2x-8 $= (x-2)(x+4)$	⑥ $x^2+3x-10$
⑦ x^2+x-12 $= (x-3)(x+4)$	⑦ x^2+x-6
⑧ x^2-6x-7 $= (x-7)(x+1)$	⑧ x^2-4x-5

4. 次の式を因数分解しなさい。

※定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① x^2+2x+1 $= (x+1)^2$	① x^2+4x+4
② x^2-2x+1 $= (x-1)^2$	② x^2-6x+9
③ $x^2+16x+64$ $= (x+8)^2$	③ $x^2+8x+16$
④ $x^2-10x+25$ $= (x-5)^2$	④ $x^2-12x+36$
⑤ x^2-81 $= (x-9)(x+9)$	⑤ x^2-49
⑥ x^2-1 $= (x-1)(x+1)$	⑥ x^2-4

1. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① $x(x+2)$ $= x \times x + x \times 2$ $= x^2 + 2x$	① $x(x+4)$
② $a(a-1)$ $= a \times a + a \times (-1)$ $= a^2 - a$	② $x(x-1)$
③ $2(x+4)$ $= 2 \times x + 2 \times 4$ $= 2x + 8$	③ $2(x+5)$
④ $x(x-3)$ $= x \times x + x \times (-3)$ $= x^2 - 3x$	④ $x(x-6)$
⑤ $4(x-2)$ $= 4 \times x + 4 \times (-2)$ $= 4x - 8$	⑤ $3(x-2)$
⑥ $3x(x-1)$ $= 3x \times x + 3x \times (-1)$ $= 3x^2 - 3x$	⑥ $2x(x-3)$
⑦ $-(x-3)$ $= (-1) \times x + (-1) \times (-3)$ $= -x + 3$	⑦ $-2(x-2)$
⑧ $2(x^2+3x+5)$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 3x + 2 \times 5$ $= 2x^2 + 6x + 10$	⑧ $3(x^2+2x+3)$

2. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

例題	問題
① a^2+a $= a \times a + a \times 1$ $= a(a+1)$	① x^2+x
② x^2+2x $= x \times x + x \times 2$ $= x(x+2)$	② x^2+6x
③ x^2-3x $= x \times x + x \times (-3)$ $= x(x-3)$	③ x^2-4x
④ $2x+4$ $= 2 \times x + 2 \times 2$ $= 2(x+2)$	④ $3x+9$
⑤ $2x^2-4x$ $= 2 \times x \times x + 2 \times x \times (-2)$ $= 2x(x-2)$	⑤ $3x^2-9x$
⑥ $2x^2+4x+8$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 2x + 2 \times 4$ $= 2(x^2+2x+4)$	⑥ $3x^2+9x+6$

3. 次の式を因数分解しなさい。

定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① x^2+8x+7 $= (x+1)(x+7)$	① x^2+4x+3
② x^2+6x+8 $= (x+2)(x+4)$	② $x^2+8x+15$
③ x^2-6x+5 $= (x-1)(x-5)$	③ x^2-7x+6
④ x^2-6x+8 $= (x-2)(x-4)$	④ x^2-5x+6
⑤ x^2+4x-5 $= (x-1)(x+5)$	⑤ x^2+2x-3
⑥ $x^2+3x-10$ $= (x-2)(x+5)$	⑥ x^2+2x-8
⑦ x^2+x-20 $= (x-4)(x+5)$	⑦ x^2+x-12
⑧ x^2-5x-6 $= (x-6)(x+1)$	⑧ x^2-7x-8

4. 次の式を因数分解しなさい。

※定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① x^2+6x+9 $= (x+3)^2$	① x^2+2x+1
② $x^2-10x+25$ $= (x-5)^2$	② $x^2-18x+81$
③ $x^2+16x+64$ $= (x+8)^2$	③ $x^2+8x+16$
④ x^2-4 $= (x+2)(x-2)$	④ x^2-36
⑤ x^2-1 $= (x-1)(x+1)$	⑤ x^2-49
⑥ x^2-100 $= (x-10)(x+10)$	⑥ x^2-64

1. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① $x(x+3)$ $= x \times x + x \times 3$ $= x^2 + 3x$	① $x(x+5)$
② $x(x-1)$ $= x \times x + x \times (-1)$ $= x^2 - x$	② $a(a-1)$
③ $2(x+6)$ $= 2 \times x + 2 \times 6$ $= 2x + 12$	③ $2(x+4)$
④ $x(y-3)$ $= x \times y + x \times (-3)$ $= xy - 3x$	④ $a(b-6)$
⑤ $3(x-4)$ $= 3 \times x + 3 \times (-4)$ $= 3x - 12$	⑤ $4(x-2)$
⑥ $2x(x-5)$ $= 2x \times x + 2x \times (-5)$ $= 2x^2 - 10x$	⑥ $3x(x-2)$
⑦ $-(x-9)$ $= (-1) \times x + (-1) \times (-9)$ $= -x + 9$	⑦ $-(x-6)$
⑧ $3(x^2+3x+2)$ $= 3 \times x^2 + 3 \times 3x + 3 \times 2$ $= 3x^2 + 9x + 6$	⑧ $2(x^2+2x+1)$

2. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

例題	問題
① $xy+y$ $= x \times y + y \times 1$ $= y(x+1)$	① $ab+b$
② x^2+3x $= x \times x + x \times 3$ $= x(x+3)$	② x^2+9x
③ x^2-4x $= x \times x + x \times (-6)$ $= x(x-6)$	③ x^2-5x
④ $3x+15$ $= 3 \times x + 3 \times 5$ $= 3(x+5)$	④ $2x+8$
⑤ $3x^2-6x$ $= 3 \times x \times x + 3 \times x \times (-2)$ $= 3x(x-2)$	⑤ $3x^2-12x$
⑥ $2x^2+8x+10$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 4x + 2 \times 5$ $= 2(x^2+4x+5)$	⑥ $3x^2+9x+12$

3. 次の式を因数分解しなさい。

※定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① $x^2+10x+9$ $= (x+1)(x+9)$	① x^2+3x+2
② x^2+5x+6 $= (x+2)(x+3)$	② x^2+6x+8
③ x^2-4x+3 $= (x-1)(x-3)$	③ x^2-6x+5
④ $x^2-8x+12$ $= (x-2)(x-6)$	④ $x^2-7x+10$
⑤ x^2+2x-3 $= (x-1)(x+3)$	⑤ x^2+3x-4
⑥ x^2-x-2 $= (x-2)(x+1)$	⑥ x^2-x-6
⑦ x^2+x-30 $= (x-5)(x+6)$	⑦ x^2+x-20
⑧ $x^2-4x-12$ $= (x-6)(x+2)$	⑧ x^2-2x-8

4. 次の式を因数分解しなさい。

※定数項に着目

Factor the following expression.

例題	問題
① $x^2+18x+81$ $= (x+9)^2$	① $x^2+16x+64$
② $x^2-14x+49$ $= (x-7)^2$	② x^2-2x+1
③ $x^2+10x+25$ $= (x+5)^2$	③ x^2+4x+4
④ x^2-9 $= (x+3)(x-3)$	④ x^2-81
⑤ x^2-16 $= (x-4)(x+4)$	⑤ x^2-36
⑥ x^2-64 $= (x-8)(x+8)$	⑥ x^2-25

1. 次の計算をせよ。

Calculate the following formula.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x + x = 2x$	① $x + x + x$
② $x \times x = x^2$	② $a \times a$
③ $x \times 2 = 2x$	③ $x \times 3$
④ $4 \times x = 4x$	④ $5 \times x$
⑤ $-2 \times x = -2x$	⑤ $-3 \times x$
⑥ $1 \times x = x$	⑥ $1 \times y$
⑦ $-1 \times x = -x$	⑦ $-1 \times y$
⑧ $2x \times 3x = 6x^2$	⑧ $2x \times 4x$

2. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x(x + 3)$ $= x \times x + x \times 3$ $= x^2 + 3x$	① $x(x + 4)$
② $x(x - 4)$ $= x \times x + x \times (-4)$ $= x^2 - 4x$	② $x(x - 2)$
③ $x(x + 1)$ $= x \times x + x \times 1$ $= x^2 + x$	③ $a(a + 1)$
④ $2(x + 4)$ $= 2 \times x + 2 \times 4$ $= 2x + 8$	④ $2(x + 5)$
⑤ $3(x - 4)$ $= 3 \times x + 3 \times (-4)$ $= 3x - 12$	⑤ $2(x - 4)$
⑥ $2x(x - 1)$ $= 2x \times x + 2x \times (-1)$ $= 2x^2 - 2x$	⑥ $2x(x - 3)$
⑦ $2(x^2 + 3x + 4)$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 3x + 2 \times 4$ $= 2x^2 + 6x + 8$	⑦ $3(x^2 + 2x + 5)$

3. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x \times x + x \times 5$ $= x(x + 5)$	① $x \times x + x \times 7$
② $x \times x - 6 \times x$ $= x(x - 6)$	② $x \times x - 9 \times x$
③ $x \times x + 1 \times x$ $= x(x + 1)$	③ $x \times x - 1 \times x$
④ $2 \times x + 2 \times 3$ $= 2(x + 3)$	④ $3 \times x + 3 \times 2$
⑤ $2 \times 2x + 2 \times (-1)$ $= 2(2x - 1)$	⑤ $3 \times 2x + 3 \times (-1)$
⑥ $2 \times x^2 + 2 \times 3x + 2 \times 4$ $= 2(x^2 + 3x + 4)$	⑥ $3 \times x^2 + 3 \times 2x + 3 \times 3$

4. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 3x$ $= x \times x + x \times 3$ $= x(x + 3)$	① $x^2 + 4x$
② $x^2 - 4x$ $= x \times x - 4 \times x$ $= x(x - 4)$	② $x^2 - 2x$
③ $2x - 6$ $= 2 \times x + 2 \times (-3)$ $= 2(x - 3)$	③ $2x - 8$
④ $2x^2 + 6x$ $= 2x \times x + 2x \times 3$ $= 2x(x + 3)$	④ $3x^2 + 6x$
⑤ $2x^2 + 4x + 6$ $= 2 \times x^2 + 2 \times 2x + 2 \times 3$ $= 2(x^2 + 2x + 3)$	⑤ $3x^2 + 3x + 6$

