

数学A 条件つき順列 課題

1. 男女を一列に並べるとき、次の並び方は何通ですか。
When arranging men and women in a line, how many ways can they be arranged?

例題 「男子3人と女子3人を並べ、両端が男子」
Line up 3 men and 3 women, with men at both ends.

男子の並び方は $3P_2 = 3 \times 2 = 6$
中の4人は $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$
積の法則により、 $6 \times 24 = 144$ (通り)

問題 「男子3人と女子2人を並べ、両端が男子」
Line up 3 men and 2 women, with men at both ends.

例題 「男子3人と女子3人を並べ、男子が一塊」
Line up 3 men and 3 women, with the mens in one group.

男子の並び方は $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$
男子を1組とし、4人が動く。
 $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$
積の法則により、 $6 \times 24 = 144$ (通り)

問題 「男子3人と女子2人を並べ、女子が一塊」
Line up 3 men and 2 women, with the menss in one group.

例題 「男子3人と女子3人を並べ、男女が交互」
Line up 3 men and 3 women, alternating between men and women.

男子の並び方は $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$
女子の並び方は $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$
男女の並び方は2通り
積の法則により、 $6 \times 6 \times 2 = 72$ (通り)

問題 「男子3人と女子2人を並べ、男女が交互」
Line up 3 men and 2 women, alternating between men and women.

()年()組()番()

2. 男4人、女3人から5人を選んで一列に並べるとき、
次の並び方は何通りですか。
Choose 5 people out of 4 men and 3 women and line them up in a line.
How many different ways can they be lined up?

例題 両端が男子 Both ends are men.

両端は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$
Both ends
中の3人は $5P_3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$
Inside
積の法則により、 $12 \times 60 = 720$ (通り)

問題 両端が女子 Both ends are women.

3. 次の数字を1個ずつ使って、3桁の整数を作るとき、
次のような数は何個作れますか。
Create a 3-digit integer using the following numbers one by one.
How many of the following can you create?

例題 「0, 1, 2, 3, 4」を使って3桁の整数
3 digit integer using 0,1,2,3,4

十、一の位は残りの4個から2個並べる。
 $4 \times 4P_2 = 4 \times 4 \times 3 = 48$ (個)

問題 「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って3桁の整数
3 digit integer using 0,1,2,3,4,5

例題 「0, 1, 2, 3, 4」を使って3桁の奇数
3 digit odd number using 0,1,2,3,4

奇
一の位は1, 3の2通り
百の位は0以外の残りの3通り
十の位は残りの3通り
 $2 \times 3 \times 3 = 18$ (個)

問題 「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って3桁の奇数
3 digit odd number using 0,1,2,3,4,5

1. 男子と女子を一行に並べるとき、次の並び方は何通りですか。
2. 男子4人、女子2人から4人を選んで一行に並べるとき、次の並び方は何通りですか。

例題「男子4人と女子3人を並べ、両端が男子」

男子の並び方は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$
中の5人は $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$
積の法則により、 $12 \times 120 = \underline{1440}$ (通り)

問題「男子4人と女子2人を並べ、両端が男子」

例題「男子3人と女子2人を並べ、女子が一塊」

女子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$
女子を1組とし、4人が動く。
 $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$
積の法則により、 $2 \times 24 = \underline{48}$ (通り)

問題「男子3人と女子2人を並べ、男子が一塊」

例題「男子2人と女子2人を並べ、男女が交互」

男子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$
女子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$
男女の並び方は2通り
積の法則により、 $2 \times 2 \times 2 = \underline{8}$ (通り)

問題「男子4人と女子4人を並べ、男女が交互」

例題両端が男子

両端は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$
中の2人は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$
積の法則により、 $12 \times 12 = \underline{144}$ (通り)

問題両端が女子

3. 次の数字を1個ずつ使って、3桁の整数を作るとき、次のような数は何個作れますか。

例題「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って3桁の整数

百の位は1, 2, 3, 4, 5の5通り
十、一の位は残りの5個から2個並べる。
 $5 \times 5P_2 = 5 \times 5 \times 4 = \underline{100}$ (個)

問題「0, 1, 2, 3, 4」を使って3桁の整数

例題「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って3桁の奇数

奇
一の位は1, 3, 5の3通り
百の位は0以外の残りの4通り
十の位は残りの4通り
 $3 \times 4 \times 4 = \underline{48}$ (個)

