

# 数学 軌跡 ( )年( )組( )番( )

ある条件をみたす点全体の集合を，その条件をみたす点の( )という。

軌跡の求め方・・・点 P の座標を  $(x, y)$  とし，条件を  $x, y$  の式で表す。  
条件より，軌跡の形状を調べる。(距離は 2 乗する)

問題 A 2 点 A(0, 0) , B(6,0) と等距離である点 P の軌跡を求めよ。  
点 P の座標を  $(x, y)$  とすると

$$PA = \sqrt{\quad\quad\quad} \quad PB = \sqrt{\quad\quad\quad}$$
$$PA = PB \text{ より } PA^2 = PB^2$$

問題 B 2 点 A(3,0) と B(9,0) との距離の比が 1 : 2 である点 P の軌跡を求めよ。  
点 P の座標を  $(x, y)$  とする。

$$PA = \sqrt{\quad\quad\quad} \quad PB = \sqrt{\quad\quad\quad}$$
$$PA : PB = \quad : \quad \text{より } PA = \quad PB \quad PA^2 = \quad PB^2$$

問題 C 2 点 A(2, 0) と B(0, 1) に対して  $AP^2 - BP^2 = 3$  を満たす点 P の軌跡を求めよ。

問題 D 2 点 A(-1, 0) と B(1, 0) との距離の和が 4 である点 P の軌跡を求めよ。(楕円)  
点 P の座標を  $(x, y)$  とする。

$$PA = \sqrt{\quad\quad\quad} \quad PB = \sqrt{\quad\quad\quad}$$
$$PA + PB = \quad \text{より } PA = \quad$$

したがって  $\sqrt{\quad\quad\quad} = \quad - \sqrt{\quad\quad\quad}$   
両辺を 2 乗すると

$$\quad = \quad - \sqrt{\quad\quad\quad} + \quad$$

式を整理すると

$$\sqrt{\quad\quad\quad} = \quad$$

両辺を 2 乗すると

$$\quad = \quad$$

式を整理すると

問題 E 円  $x^2 + y^2 = 4$  上の点 A と点 B(6, 0) との中点 P の軌跡を求めよ。

点 A の座標を  $(X, Y)$  , 点 P の座標を  $(x, y)$  とすると

$$X = \quad, \quad Y = \quad \text{となる。}$$

したがって  $X = \quad, Y = \quad$  になる。

点 A(X, Y) は円  $x^2 + y^2 = 4$  を満たすので代入して整理すると

問題 F  $x = t + 1, y = t^2 + 2t + 2$  と媒介変数  $t$  で表される点 P の軌跡を求めよ。