1. 次の計算をせよ。

Calculate the following formula.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x+x+x = 3\ x$	① $x + x$
② $x \times x \times x = x^3$	② $x \times x$
③ $3 \times x = 3\ x$	③ $4 \times x$
④ $x \times 4 = 4\ x$	④ $x \times 5$
⑤ $-5 \times x = -5\ x$	⑤ $-6 \times x$
⑥ $1 \times y = y$	⑥ $1 \times x$
⑦ $-1 \times y = -y$	⑦ $-1 \times x$
⑧ $2\ x \times 5\ x = 10\ x^2$	⑧ $3\ x \times 4\ x$

2. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x(x+5)$ $= x \times x + x \times 5$ $= x^2 + 5\ x$	① $x(x+6)$
② $x(x-2)$ $= x \times x + x \times (-2)$ $= x^2 - 2\ x$	② $x(x-3)$
③ $a(b+1)$ $= a \times b + a \times 1$ $= a\ b + a$	③ $a(b-1)$
④ $2(x+3)$ $= 2 \times x + 2 \times 3$ $= 2\ x + 6$	④ $2(x+1)$
⑤ $3(x-5)$ $= 3 \times x + 3 \times (-5)$ $= 3\ x - 15$	⑤ $2(x-5)$
⑥ $3x(x-2)$ $= 3x \times x + 3x \times (-2)$ $= 3\ x^2 - 6\ x$	⑥ $3x(x-4)$
⑦ $3(x^2+3x+4)$ $= 3 \times x^2 + 3 \times 3x + 3 \times 4$ $= 3\ x^2 + 9\ x + 12$	⑦ $3(x^2+5x+4)$

3. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $\underline{x} \times x + \underline{x} \times 4$ $= \underline{x} (x + 4)$	① $x \times x + x \times 6$
② $x \times \underline{x} - 3 \times \underline{x}$ $= \underline{x} (x - 3)$	② $x \times x - 2 \times x$
③ $x \times \underline{x} - 1 \times \underline{x}$ $= \underline{x} (x - 1)$	③ $x \times x + 1 \times x$
④ $\underline{3} \times x + \underline{3} \times 2$ $= \underline{3} (x + 2)$	④ $2 \times x + 2 \times 3$
⑤ $\underline{2} \times 2x + \underline{2} \times (-3)$ $= \underline{2} (2\ x - 3)$	⑤ $3 \times 2x + 3 \times (-5)$
⑥ $\underline{3} \times x^2 + \underline{3} \times 2x + \underline{3} \times 2$ $= \underline{3} (x^2 + 2\ x + 2)$	⑥ $2 \times 2x^2 + 2 \times x + 2 \times 3$

4. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 6x$ $= x \times x + x \times 6$ $= x (x + 6)$	① $x^2 + 8x$
② $x^2 - 7x$ $= x \times x - 7 \times x$ $= x (x - 7)$	② $x^2 - 2x$
③ $2x - 12$ $= 2 \times x + 2 \times (-6)$ $= 2 (x - 6)$	③ $3x - 12$
④ $3x^2 - 6x$ $= 3x \times x + 3x \times 2$ $= 3\ x (x + 2)$	④ $2x^2 - 4x$
⑤ $3x^2 + 6x + 12$ $= 3 \times x^2 + 3 \times 2x + 3 \times 4$ $= 3 (x^2 + 3\ x + 4)$	⑤ $2x^2 + 2x + 6$

1. 次の計算をせよ。Calculate the following formula.

3. 次の式を因数分解しなさい。Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x+x+x+x=4x$	① $a+a+a$
② $x\times x\times x\times x=x^4$	② $a\times a\times a$
③ $5\times x=5x$	③ $6\times x$
④ $x\times 7=7x$	④ $x\times 3$
⑤ $-4\times x=-4x$	⑤ $-2\times x$
⑥ $1\times a=a$	⑥ $1\times y$
⑦ $-1\times ab=-ab$	⑦ $-1\times xy$
⑧ $2x\times 3x=6x^2$	⑧ $2x\times 4x$

2. 次の式を展開しなさい。Expand the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x(x+4)$ $=x\times x+x\times 4$ $=x^2+4x$	① $x(x+2)$
② $x(x-6)$ $=x\times x+x\times (-6)$ $=x^2-6x$	② $x(x-5)$
③ $a(b+2)$ $=a\times b+a\times 2$ $=ab+2a$	③ $a(b-3)$
④ $3(x+2)$ $=3\times x+3\times 2$ $=3x+6$	④ $4(x+2)$
⑤ $2(x-8)$ $=2\times x+2\times (-8)$ $=2x-16$	⑤ $2(x-7)$
⑥ $2x(x-4)$ $=2x\times x+2x\times (-4)$ $=2x^2-8x$	⑥ $3x(x-2)$
⑦ $4(x^2+2x+3)$ $=4\times x^2+4\times 2x+4\times 3$ $=4x^2+8x+12$	⑦ $4(x^2+3x+2)$