問題「0, 1, 2, 3, 4」を使って3桁の奇数

数学A 条件つき順列 3 課題

1. 男子と女子を一行に並べるとき、次の並び方は何通りですか。

例題 「男子2人と女子4人を並べ、両端が男子」

男子の並び方は ${}_2P_2 = 2 \times 1 = 2$

中の4人は $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

積の法則により、 $2 \times 24 = \underline{48}$ (通り)

問題 「男子2人と女子3人を並べ、両端が男子」

例題 「男子2人と女子3人を並べ、男子が一塊」

男子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$

男子を1組とし、4人が動く。

$4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

積の法則により、 $2 \times 24 = \underline{48}$ (通り)

問題 「男子2人と女子3人を並べ、女子が一塊」

例題 「男子2人と女子3人を並べ、男女が交互」

男子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$

女子の並び方は $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

男女の並び方は1通り

積の法則により、 $2 \times 6 \times 1 = \underline{12}$ (通り)

問題 「男子3人と女子4人を並べ、男女が交互」

()年()組()番()

2. 男子4人、女子3人から4人を選んで一行に並べるとき、次の並び方は何通りですか。

例題 両端が男子

両端は ${}_4P_2 = 4 \times 3 = 12$

中の2人は ${}_5P_2 = 5 \times 4 = 20$

積の法則により、 $12 \times 20 = \underline{240}$ (通り)

問題 両端が女子

3. 次の数字を1個ずつ使って、4桁の整数を作るとき、次のような数はいくつありますか。

例題 「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って4桁の整数

千の位は1, 2, 3, 4, 5の5通り

百、十、一の位は残りの5個から3個並べる。

$5 \times {}_5P_3 = 5 \times 5 \times 4 \times 3 = \underline{300}$ (個)

問題 「0, 1, 2, 3, 4」を使って4桁の整数

例題 「0, 1, 2, 3, 4, 5」を使って4桁の奇数

奇

一の位は1, 3, 5の3通り

千の位は0以外の残りの4通り

百、十の位は残りの5個から3個並べる。

$3 \times 4 \times {}_4P_2 = 3 \times 4 \times 4 \times 3 = \underline{144}$ (個)

問題 「0, 1, 2, 3, 4」を使って4桁の奇数

1. 同じ数字を繰り返して使えないとき，1, 2, 3, 4, 5 の数字を使って，次の数は何通りできますか。
3. 次のような円形のテーブルにつくとき，何通りの座り方がありますか。

How many different numbers can you make using the numbers 1,2,3,4,5?

You cannot repeat the same number.

How many ways can you sit at a circular table like the one below?

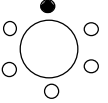
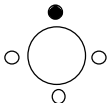
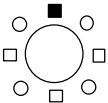
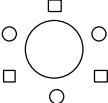
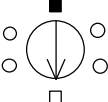
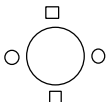
例題	3桁の整数	3 digit integer
${}_5P_3 = 5 \times 4 \times 3 = \underline{\underline{60}} \text{ (通り)}$		
問題	4桁の整数	4 digit integer
例題	一の位が1の3桁の整数	3-digit integer with 1 in the ones digit
${}_4P_2 = 4 \times 3 = \underline{\underline{12}} \text{ (通り)}$		
問題	一の位が1の4桁の整数	4-digit integer with 1 in the ones digit
例題	3桁の奇数	3 digit odd number
${}_4P_{2 \times 3} = 4 \times 3 \times 3 = \underline{\underline{36}} \text{ (通り)}$		
問題	4桁の奇数	4 digit odd number

2. 1, 2, 3, 4, 5 の数字を繰り返して使えるとき，次の数は何通りできますか。

How many different numbers can you make using the numbers 1,2,3,4,5?

You can repeat the same number.

例題	3桁の整数	3 digit integer
$5 \times 5 \times 5 = \underline{\underline{125}} \text{ (通り)}$		
問題	4桁の整数	4 digit integer
例題	3桁の奇数	3 digit odd number
$5 \times 5 \times 3 = \underline{\underline{75}} \text{ (通り)}$		
問題	4桁の奇数	4 digit odd number

