

さんかくい せんぶん ひ かだい  
数学A 三角形と線分の比 課題

( )年( )組( )番( )

1.  $PQ \parallel BC$  のとき、 $x$  の値を求めなさい。  
Find the value of  $x$  when  $PQ$  and  $BC$  are parallel.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>①</p> <p><math>AP : PB = AQ : QC</math></p> <p><math>6 : 3 = 4 : x</math></p> <p><math>6x = 3 \times 4</math></p> <p><math>6x = 12</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{2}}</math></p>	<p>①</p>
<p>②</p> <p><math>AB : PB = AC : QC</math></p> <p><math>6 : 4 = 9 : x</math></p> <p><math>6x = 4 \times 9</math></p> <p><math>6x = 36</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{6}}</math></p>	<p>②</p>
<p>③</p> <p><math>AP : PQ = AB : BC</math></p> <p><math>6 : x = 9 : 6</math></p> <p><math>9x = 6 \times 6</math></p> <p><math>9x = 36</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{4}}</math></p>	<p>③</p>

2.  $AD$  が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、 $BD$  の長さ  $x$  を求めよ。  
Find the size  $x$  of  $BD$  when  $AD$  is the bisector of  $\angle A$ .

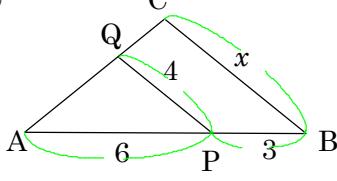
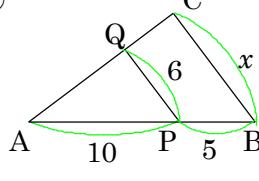
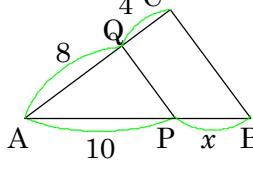
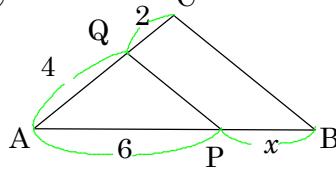
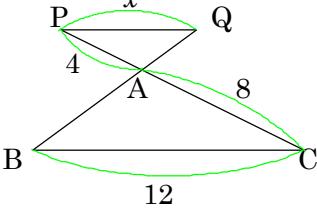
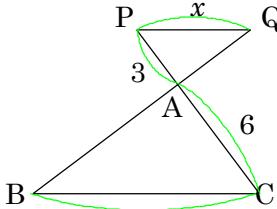
れいだい 例題	BD : DC = AB : AC
<p>①</p> <p><math>x : 6 = 8 : 12</math></p> <p><math>12x = 6 \times 8</math></p> <p><math>12x = 48</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{4}}</math></p>	
<p>①</p>	
<p>②</p> <p><math>BD : DC = AB : AC</math></p> <p><math>x : (8 - x) = 6 : 10</math></p> <p><math>10x = 6 \times (8 - x)</math></p> <p><math>10x = 48 - 6x</math></p> <p><math>16x = 48</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{3}}</math></p>	
<p>②</p>	
<p>③</p>	

さんかくい せんぶん ひ  
数学A 三角形と線分の比 2 課題

( )年( )組( )番( )

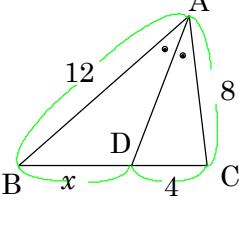
1. PQ // BC のとき、x の値を求めなさい。

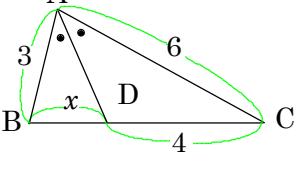
Find the value of x when PQ and BC are parallel.