れいだい 例題	もんだい 問題
① $\underline{x}\times x+\underline{x}\times 2$ $=\underline{x}(x+2)$	① $x\times x+x\times 3$
② $x\times \underline{x}-4\times \underline{x}$ $=\underline{x}(x-4)$	② $x\times x-5\times x$
③ $x\times \underline{x}-2\times \underline{x}$ $=\underline{x}(x-2)$	③ $x\times x-8\times x$
④ $\underline{3}\times x+\underline{3}\times 4$ $=\underline{3}(x+4)$	④ $2\times x+2\times 6$
⑤ $\underline{3}\times 2x+\underline{3}\times (-3)$ $=\underline{3}(2x-3)$	⑤ $2\times 3x+2\times (-4)$
⑥ $\underline{4}\times x^2+\underline{4}\times 2x+\underline{4}\times 3$ $=\underline{4}(x^2+2x+3)$	⑥ $5\times x^2+6\times x+5\times 4$

4. 次の式を因数分解しなさい。Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① x^2+7x $=x\times x+x\times 7$ $=x(x+7)$	① x^2+9x
② x^2-8x $=x\times x-8\times x$ $=x(x-8)$	② x^2-6x
③ $2x-10$ $=2\times x+2\times (-5)$ $=2(x-5)$	③ $3x-18$
④ $3x^2-12x$ $=3x\times x+3x\times (-4)$ $=3x(x-4)$	④ $2x^2-10x$
⑤ $5x^2+10x+20$ $=5\times x^2+5\times 2x+5\times 4$ $=5(x^2+3x+4)$	⑤ $4x^2+8x+12$

1. 次の計算をせよ。 Calculate the following formula.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(+2) \times (+3) = +(2 \times 3) = 6$	① $(+2) \times (+4)$
② $(-2) \times (+5) = -(2 \times 5) = -10$	② $(-2) \times (+6)$
③ $(+2) \times (-7) = -(2 \times 7) = -14$	③ $(+3) \times (-6)$
④ $(-4) \times (-3) = +(4 \times 3) = 12$	④ $(-2) \times (-5)$
⑤ $x+x+x+x = 4x$	⑤ $a+a+a$
⑥ $x \times x \times x \times x = x^4$	⑥ $a \times a \times a$
⑦ $5 \times x = 5x$	⑦ $6 \times x$
⑧ $x \times 8 = 8x$	⑧ $x \times 7$
⑨ $-6 \times x = -6x$	⑨ $-3 \times x$
⑩ $1 \times x = x$	⑩ $1 \times y$
⑪ $-1 \times a b = -a b$	⑪ $-1 \times x y$
⑫ $2x \times 4x = 8x^2$	⑫ $2x \times 3x$

2. 次の式を展開しなさい。 Expand the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $2(x+9) = 2 \times x + 2 \times 9 = 2x + 18$	① $2(x+4)$
② $2(x-1) = 2 \times x + 2 \times (-1) = 2x - 2$	② $3(x-1)$
③ $x(x+2) = x \times x + x \times 2 = x^2 + 2x$	③ $x(x+3)$
④ $x(x-6) = x \times x + x \times (-6) = x^2 - 6x$	④ $x(x-6)$
⑥ $2x(x+4) = 2x \times x + 2x \times 4 = 2x^2 + 8x$	⑥ $3x(x+2)$
⑦ $4(x^2+2x+3) = 4 \times x^2 + 4 \times 2x + 4 \times 3 = 4x^2 + 8x + 12$	⑦ $4(x^2+3x+2)$

3. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $2 \times x + 2 \times 6 = 2(x+6)$	① $2 \times x + 2 \times 4$
② $3 \times 2x + 3 \times (-1) = 3(2x-1)$	② $2 \times 3x + 2 \times (-2)$
③ $x \times x + x \times 4 = x(x+4)$	③ $x \times x + x \times 7$
④ $x \times x - 5 \times x = x(x-5)$	④ $x \times x - 6 \times x$
⑤ $4 \times x^2 + 4 \times 2x + 4 \times 3 = 4(x^2+2x+3)$	⑤ $5 \times x^2 + 6 \times x + 5 \times 4$

4. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $2x+10 = 2 \times x + 2 \times 5 = 2(x+10)$	① $3x+15$
② $2x-8 = 2 \times x + 2 \times (-4) = 2(x-4)$	② $3x-18$
③ $4x-6 = 2 \times 2x + 2 \times (-3) = 2(2x-3)$	③ $6x-3$
④ $x^2+5x = x \times x + x \times 5 = x(x+5)$	④ x^2+8x
⑤ $x^2-9x = x \times x - 9 \times x = x(x-9)$	⑤ x^2-4x
⑥ $6x^2+4x = 2x \times 3x + 2x \times 2 = 2x(3x+2)$	⑥ $4x^2+6x$
⑦ $3x^2+6x+9 = 3 \times x^2 + 3 \times 2x + 3 \times 3 = 3(x^2+2x+3)$	⑦ $2x^2+4x+6$

1. 次の計算をせよ。 Calculate the following.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(-1)+(-5)$ $= -(1+5) = -6$	① $(-1)+(-7)$
② $(-1)+(+5)$ $= +(5-1) = 4$	② $(-1)+(+2)$
③ $(+2)+(-4)$ $= -(4-2) = -2$	③ $(-3)+(+2)$
④ $(-2)+(+4)$ $= +(4-2) = 2$	④ $(-1)+(+4)$

2. 次の整数 a, b の組を求めよ。※ $a \times b$ に 着目する。 Find the following set of integers.