例題	6人が円形のテーブルに座る。 6 people sit at a circular table.	
1人を固定するので，5人が動く。 $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = \underline{\underline{120}} \text{ (通り)}$		
問題	4人が円形のテーブルに座る。 4 people sit at a circular table.	
例題	男女4人ずつが円形のテーブルに， に座り，男女が交互になる。 4 men and 4 women take turns sitting at a circular table.	
男子は1人を固定し，動くのは3人 女子は男子の間を4人が動く $3! \times 4! = 6 \times 24 = \underline{\underline{144}} \text{ (通り)}$		
問題	男女3人ずつが円形のテーブルに， 座り，男女が交互になる。 3 men and 3 women take turns sitting at a circular table.	
例題	男2人と女4人が円卓に座り， 男が向き合う。 2 men and 4 women sit at a circular table, with the men facing each other.	
男1人を固定すると，相手が指定される。 女4人が動く。 $4! = \underline{\underline{24}} \text{ (通り)}$		
問題	男2人と女2人が円卓に座り， 男が向き合う。 2 men and 2 women sit at a circular table, with the men facing each other.	

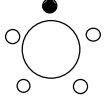

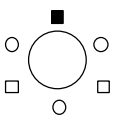
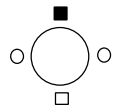
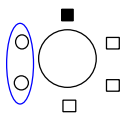
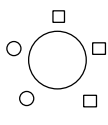
1. 同じ数字を繰り返して使えないとき，1, 2, 3, 4 の数字を使って，次の数は何通りできますか。

例題	3桁の整数
$4P_3 = 4 \times 3 \times 2 = \underline{24} \text{ (通り)}$	
問題	4桁の整数
例題	一の位が1の3桁の整数
$3P_2 = 3 \times 2 = \underline{16} \text{ (通り)}$	
問題	一の位が1の4桁の整数
例題	3桁の奇数
$3P_2 \times 2 = 3 \times 2 \times 2 = \underline{12} \text{ (通り)}$	
問題	4桁の奇数

2. 1, 2, 3, 4 の数字を繰り返して使えるとき，次の数は何通りできますか。

例題	3桁の整数
$4 \times 4 \times 4 = \underline{64} \text{ (通り)}$	
問題	4桁の整数
例題	3桁の奇数
$4 \times 4 \times 2 = \underline{32} \text{ (通り)}$	
問題	4桁の奇数

3. 次のような円形のテーブルにつくとき，何通りの座り方がありますか。

例題	5人が円形のテーブルに座る。 1人を固定するので，4人が動く。 $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = \underline{24} \text{ (通り)}$	
問題	3人が円形のテーブルに座る。	
例題	男女3人ずつが円形のテーブルに，に座り，男女が交互になる。 男子は1人を固定し，動くのは2人 女子は男子の間を3人が動く $2! \times 3! = 2 \times 6 = \underline{12} \text{ (通り)}$	
問題	男女2人ずつが円形のテーブルに，座り，男女が交互になる。	
例題	男4人と女2人が円卓に座り，女が隣り合う。 女2人を1組にし，その並びが2通り 男1人を固定するので，4人が動く。 $2 \times 4! = 2 \times 24 = \underline{48} \text{ (通り)}$	
問題	男3人と女2人が円卓に座り，女が隣り合う。	

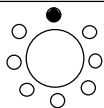
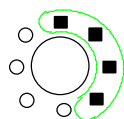
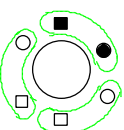
1. ^{おな}同じ数字を^{すうじ}繰り返して^く使えないとき、^{かえ}1, 2, 3, 4, 5, 6 の^{つか}数字を使って、^{つぎ}次の数は何通りできますか。^{かず}^{なんとお}

^{れいだい} 例題	^{けた} 3 桁の ^{せいすう} 整数
${}_6P_3 = 6 \times 5 \times 4 = \underline{120} \text{ (通り)}$	
^{もんだい} 問題	^{けた} 4 桁の ^{せいすう} 整数
^{れいだい} 例題	^{いち} 一の位が ^く 1 の ^{けた} 3 桁の ^{せいすう} 整数
${}_5P_2 = 5 \times 4 = \underline{20} \text{ (通り)}$	
^{もんだい} 問題	^{いち} 一の位が ^く 1 の ^{けた} 4 桁の ^{せいすう} 整数
^{れいだい} 例題	^{けた} 3 桁の ^き 奇数
${}_5P_{2 \times 3} = 5 \times 4 \times 3 = \underline{60} \text{ (通り)}$	
^{もんだい} 問題	^{けた} 4 桁の ^き 奇数