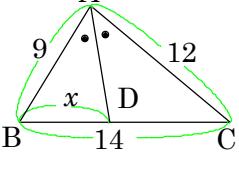
れいだい 例題	もんだい 問題
① 	① 
$AP : PQ = AB : BC$	
$6 : 4 = 9 : x$	
$6 \times x = 4 \times 9$	
$6x = 36$	
$x = \underline{\underline{6}}$	
② 	② 
$AP : PB = AQ : QC$	
$10 : x = 8 : 4$	
$8 \times x = 10 \times 4$	
$8x = 40$	
$x = \underline{\underline{5}}$	
③ 	③ 
$AP : PQ = AC : BC$	
$4 : x = 8 : 12$	
$8 \times x = 4 \times 12$	
$8x = 48$	
$x = \underline{\underline{6}}$	

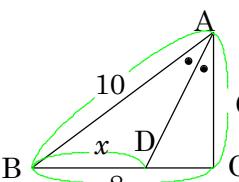
2. AD が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、BD の長さ x を求めよ。

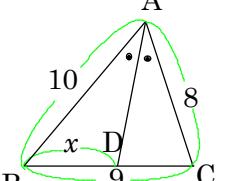
Find the size x of BD when AD is the bisector of  $\angle A$ .

れいだい 例題	BD : DC = AB : AC
① 	$x : 4 = 12 : 8$ $8 \times x = 4 \times 12$ $8x = 48$ $x = \underline{\underline{6}}$

もんだい 問題
① 

れいだい 例題	BD : DC = AB : AC
② 	$x : (14 - x) = 9 : 12$ $12 \times x = 9 \times (14 - x)$ $12x = 126 - 9x$ $21x = 126$ $x = \underline{\underline{6}}$

もんだい 問題
② 

もんだい 問題
③ 

さんかくい せんぶん ひ  
数学A 三角形と線分の比 3 課題

( )年( )組( )番( )

1.  $PQ \parallel BC$  のとき、 $x$  の値を求めなさい。

Find the value of  $x$  when  $PQ$  and  $BC$  are parallel.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>①</p> $AP : PB = AQ : QC$ $3 : 6 = 2 : x$ $3x = 6 \times 2$ $3x = 12$ $x = \underline{\underline{4}}$	<p>①</p>
<p>②</p> $AB : PB = AC : QC$ $6 : 2 = 9 : x$ $6x = 2 \times 9$ $6x = 18$ $x = \underline{\underline{3}}$	<p>②</p>
<p>③</p> $AP : PQ = AB : BC$ $6 : 4 = 9 : x$ $6x = 4 \times 9$ $6x = 36$ $x = \underline{\underline{6}}$	<p>③</p>

2.  $AD$  が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、 $BD$  の長さ  $x$  を求めよ。

Find the size  $x$  of  $BD$  when  $AD$  is the bisector of  $\angle A$ .

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>①</p> $BD : DC = AB : AC$ $x : 4 = 10 : 8$ $8x = 4 \times 10$ $8x = 40$ $x = \underline{\underline{5}}$	<p>①</p>
<p>②</p> $BD : DC = AB : AC$ $x : (14 - x) = 12 : 9$ $9x = 12 \times (14 - x)$ $9x = 168 - 12x$ $21x = 168$ $x = \underline{\underline{8}}$	<p>②</p>
<p>③</p>	<p>③</p>

さんかくい せんぶん ひ かだい  
数学A 三角形と線分の比 課題

( )年( )組( )番( )

