

数学 くみたてじょうほう 組立除法 ()年()組()番()

$2x^3 - 3x^2 + 4x - 5$ を $x - 2$ で割ると、左の図になる。 ~ は引き算である。

そこで、 ~ には -1 を掛けて係数を抜き出すと、右の図になる。

$ \begin{array}{r} 2x^2 + x + 6 \\ x - 2 \overline{) 2x^3 - 3x^2 + 4x - 5} \\ \underline{2x^3 - 4x^2} \dots \\ x^2 + 4x \\ \underline{x^2 - 2x} \dots \\ 6x - 5 \\ \underline{6x - 12} \dots \\ 7 \end{array} $	$ \begin{array}{r} 2 1 6 \\ 1 - 2 \overline{) 2 - 3 4 - 5} \\ \underline{- 2 4 } 4 = 2 \times 2 \\ 1 4 \\ \underline{- 1 2 } 2 = 1 \times 2 \\ 6 - 5 \\ \underline{- 6 12} 12 = 6 \times 2 \\ 7 \end{array} $
---	--

このようにすると、乗法と加法で除法が行える。さらに式を簡単に書くと、次の様になる。この計算方法を けいさんほうほう という。

$ \begin{array}{ccccccc} 2 & - & 3 & & 4 & - & 5 \\ \downarrow & \nearrow & & \nearrow & & \nearrow & \\ 2 & & 1 & & 6 & & 7 \end{array} $	$ \begin{array}{l} \underline{2} \\ \text{下方向は加算, 斜めは乗法}(\times 2) \\ \text{矢印は書かなくてもよい。} \end{array} $
--	---

問題 A $ax^3 + bx^2 + cx + d$ を $x - k$ で割ると $lx^2 + mx + n$ になり、余りが R になるとき $l = a, m = b + lk, n = c + lk, R = d + lk$ になることを証明せよ。

a	b	c	d	k
	lk	mk	nk	
l	m	n	R	

$ax^3 + bx^2 + cx + d = (\quad) (\quad) + R$

問題 B 整式 $P(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6$ を、次の式で割り、商と余りを求めよ。

<p>(1) $x - 1$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>	<p>(2) $x + 1$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>
--	--

<p>(3) $x - 2$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>	<p>(4) $x + 2$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>
--	--

<p>(5) $x - 3$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>	<p>(6) $x + 3$</p> $ \begin{array}{r} 1 4 1 - 6 \\ \underline{} \end{array} $ <p>商 余り</p>
--	--

問題 C $x^3 + 4x^2 + x - 6$ を因数分解せよ。

応用問題 D $x^3 - x^2 - 8x + 12$ を因数分解せよ。