2. ^{すうじ}1, 2, 3, 4, 5, 6 の数字を^く繰り返して^{かえ}使えるとき、^{つか}次の数は何通りできますか。^{なんとお}

^{れいだい} 例題	^{けた} 4 桁の ^{せいすう} 整数
$6 \times 6 \times 6 \times 6 = \underline{1296} \text{ (通り)}$	
^{もんだい} 問題	^{けた} 3 桁の ^{せいすう} 整数
^{れいだい} 例題	^{けた} 4 桁の ^き 奇数
$6 \times 6 \times 6 \times 3 = \underline{648} \text{ (通り)}$	
^{もんだい} 問題	^{けた} 3 桁の ^き 奇数

3. ^{つぎ}次のような^{えんけい}円形のテーブルにつくとき、^{なんとお}何通りの^{すわ}座り方がありますか。

^{れいだい} 例題	^{にん} 8 人が ^{えんけい} 円形のテーブルに ^{すわ} 座る。	
^{ひとり} 1 人を ^{こてい} 固定するので、 ^{にん} 7 人が ^{うご} 動く。		
$7! = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = \underline{5040} \text{ (通り)}$		
^{もんだい} 問題	^{にん} 7 人が ^{えんけい} 円形のテーブルに ^{すわ} 座る。	
^{れいだい} 例題	^{だんじょ} 男女 ^{にん} 4 人ずつが ^{えんけい} 円形のテーブルに、 ^{すわ} に座り、 ^{おとこ} 男が ^{ひとかたまり} 一 塊になる。	
^{だんし} 男子を一 ^{いっかい} 塊にし、 ^{うご} 動くのは ^{にん} 4 人で、 ^{こてい} 固定する		
^{だんし} 男子を ^{こてい} 固定したので、 ^{うご} 動くのは ^{にん} 4 人		
$4! \times 4! = 24 \times 24 = \underline{576} \text{ (通り)}$		
^{もんだい} 問題	^{だんじょ} 男女 ^{にん} 3 人ずつが ^{えんけい} 円形のテーブルに、 ^{すわ} 座り、 ^{おとこ} 男が ^{ひとかたまり} 一 塊になる。	
^{れいだい} 例題	^{だんじょ} 男女 ^{くみ} 3 組のペアが、 ^{えんけい} 円形のテーブルに ^{すわ} 座り、 ^{となり} ペアが ^あ 隣り合う。	
^{くみ} 1 つの組の座り方は ^{とお} 2 通り。		
^{ばんめ} 1 番目の組を ^{こてい} 固定すると、 ^{のこ} 残りの組は ^{くみ} 2 通り。		
$2 \times 2 \times 2 \times 2 = \underline{16} \text{ (通り)}$		
^{もんだい} 問題	^{だんじょ} 男女 ^{くみ} 2 組のペアが、 ^{えんけい} 円形のテーブルに ^{すわ} 座り、 ^{となり} ペアが ^あ 隣り合う。	

数学A

条件つき順列・円順列・重複順列

課題

()年()組()番()

1. 男子4人，女子5人から5人を選んで一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。

3. 次の数字を使って，3桁の整数を作るとき，何通りの整数ができますか。

例題

両端が男子

両端は

$4P_2 = 4 \times 3 = 12$

中の3人は

$7P_3 = 7 \times 6 \times 5 = 210$

積の法則により，

$12 \times 210 = 2520$

(通り)

問題

両端が女子

例題

両端が男子，中の3人が女子

両端は

$4P_2 = 4 \times 3 = 12$

中の3人は

$5P_3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$

積の法則により，

$12 \times 60 = 720$

(通り)

問題

両端が女子，中の3人が男子

2. 男子3人，女子2人を一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。

例題

男子3人がとなりあう。

男子の並び方は

$3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

男子を1組に考えるので，3人が動く。

$3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

積の法則により，

$6 \times 6 = 36$

(通り)

問題

女子2人がとなりあう。

例題

1, 2, 3, 4, 5の数字を繰り返して使える。

$5 \times 5 \times 5 = 125$

(通り)

問題

1, 2, 3, 4の数字を繰り返して使える。

例題

1, 2, 3, 4, 5の数字を1回しか使えない。

5個の数字から3個選んで並べるから

$5P_3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$

(通り)

問題

1, 2, 3, 4の数字を1回しか使えない。

4. 次のような円形のテーブルにつくとき，何通りの座り方がありますか。

例題

5人が円形のテーブルに座る。

1人を固定するので，4人が動く。

$4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

(通り)

問題

6人が円形のテーブルに座る。

例題

5人が円形のテーブルに座り，特定の2人が隣になる。

特定の2人を1組にし，その並びが2通り

1人を固定するので，3人が動く

$2 \times 3! = 2 \times 3 \times 2 \times 1 = 12$

(通り)