1. PQ // BC のとき、 $x$  の値を求めなさい。

Find the value of  $x$  when PQ and BC are parallel.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>①</p> <p><math>AP : PB = AQ : QC</math></p> <p><math>12 : x = 8 : 4</math></p> <p><math>8 \times x = 12 \times 4</math></p> <p><math>8x = 48</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{6}}</math></p>	<p>①</p> <p><math>AP : PB = AQ : QC</math></p> <p><math>x : 5 = 8 : 4</math></p> <p><math>4 \times x = 5 \times 8</math></p> <p><math>4x = 40</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{10}}</math></p>
<p>②</p> <p><math>AB : PB = AC : QC</math></p> <p><math>12 : x = 18 : 12</math></p> <p><math>18 \times x = 12 \times 12</math></p> <p><math>18x = 144</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{8}}</math></p>	<p>②</p> <p><math>AB : PB = AC : QC</math></p> <p><math>6 : 4 = (6+x) : 6</math></p> <p><math>4 \times (6+x) = 6 \times 6</math></p> <p><math>6+x = 9</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{3}}</math></p>
<p>③</p> <p><math>AP : PQ = AB : BC</math></p> <p><math>6 : 4 = 9 : x</math></p> <p><math>6 \times x = 4 \times 9</math></p> <p><math>6x = 36</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{6}}</math></p>	<p>③</p> <p><math>AP : PQ = AC : BC</math></p> <p><math>6 : 9 = 12 : x</math></p> <p><math>6 \times x = 9 \times 12</math></p> <p><math>6x = 108</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{18}}</math></p>

2. PQ // BC のとき、 $x$  の値を求めなさい。

Find the value of  $x$  when PQ and BC are parallel.

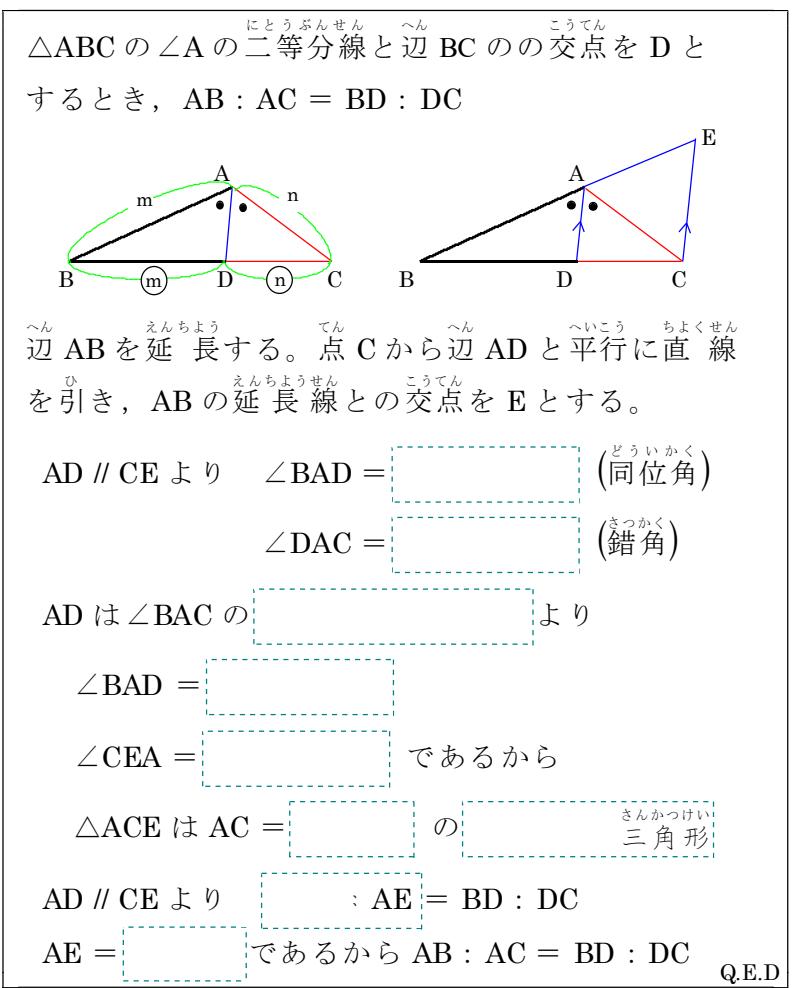
れいだい 例題	もんだい 問題
<p>①</p> <p><math>AP : PB = QC : CB</math></p> <p><math>4 : x = 2 : 5</math></p> <p><math>4 \times 5 = 2 \times x</math></p> <p><math>20 = 2x</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{10}}</math></p>	<p>①</p> <p><math>AP : PB = QC : CB</math></p> <p><math>x : 4 = 2 : 5</math></p> <p><math>2 \times 4 = x \times 5</math></p> <p><math>8 = 5x</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{1.6}}</math></p>
<p>②</p> <p><math>AB : PB = AC : QC</math></p> <p><math>6 : x = 6 : 4</math></p> <p><math>6 \times 4 = x \times 6</math></p> <p><math>24 = 6x</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{4}}</math></p>	<p>②</p> <p><math>AB : PB = AC : QC</math></p> <p><math>10 : x = 4 : 6</math></p> <p><math>10 \times 6 = x \times 4</math></p> <p><math>60 = 4x</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{15}}</math></p>
<p>③</p> <p><math>AP : PQ = AB : BC</math></p> <p><math>9 : 6 = 12 : x</math></p> <p><math>9 \times x = 6 \times 12</math></p> <p><math>9x = 72</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{8}}</math></p>	<p>③</p> <p><math>AP : PQ = AC : BC</math></p> <p><math>10 : 6 = 12 : x</math></p> <p><math>10 \times x = 6 \times 12</math></p> <p><math>10x = 72</math></p> <p><math>x = \underline{\underline{7.2}}</math></p>