れいだい
例題

もんだい
問題

① $a+b=6, a \times b=5$

a	b	$a+b$
1	5	6
-1	-5	-6

1, 5

① $a+b=8, a \times b=7$

a	b	$a+b$
1		
-1		

② $a+b=-4, a \times b=3$

a	b	$a+b$
1	3	4
-1	-3	-4

-1, -3

② $a+b=-3, a \times b=2$

a	b	$a+b$
1		
-1		

③ $a+b=-4, a \times b=-5$

a	b	$a+b$
1	-5	-4
-1	5	4

1, -5

③ $a+b=-6, a \times b=-7$

a	b	$a+b$
1		
-1		

④ $a+b=8, a \times b=-9$

a	b	$a+b$
1	-9	-8
-1	9	8
3	-3	0

-1, 9

④ $a+b=3, a \times b=-4$

a	b	$a+b$
1		
-1		

⑤ $a+b=-2, a \times b=-8$

a	b	$a+b$
1	-8	-7
-1	8	7
2	-4	-2
-2	4	2

2, -4

⑤ $a+b=-1, a \times b=-6$

a	b	$a+b$
1		
-1		

3. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① x^2+6x+5 $= (x+1)(x+2)$	① x^2+8x+7
② x^2-4x+3 $= (x-1)(x-3)$	② x^2-3x+2
③ x^2-4x-5 $= (x+1)(x-5)$	③ x^2-6x-7
④ x^2+8x-9 $= (x-1)(x+9)$	④ x^2+8x-9
⑤ x^2-2x-8 $= (x-4)(x+2)$	⑤ x^2-x-6

4. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2+7x+10$ $= (x+2)(x+5)$	① $x^2+9x+14$
② x^2+6x+9 $= (x+3)^2$	② $x^2+8x+16$
③ x^2-4x+4 $= (x-2)^2$	③ $x^2-10x+25$
④ x^2-9 $= (x-3)(x+3)$	④ x^2-36
⑤ $x^2+8x+12$ $= (x+2)(x+6)$	⑤ $x^2+7x+12$
⑥ x^2+x-6 $= (x-2)(x+3)$	⑥ x^2+3x-4
⑦ x^2-6x+8 $= (x-2)(x-4)$	⑦ x^2-9x+8
⑧ x^2-x-2 $= (x+1)(x-2)$	⑧ x^2-2x-3
⑨ $x^2+2x-15$ $= (x-3)(x+5)$	⑨ $x^2+3x-10$

1. 次の計算をせよ。 Calculate the following.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(-1)+(-2)$ $= -(1+2) = -3$	① $(-2)+(-3)$
② $(-1)+(+4)$ $= +(4-1) = 3$	② $(-1)+(+9)$
③ $(+3)+(-4)$ $= -(4-3) = -1$	③ $(-3)+(+5)$
④ $(-2)+(+5)$ $= +(5-2) = 3$	④ $(-8)+(+1)$

2. 次の整数 a, b の組を求めよ。※ $a \times b$ に 着目する。 Find the following set of integers.

れいだい
例題

もんだい
問題

① $a+b = 8, a \times b = 7$

a	b	$a+b$
1	7	8
-1	-7	-8

1, 7

① $a+b = 3, a \times b = 2$

a	b	$a+b$
1		
-1		

② $a+b = -3, a \times b = 2$

a	b	$a+b$
1	2	3
-1	-2	-3

-1, -3

② $a+b = -6, a \times b = 5$

a	b	$a+b$
1		
-1		

③ $a+b = -2, a \times b = -3$

a	b	$a+b$
1	-3	-2
-1	3	2

1, -3

③ $a+b = -1, a \times b = -2$

a	b	$a+b$
1		
-1		

④ $a+b = 3, a \times b = -4$

a	b	$a+b$
1	-4	-3
-1	4	3
2	-2	0

-1, 4

④ $a+b = 8, a \times b = -9$

a	b	$a+b$
1		
-1		

⑤ $a+b = 3, a \times b = -10$

a	b	$a+b$
1	-10	-9
-1	10	9
2	-5	-3
-2	5	3

-2, 5

⑤ $a+b = 2, a \times b = -15$

a	b	$a+b$
1		
-1		

3. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 8x + 7$ $= (x+1)(x+7)$	① $x^2 + 3x + 2$
② $x^2 - 3x + 2$ $= (x-1)(x-2)$	② $x^2 - 6x + 5$
③ $x^2 - 2x - 3$ $= (x+1)(x-3)$	③ $x^2 - x - 2$
④ $x^2 + 3x - 4$ $= (x-1)(x+4)$	④ $x^2 + 8x - 9$
⑤ $x^2 + 3x - 10$ $= (x-5)(x+2)$	⑤ $x^2 - 2x - 15$

4. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 7x + 12$ $= (x+3)(x+4)$	① $x^2 + 9x + 18$
② $x^2 + 8x + 16$ $= (x+4)^2$	② $x^2 + 2x + 1$
③ $x^2 - 16x + 64$ $= (x-8)^2$	③ $x^2 - 14x + 49$
④ $x^2 - 25$ $= (x-5)(x+5)$	④ $x^2 - 81$
⑤ $x^2 + 5x + 6$ $= (x+2)(x+3)$	⑤ $x^2 + 6x + 8$
⑥ $x^2 + x - 12$ $= (x-3)(x+4)$	⑥ $x^2 + x - 6$
⑦ $x^2 - 7x + 10$ $= (x-2)(x-5)$	⑦ $x^2 - 8x + 12$
⑧ $x^2 - 2x - 3$ $= (x+1)(x-3)$	⑧ $x^2 - 3x - 4$
⑨ $x^2 - 4x + 4$ $= (x-2)^2$	⑨ $x^2 - 6x + 9$

1. 次の計算をせよ。 Calculate the following.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(-1)+(-2)$ $= -(1+2) = -3$	① $(-2)+(-3)$
② $(-1)+(+5)$ $= +(5-1) = 4$	② $(-1)+(+9)$
③ $(+1)+(-9)$ $= -(9-1) = -8$	③ $(-3)+(+5)$
④ $(-3)+(+5)$ $= +(5-3) = 2$	④ $(-2)+(+5)$

2. 次の整数 a, b の組を求めよ。※ $a \times b$ に 着目する。 Find the following set of integers.

れいだい
例題

もんだい
問題

① $a+b = 6, a \times b = 5$

a	b	$a+b$
1	5	6
-1	-5	-6

1, 5

② $a+b = -3, a \times b = 2$

a	b	$a+b$
1	2	3
-1	-2	-3

-1, -2

③ $a+b = -4, a \times b = -5$

a	b	$a+b$
1	-5	-4
-1	5	4

1, -3

④ $a+b = 8, a \times b = -9$

a	b	$a+b$
1	-9	-3
-1	9	8
3	-3	0

-1, 4

⑤ $a+b = 2, a \times b = -15$

a	b	$a+b$
1	-15	-14
-1	15	14
3	-5	-2
-3	5	2

-3, 5

① $a+b = 8, a \times b = 7$

a	b	$a+b$
1		
-1		

② $a+b = -4, a \times b = 3$

a	b	$a+b$
1		
-1		

③ $a+b = -6, a \times b = -7$

a	b	$a+b$
1		
-1		

④ $a+b = 3, a \times b = -4$

a	b	$a+b$
1		
-1		

⑤ $a+b = 3, a \times b = -10$

a	b	$a+b$
1		
-1		

3. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 9x + 8$ $\quad \quad \quad 1+8 \quad \quad 1 \times 8$ $= (x+1)(x+8)$	① $x^2 + 10x + 9$
② $x^2 - 6x + 5$ $\quad \quad \quad (-1)+(-5) \quad (-1) \times (-5)$ $= (x-1)(x-5)$	② $x^2 - 4x + 3$
③ $x^2 - 4x - 5$ $\quad \quad \quad 1+(-5) \quad 1 \times (-5)$ $= (x+1)(x-5)$	③ $x^2 - 6x - 7$
④ $x^2 + 8x - 9$ $\quad \quad \quad (-1)+9 \quad (-1) \times 9$ $= (x-1)(x+9)$	④ $x^2 + 3x - 4$
⑤ $x^2 + 2x - 15$ $\quad \quad \quad (-3)+5 \quad (-3) \times 5$ $= (x-3)(x+5)$	⑤ $x^2 - 3x - 10$

4. 次の式を因数分解しなさい。 Factor the following expression.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 8x + 12$ $\quad \quad \quad 2+6 \quad 2 \times 6$ $= (x+2)(x+6)$	① $x^2 + 7x + 12$
② $x^2 + 6x + 9$ $\quad \quad \quad 3+3 \quad 3 \times 3$ $= (x+3)^2$	② $x^2 + 4x + 4$
③ $x^2 - 2x + 1$ $\quad \quad \quad (-1)+(-1) \quad (-1) \times (-1)$ $= (x-2)^2$	③ $x^2 - 10x + 25$
④ $x^2 - 16$ $\quad \quad \quad 4+(-4) \quad 4 \times (-4)$ $= (x-4)(x+4)$	④ $x^2 - 36$
⑤ $x^2 + 6x + 8$ $\quad \quad \quad 2+4 \quad 2 \times 4$ $= (x+2)(x+4)$	⑤ $x^2 + 7x + 10$
⑥ $x^2 - x - 12$ $\quad \quad \quad (-4)+3 \quad (-4) \times 3$ $= (x-4)(x+3)$	⑥ $x^2 - x - 6$
⑦ $x^2 - 9x + 14$ $\quad \quad \quad (-2)+(-7) \quad (-2) \times (-7)$ $= (x-2)(x-7)$	⑦ $x^2 - 10x + 21$
⑧ $x^2 - 3x - 4$ $\quad \quad \quad 1+(-4) \quad 1 \times (-4)$ $= (x+1)(x-4)$	⑧ $x^2 - 4x - 5$
⑨ $x^2 - 6x + 9$ $\quad \quad \quad (-3)+(-3) \quad (-3) \times (-3)$ $= (x-3)^2$	⑨ $x^2 - 12x + 36$

1. 次の乗法公式を証明せよ。

Prove the following multiplication formula.

例題 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

$$(a + b)^2 = (a + b)(a + b)$$
$$= a^2 + ab + ab + b^2$$
$$= a^2 + 2ab + b^2$$

Q.E.D

問題 $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

3. 次の因数分解の公式を証明せよ。

Prove the following factorization formula.

