

数学 円の方程式 ( )年( )組( )番( )

点 A(a, b) を中 心とした半径 r の円を 考 える。

円 周 上 の任意の点を P(x, y) とすると , 中 心と P の距離は

$$\sqrt{( \quad - \quad )^2 + ( \quad - \quad )^2} = \quad \text{となる。}$$

両 辺を 2 乗 すると

$$( \quad - \quad )^2 + ( \quad - \quad )^2 =$$

これを円の方程式 [  $\quad$  ] という。

特に原点を中 心とする半径 r の円を (  $\quad$  ) と表す。

円の方程式を展開して整理すると

$$x^2 + y^2 - 2ax - 2ay + a^2 + b^2 - r^2 = 0$$

になる。この式は

$$x^2 + y^2 + lx + my + n = 0 \quad (l^2 + m^2 - 4n > 0)$$

の 形 になる。これを円の方程式の一般形という。

この式より円は  $x^2$  と  $y^2$  の係数が等しく,  $xy$  の項を含まない2次方程式になる。

問題 A 次の円の方程式を求めよ。

(1) 点(1, 2)を中 心とする半径 3 の円  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 3^2$

(2) 点(2, 0)を中 心とする半径 $\sqrt{2}$  の円  $(x - 2)^2 + (y - 0)^2 = (\sqrt{2})^2$

(3) 点(0, - 1)を中 心とする半径 2 の円  $(x - 0)^2 + (y + 1)^2 = 2^2$

(4) 原点を中 心とする半径 1 の円  $x^2 + y^2 = 1^2$

問題 B 次の円の中 心と半径を求めよ。

(1)  $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 = 5^2$  中 心( 3 , - 2 ) 半 径( 5 )

(2)  $x^2 + y^2 = 4$  中 心( 0 , 0 ) 半 径( 2 )

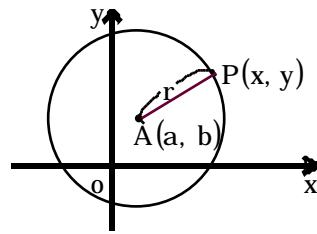
(3)  $(x - 3)^2 + y^2 = 10$  中 心( 3 , 0 ) 半 径(  $\sqrt{10}$  )

問題 C 次の円の方程式を展開し, 一般形にせよ。

(1)  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 = 3^2$

(2)  $(x - 4)^2 + (y + 3)^2 = 5^2$

$$x^2 + \quad x + \quad + y^2 + \quad y + \quad = 0$$



問題 D 次の円の方程式を標 準 形にして, 中 心と半径を求めよ。

(1)  $x^2 + y^2 + 2x + 6y - 6 = 0$

$$(x^2 + 2x + \quad) + (y^2 + 6y + \quad) = 6 + \quad + \quad$$

$$(x + \quad)^2 + (y + \quad)^2 = \quad \text{中 心( } \quad , \quad \text{) 半 径( } \quad \text{)}$$

(2)  $x^2 + y^2 - 8y = 0$

$$x^2 + (y^2 - 8y + \quad) = \quad$$

$$x^2 + (y - \quad)^2 = \quad \text{中 心( } \quad , \quad \text{) 半 径( } \quad \text{)}$$

問題 E 点 A(- 1, 2)を中 心とし, 点 B(3, 5)を通る円の方程式を求めよ。

円の半径は距離 AB なので  $\sqrt{(3 - (-1))^2 + (5 - 2)^2}$

求める円の方程式は

問題 F 点 A(- 1, 3)を中 心とし, x 軸に接する円の方程式を求めよ。

x 軸に接するので円の半径は円の中 心と x 軸 (y = 0)との距離  $|3|$  になる。

求める円の方程式は

問題 G 2 点 A(- 3, 2), B(5, 8)を直 径とする円の方程式を求めよ。

AB の中 点が円の中 心になるので, 中 心の座標は  $(\frac{-3 + 5}{2}, \frac{2 + 8}{2}) = (1, 5)$

半径は中 心と点 A の距離なので  $\sqrt{(1 - (-3))^2 + (5 - 2)^2} = \sqrt{16 + 9} = 5$

求める円の方程式は

問題 H 3 点 A(0, 0), B(2, 0), C(3, 1)を通る円の方程式を求めよ。

求める円の方程式を  $x^2 + y^2 + lx + my + n = 0$  とおく。

点 A を通るので  $0^2 + 0^2 + l \cdot 0 + m \cdot 0 + n = 0$  より  $n = 0$

点 B を通るので  $2^2 + 0^2 + l \cdot 2 + m \cdot 0 + n = 0$

$n$  を消 去して

点 C を通るので  $3^2 + 1^2 + l \cdot 3 + m \cdot 1 + n = 0$  より

$(3, 1)$  を消 去して

求める円の方程式は