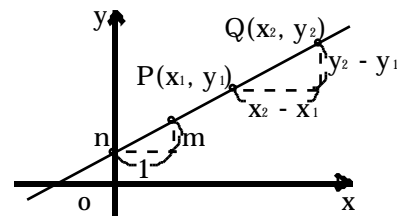


数学 直線の方程式 ()年()組()番()

標準形 $y = mx + n$

この一次方程式は(傾き)の直線を表す。
直線とy軸との交点のy座標nをy切片という。
直線上のどの2点 $P(x_1, y_1)$, $Q(x_2, y_2)$ でも

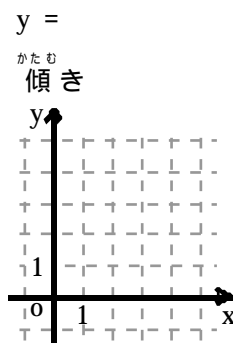
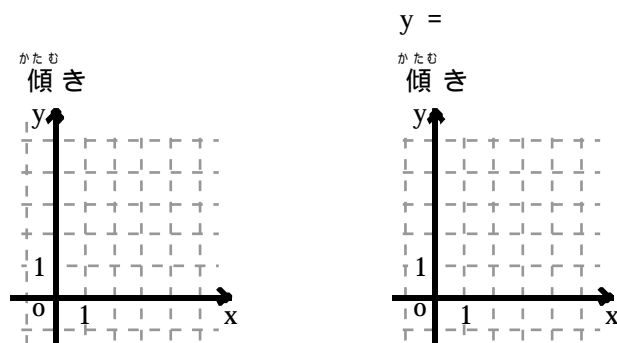


傾き $\frac{y \text{ の増加分}}{x \text{ の増加分}} = (\text{ }) = m$ が一定になる。

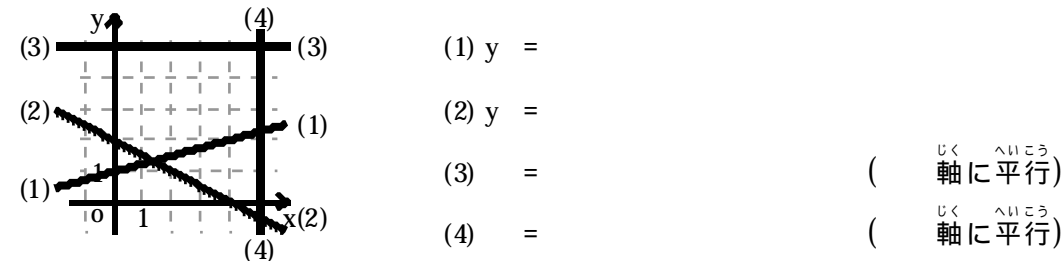
一般形 $ax + by + c = 0$

問題 A 次の方程式の表す直線の傾きを求め、直線を座標平面上に描きなさい。

- (1) $y = \frac{2}{3}x + 2$ (2) $x + y - 1 = 0$ (3) $-2x + y + 1 = 0$



問題 B 次の直線の方程式を求めよ。



1点 (x_1, y_1) を通る傾き m の直線

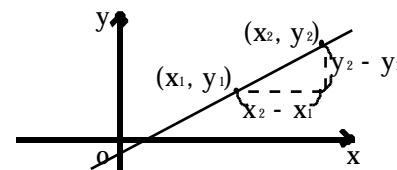
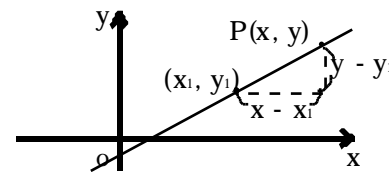
傾き $\frac{y \text{ の増加分}}{x \text{ の増加分}} = (\text{ }) = m$ より

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

2点 (x_1, y_1) , (x_2, y_2) を通る直線 $(x_1 \neq x_2)$

傾き $\frac{y \text{ の増加分}}{x \text{ の増加分}} = (\text{ })$ より

$$y - y_1 = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}(x - x_1)$$



問題 C 次の直線の方程式を求めよ。

- (1) 傾きが3, y切片が2 (2) 傾きが $\frac{1}{2}$, y切片が-3

$$y = 3x + 2$$

$$y = \frac{1}{2}x - 3$$

- (3) 点(2, 1)を通り, 傾きが-1 (4) (1, -2)を通り, 傾きが2

$$y - 1 = -1(x - 2)$$

$$y + 2 = 2(x - 1)$$

$$y = -x + 3$$

$$y = 2x - 4$$

- (5) 2点(2, 1), (4, 2)を通る (6) 2点(-2, 1), (4, -3)を通る

$$\text{傾き} = \frac{2 - 1}{4 - 2} = \frac{1}{2}$$

$$\text{傾き} = \frac{-3 - 1}{4 - (-2)} = -\frac{4}{6} = -\frac{2}{3}$$

$$y - 1 = \frac{1}{2}(x - 2)$$

$$y + 3 = -\frac{2}{3}(x - 4)$$

$$y = \frac{1}{2}x + 0$$

$$y = -\frac{2}{3}x + \frac{10}{3}$$

- (7) 2点(-1, -1), (2, 3)を通る (8) 2点(-2, 3), (-4, -3)を通る

$$\text{傾き} = \frac{3 - (-1)}{2 - (-1)} = \frac{4}{3}$$

$$\text{傾き} = \frac{-3 - 3}{-4 - (-2)} = \frac{-6}{-2} = 3$$

$$y + 1 = \frac{4}{3}(x + 1)$$

$$y + 3 = 3(x + 2)$$

$$y = \frac{4}{3}x + \frac{2}{3}$$

$$y = 3x + 3$$

問題 D 点(0, 2)と次の点を通る直線の方程式を求めよ。

- (1) 点(4, 0) (2) 点(5, 2) (3) 点(3, 7)

問題 E x軸との交点[x切片]が(a, 0), y軸との交点[y切片]が(0, b)の直線が $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ [切片方程式]と表せることを示せ。(a ≠ 0, b ≠ 0)

$$y - 0 = \frac{b - 0}{0 - a}(x - a) \quad y = -\frac{b}{a}x + b$$

問題 F 次の方程式の表す直線を座標平面上に描きなさい。

- (1) $\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 1$ (2) $x - 2y - 4 = 0$ (3) $2x - 3y + 6 = 0$