かく にとうぶんせん せんぶん ひ  
かく  
数学A 角の二等分線と線分の比

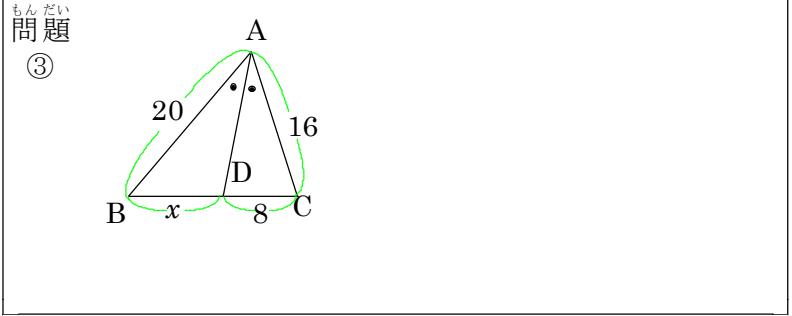
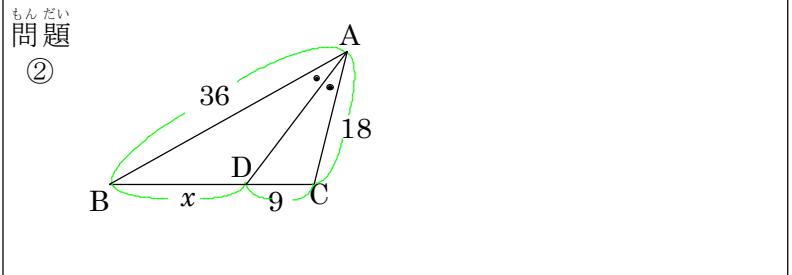
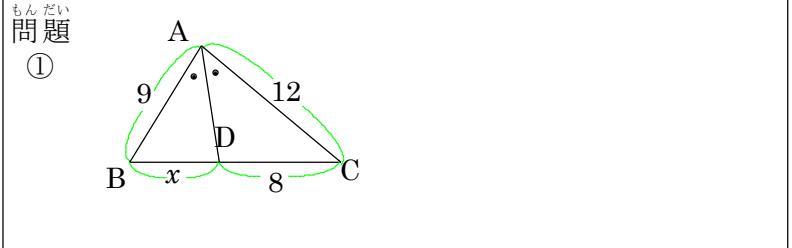
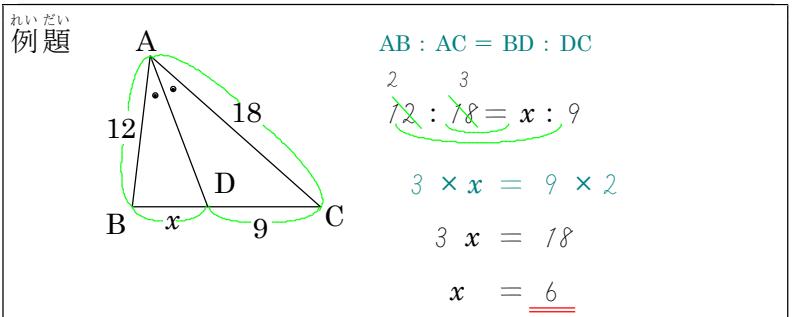
課題