問題

6人が円形のテーブルに座り，特定の2人が隣になる。

数学A

条件つき順列・円順列・重複順列 2 課題

()年()組()番()

1. 男子 4 人，女子 5 人から 4 人を選んで一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。

3. 次の数字を使って，3桁の整数を作るとき，何通りの整数ができますか。

例題 両端が男子

両端は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$

中の 2 人は $7P_2 = 7 \times 6 = 42$

積の法則により， $12 \times 42 = 504$ (通り)

問題 両端が女子

例題 両端が男子，中の 2 人が女子

両端は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$

中の 2 人は $5P_2 = 5 \times 4 = 20$

積の法則により， $12 \times 20 = 240$ (通り)

問題 両端が女子，中の 2 人が男子

2. 男子 2 人，女子 3 人を一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。

例題 男子 2 人がとなりあう。

男子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$

男子を 1 組に考えるので，4 人が動く。

$4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

積の法則により， $2 \times 24 = 48$ (通り)

問題 女子 3 人がとなりあう。

例題 0, 1, 2, 3, 4 の数字を繰り返して使える。

百の位は 0 以外の 4 通り

$4 \times 5 \times 5 = 100$ (通り)

問題 0, 1, 2, 3 の数字を繰り返して使える。

例題 0, 1, 2, 3, 4 の数字を 1 回しか使えない。

百の位は 0 以外の 4 通り

$4 \times 4P_2 = 4 \times 4 \times 3 = 48$ (通り)

問題 0, 1, 2, 3 の数字を 1 回しか使えない。

4. 次のような円形のテーブルにつくとき，何通りの座り方がありますか。

例題 8 人が円形のテーブルに座る。

1 人を固定するので，7 人が動く。

$7! = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 5040$ (通り)

問題 7 人が円形のテーブルに座る。

例題 8 人が円形のテーブルに座り，特定の 2 人が隣になる。

特定の 2 人を 1 組にし，その並びが 2 通り

1 人を固定するので，6 人が動く

$2 \times 6! = 2 \times 720 = 1440$ (通り)

問題 7 人が円形のテーブルに座り，特定の 2 人が隣になる。

数学A

条件つき順列・円順列・重複順列 3 課題

()年()組()番()

1. 男子3人，女子4人から5人を選んで一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。
3. 次の数字を使って，3桁の整数を作るとき，何通りの整数ができますか。

例題

両端が男子

両端は $3P_2 = 3 \times 2 = 6$

中の2人は $5P_2 = 5 \times 4 = 20$

積の法則により， $6 \times 20 = 120$ (通り)

問題

両端が女子

例題

両端が男子，中の2人が女子

両端は $3P_2 = 3 \times 2 = 6$

中の2人は $4P_2 = 4 \times 3 = 12$

積の法則により， $6 \times 12 = 72$ (通り)

問題

両端が女子，中の2人が男子

2. 男子2人，女子4人を一列に並べるとき，次の並び方は何通りですか。

例題

男子2人がとなりあう。

男子の並び方は $2! = 2 \times 1 = 2$

男子を1組に考えるので，5人が動く。

$5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$

積の法則により， $2 \times 120 = 240$ (通り)

問題

女子4人がとなりあう。

例題

0, 1, 2, 3, 4, 5の数字を繰り返して使える。

百の位は0以外の4通り

$5 \times 6 \times 6 = 180$ (通り)

問題

0, 1, 2, 3, 4の数字を繰り返して使える。

例題

0, 1, 2, 3, 4, 5の数字を1回しか使えない。

百の位は0以外の5通り

$5 \times 5P_2 = 5 \times 5 \times 4 = 100$ (通り)

問題

0, 1, 2, 3, 4の数字を1回しか使えない。

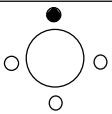
4. 次のような円形のテーブルにつくとき，何通りの座り方がありますか。

例題

4人が円形のテーブルに座る。

1人を固定するので，3人が動く。

$3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$ (通り)



問題

3人が円形のテーブルに座る。

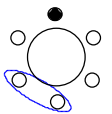
例題

6人が円形のテーブルに座り，特定の2人が隣になる。

特定の2人を1組にし，その並びが2通り

1人を固定するので，4人が動く

$2 \times 4! = 2 \times 24 = 48$ (通り)



問題

5人が円形のテーブルに座り，特定の2人が隣になる。