例題 $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

$$(a - b)^2 = (a - b)(a - b)$$
$$= a^2 - ab - ab + b^2$$
$$= a^2 - 2ab + b^2$$

よって、 $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

Q.E.D

問題 $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

2. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① $x(x + 5)$ $= x \times x + x \times 5$ $= x^2 + 5x$	① $x(x + 6)$
② $x(x - 2)$ $= x \times x + x \times (-2)$ $= x^2 - 2x$	② $x(x - 3)$
③ $(x + 1)(x + 3)$ $= x^2 + (1 + 3)x + 1 \times 3$ $= x^2 + 4x + 3$	③ $(x + 1)(x + 4)$
④ $(x + 2)(x + 3)$ $= x^2 + (2 + 3)x + 2 \times 3$ $= x^2 + 5x + 6$	④ $(x + 2)(x + 4)$
⑤ $(x + 4)(x - 2)$ $= x^2 + (4 - 2)x + 4 \times (-2)$ $= x^2 + 2x - 8$	⑤ $(x + 3)(x - 1)$
⑥ $(x - 4)(x + 3)$ $= x^2 + (-4 + 3)x + (-2) \times 3$ $= x^2 - x - 12$	⑥ $(x - 3)(x + 2)$
⑦ $(x - 2)(x - 1)$ $= x^2 + (-2 - 1)x + (-2) \times (-1)$ $= x^2 - 3x + 2$	⑦ $(x - 3)(x - 1)$
⑧ $(x + 2)(x - 2)$ $= x^2 + (2 - 2)x + 2 \times (-2)$ $= x^2 - 4$	⑧ $(x + 3)(x - 3)$

4. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

例題	問題
① $x^2 + 4x$ $= x \times x + x \times 4$ $= x(x + 4)$	① $x^2 + 3x$
② $x^2 - 8x$ $= x \times x + x \times (-8)$ $= x(x - 8)$	② $x^2 - 7x$
③ $x^2 + 6x + 5$ $= x^2 + (1 + 5)x + 1 \times 5$ $= (x + 1)(x + 5)$	③ $x^2 + 8x + 7$
④ $x^2 + 7x + 12$ $= x^2 + (3 + 4)x + 3 \times 4$ $= (x + 3)(x + 4)$	④ $x^2 + 8x + 15$
⑤ $x^2 + 4x - 5$ $= x^2 + (5 - 1)x + 5 \times (-1)$ $= (x + 5)(x - 1)$	⑤ $x^2 + 2x - 3$
⑥ $x^2 - 2x - 8$ $= x^2 + (2 - 4)x + 2 \times (-4)$ $= (x + 2)(x - 4)$	⑥ $x^2 - 2x - 15$
⑦ $x^2 - 4x + 4$ $= x^2 + (-2 - 2)x + (-2) \times (-2)$ $= (x - 2)^2$	⑦ $x^2 - 6x + 9$
⑧ $x^2 - 49$ $= x^2 + (7 - 7)x + 7 \times (-7)$ $= (x + 7)(x - 7)$	⑧ $x^2 - 25$

1. 次の乗法公式を証明せよ。

3. 次の因数分解の公式を証明せよ。

Prove the following multiplication formula.

Prove the following factorization formula.

例題 $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

$$(a - b)^2 = (a - b)(a - b)$$
$$= a^2 - ab - ab + b^2$$
$$= a^2 - 2ab + b^2$$

Q.E.D

問題 $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$

例題 $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

$$(x + a)(x + b)$$
$$= x^2 + bx + ax + ab$$
$$= x^2 + (a + b)x + ab$$

よって、 $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$ Q.E.D

問題 $x^2 + 2ax + a^2 = (x + a)^2$

2. 次の式を展開しなさい。

4. 次の式を因数分解しなさい。

Expand the following expression.

Factor the following expression.

例題	問題
① $x(x + 2)$ $= x \times x + x \times 2$ $= x^2 + 2x$	① $x(x + 3)$
② $x(x - 5)$ $= x \times x + x \times (-5)$ $= x^2 - 5x$	② $x(x - 4)$
③ $(x + 5)(x + 1)$ $= x^2 + (5 + 1)x + 5 \times 1$ $= x^2 + 6x + 5$	③ $(x + 4)(x + 1)$
④ $(x + 5)(x + 2)$ $= x^2 + (5 + 2)x + 5 \times 2$ $= x^2 + 7x + 10$	④ $(x + 4)(x + 2)$
⑤ $(x + 5)(x - 3)$ $= x^2 + (5 - 3)x + 5 \times (-3)$ $= x^2 + 2x - 15$	⑤ $(x + 4)(x - 1)$
⑥ $(x + 5)(x - 4)$ $= x^2 + (5 - 4)x + 5 \times (-4)$ $= x^2 + x - 20$	⑥ $(x + 4)(x - 3)$
⑦ $(x - 5)(x - 1)$ $= x^2 + (-5 - 1)x + (-5) \times (-1)$ $= x^2 - 6x + 5$	⑦ $(x - 4)(x - 1)$
⑧ $(x + 5)(x - 5)$ $= x^2 + (5 - 5)x + 5 \times (-5)$ $= x^2 - 25$	⑧ $(x + 4)(x - 4)$