かく にとうぶんせん せんぶん ひ ていり しようめい  
1. 角の二等分線と線分の比の定理を証明せよ。

Prove the theorem for the ratio of angle bisectors and line segments.



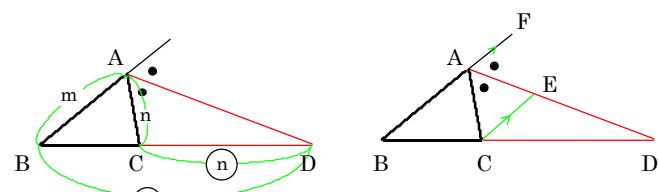
2. AD が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、BD の長さ  $x$  を求めよ。  
Find the size  $x$  of BD when AD is the bisector of  $\angle A$ .



( )年( )組( )番( )

がいかく にとうぶんせん せんぶん ひ ていり しようめい  
3. 外角の二等分線と線分の比の定理を証明せよ。  
Prove the theorem for the ratio of the bisector of an exterior angle to a line segment.

△ABC の  $\angle A$  の外角の二等分線と辺 BC の延長線との交点を D とするとき、 $AB : AC = BD : DC$



辺 AB を延長し F とする。点 C から辺 AB と平行に直線を引き、線分 AD との交点を E とする。

$AB \parallel CE$  より  $\angle FAE =$  [ ] (錯角)

AD は  $\angle CAF$  の [ ] より

$\angle FAE =$  [ ]

$\angle CAE =$  [ ] であるから

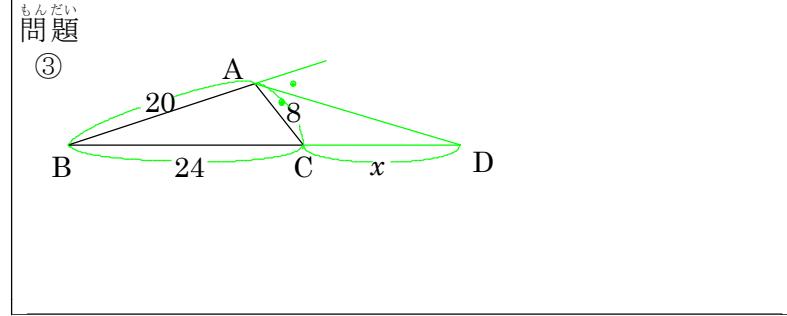
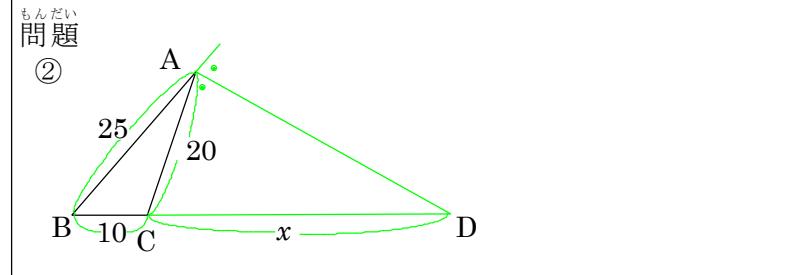
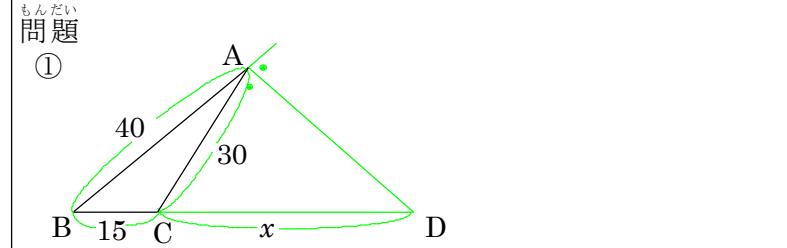
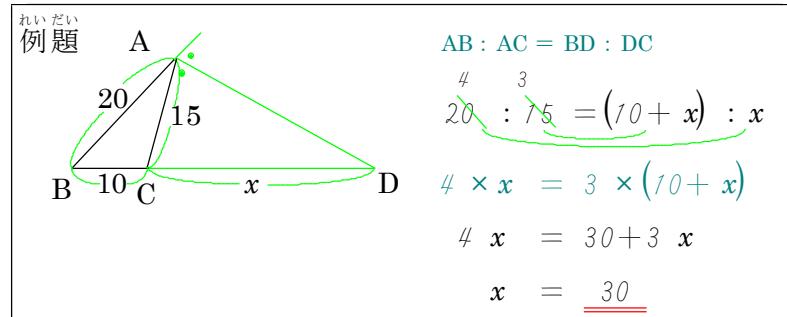
$\triangle ACE$  は  $AC =$  [ ] の [ ] 三角形

