

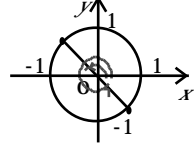
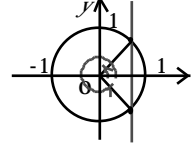
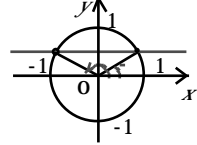
数学 三角関数の応用 ( )年( )組( )番( )

三角関数を含む方程式

三角関数が1つの式は,  $\sin$   $\dots$  などの形に式を変形して, 単位円で考える。

(1)  $2 \sin \theta - 1 = 0$  (2)  $2 \cos(\theta + 30^\circ) = \sqrt{2}$  (3)  $\tan \theta + 1 = 0$

$\sin \theta = \left( \quad \right)$   $\cos(\theta + 30^\circ) = \left( \quad \right)$   $\tan \theta = \left( \quad \right)$



$= \left( \quad \right)$   $+ 30^\circ = \left( \quad \right)$   $= \left( \quad \right)$

$= \left( \quad \right)$

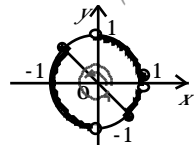
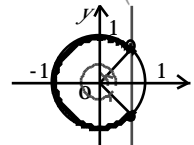
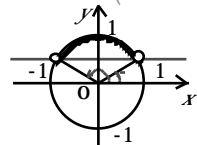
三角関数を含む不等式

三角関数を含む方程式と同様に単位円で考える。

範囲の区切り ( $0^\circ, 360^\circ, \tan$  は  $0^\circ, 90^\circ, 270^\circ, 360^\circ$ ) に注意する。

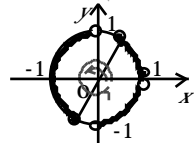
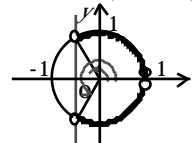
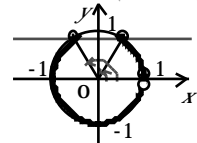
(1)  $2 \sin \theta - 1 > 0$  (2)  $2 \cos \theta > \sqrt{2}$  (3)  $\tan \theta + 1 > 0$

$\sin \theta > \left( \quad \right)$   $\cos \theta > \left( \quad \right)$   $\tan \theta > \left( \quad \right)$



(4)  $2 \sin \theta - \sqrt{3} \leq 0$  (5)  $2 \cos \theta > -1$  (6)  $\tan \theta - \sqrt{3} \leq 0$

$\sin \theta \leq \left( \quad \right)$   $\cos \theta > \left( \quad \right)$   $\tan \theta \leq \left( \quad \right)$



三角関数を含む関数の最大値, 最小値

三角関数を含む関数は,  $\left( \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \right)$  を使って, 一つの三角関数の式にする。

その三角関数を  $t$  とおいて, 最大値や最小値を求める。

$0^\circ < 360^\circ$  のとき, 関数  $y = \cos^2 \theta + 2 \sin \theta$  の最大値と最小値を求める。

$y = \cos^2 \theta + 2 \sin \theta$   
 $= \left( 1 - \sin^2 \theta \right) + 2 \sin \theta = \left( -\sin^2 \theta + 2 \sin \theta + 1 \right)$

$\sin \theta = t$  とおくと,  $0^\circ < 360^\circ$  より  $t \in (-1, 1)$

$y$  を  $t$  で表すと

$y = \left( -t^2 + 2t + 1 \right) = - \left( t - 1 \right)^2 + 2$

このグラフの頂点は  $\left( 1, 2 \right)$

$\left( t = -1 \right)$  のとき,  $y = \left( -1 - 1 \right)^2 + 2 = 4$

$\left( t = 1 \right)$  のとき,  $y = \left( 1 - 1 \right)^2 + 2 = 2$

したがって,  $y = 4$  のとき最大値,  $y = 2$  のとき最小値

問題  $0^\circ < 360^\circ$  のとき, 関数  $y = \sin^2 \theta - \cos \theta$  の最大値と最小値を求めよ。