例題	問題
① $x^2 + 6x$ $= x \times x + x \times 6$ $= x(x + 6)$	① $x^2 + 4x$
② $x^2 - 6x$ $= x \times x + x \times (-6)$ $= x(x - 6)$	② $x^2 - 8x$
③ $x^2 + 6x + 5$ $= x^2 + (1 + 5)x + 1 \times 5$ $= (x + 1)(x + 5)$	③ $x^2 + 8x + 7$
④ $x^2 + 6x + 8$ $= x^2 + (2 + 4)x + 2 \times 4$ $= (x + 2)(x + 4)$	④ $x^2 + 8x + 12$
⑤ $x^2 - 4x - 5$ $= x^2 + (1 - 5)x + 1 \times (-5)$ $= (x + 1)(x - 5)$	⑤ $x^2 + 8x - 9$
⑥ $x^2 - x - 2$ $= x^2 + (1 - 2)x + 1 \times (-2)$ $= (x + 1)(x - 2)$	⑥ $x^2 - x - 6$
⑦ $x^2 - 6x + 9$ $= x^2 + (-3 - 3)x + (-3) \times (-3)$ $= (x - 3)^2$	⑦ $x^2 - 8x + 16$
⑧ $x^2 - 64$ $= x^2 + (8 - 8)x + 8 \times (-8)$ $= (x + 8)(x - 8)$	⑧ $x^2 - 36$

1. 次の乗法公式を証明せよ。

Prove the following multiplication formula.

例題 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

$$(a + b)^2 = (a + b)(a + b)$$
$$= a^2 + ab + ab + b^2$$
$$= a^2 + 2ab + b^2$$

Q.E.D

問題 $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

3. 次の因数分解の公式を証明せよ。

Prove the following factorization formula.

例題 $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

$$(a + b)(a - b)$$
$$= a^2 - ab + ab - b^2 = a^2 - b^2$$

よって、 $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

Q.E.D

問題 $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

2. 次の式を展開しなさい。

Expand the following expression.

例題	問題
① $x(x - 9)$ $= x \times x + x \times (-9)$ $= x^2 - 9x$	① $x(x - 8)$
② $(x + 2)(x + 6)$ $= x^2 + (2 + 6)x + 2 \times 6$ $= x^2 + 8x + 12$	② $(x + 3)(x + 4)$
③ $(x + 3)(x + 5)$ $= x^2 + (3 + 5)x + 3 \times 5$ $= x^2 + 8x + 15$	③ $(x + 2)(x + 5)$
④ $(x - 4)(x + 5)$ $= x^2 + (-4 + 5)x + (-4) \times 5$ $= x^2 + x - 20$	④ $(x - 5)(x - 6)$
⑤ $(x - 3)(x + 2)$ $= x^2 + (-3 + 2)x + (-3) \times 2$ $= x^2 - x - 6$	⑤ $(x - 7)(x + 6)$
⑥ $(x - 2)(x - 5)$ $= x^2 + (-2 - 5)x + (-2) \times (-5)$ $= x^2 - 7x + 10$	⑥ $(x - 2)(x - 7)$
⑦ $(x + 3)^2$ $= x^2 + (3 + 3)x + 3 \times 3$ $= x^2 + 2 \times 3x + 3^2$ $= x^2 + 6x + 9$	⑦ $(x + 6)^2$
⑧ $(x + 6)(x - 6)$ $= x^2 + (6 - 6)x + 6 \times (-6)$ $= x^2 - 6^2$ $= x^2 - 36$	⑧ $(x + 7)(x - 7)$

4. 次の式を因数分解しなさい。

Factor the following expression.

例題	問題
① $x^2 - 7x$ $= x \times x + (-7) \times x$ $= x(x - 7)$	① $x^2 - 6x$
② $x^2 + 6x + 8$ $= x^2 + (2 + 4)x + (2 \times 4)$ $= (x + 2)(x + 4)$	② $x^2 + 7x + 10$
③ $x^2 + 9x + 14$ $= x^2 + (2 + 7)x + (2 \times 7)$ $= (x + 2)(x + 7)$	③ $x^2 + 10x + 21$
④ $x^2 - 8x + 15$ $= x^2 + (-3 - 5)x + ((-3) \times (-5))$ $= (x - 3)(x - 5)$	④ $x^2 - 9x + 18$
⑤ $x^2 - 3x - 10$ $= x^2 + (2 - 5)x + (2 \times (-5))$ $= (x + 2)(x - 5)$	⑤ $x^2 - 2x - 8$
⑥ $x^2 - x - 6$ $= x^2 + (2 - 3)x + (2 \times (-3))$ $= (x + 2)(x - 3)$	⑥ $x^2 - x - 12$
⑦ $x^2 - 8x + 16$ $= x^2 + (-4 - 4)x + ((-4) \times (-4))$ $= x^2 - 2 \times 4x + 4^2$ $= (x - 4)^2$	⑦ $x^2 - 16x + 64$
⑧ $x^2 - 81$ $= x^2 + (9 - 9)x + 9 \times (-9)$ $= x^2 - 9^2$ $= (x + 9)(x - 9)$	⑧ $x^2 - 1$