$AB \parallel CE$  より [ ] : CE = BD : DC

CE = [ ] であるから  $AB : AC = BD : DC$

Q.E.D

4. AD は  $\angle A$  の外角の 2 等分線、BD の長さ  $x$  を求めよ。  
Find the size  $x$  of BD when AD is the bisector of exterior of  $\angle A$ .



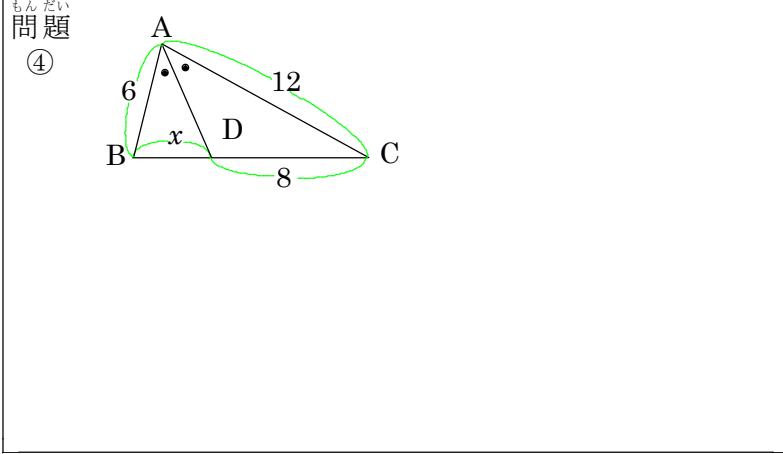
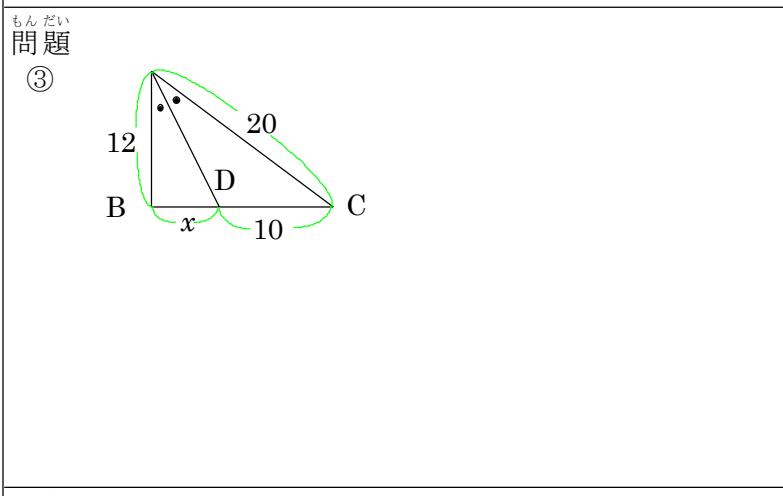
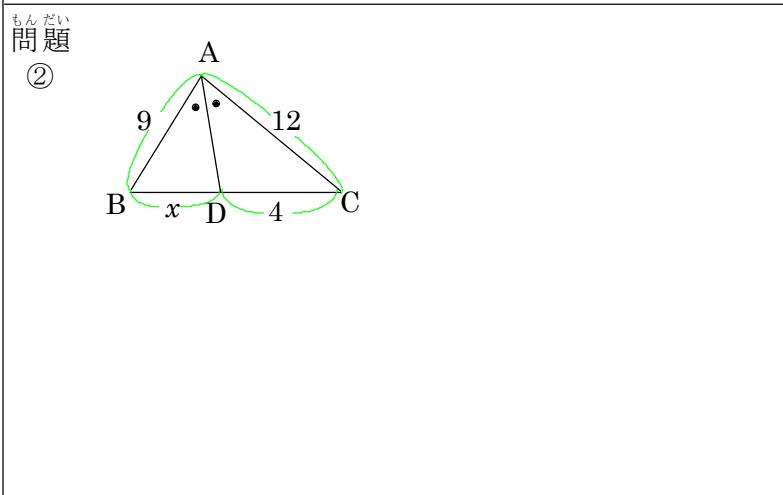
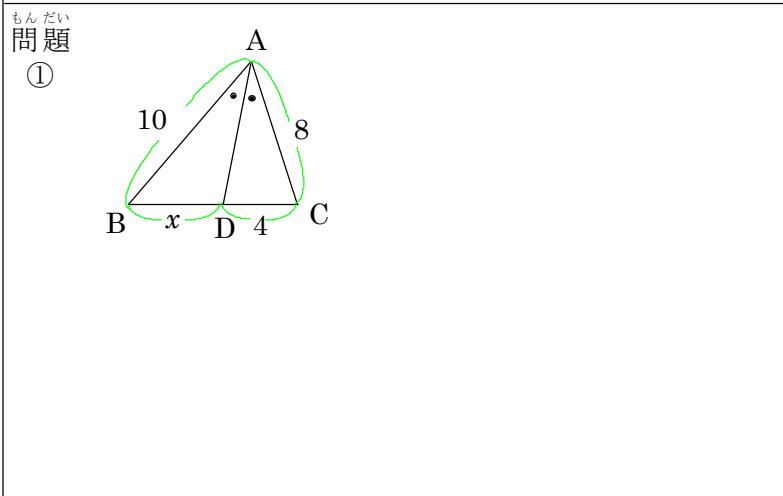
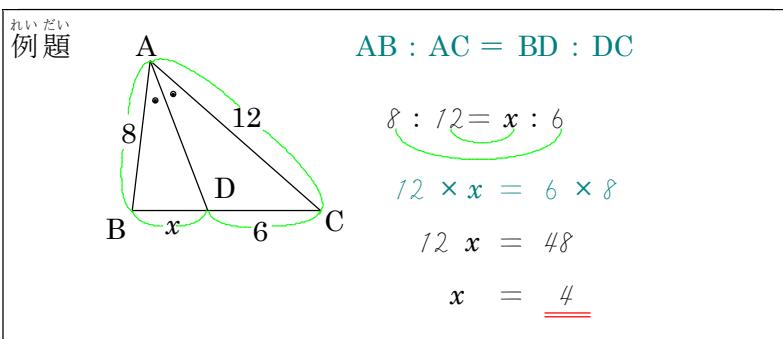


かく に とう ぶんせん せんぶん ひ か だい  
数学A 角の二等分線と線分の比 2 課題

( )年( )組( )番( )

1. AD が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、BD の長さ  $x$  を求めよ。

Find the size  $x$  of BD when AD is the bisector of  $\angle A$ .



2. AD が  $\angle A$  の 2 等分線のとき、BD の長さ  $x$  を求めよ。

Find the size  $x$  of BD when AD is the bisector of  $\angle A$ .

