

1. 次の図より、三角比を求めなさい。

Find the trigonometric ratio from the following figure.

$\sin A = \frac{\text{高さ}}{\text{斜辺}}$   
(サイン)

$\cos A = \frac{\text{底辺}}{\text{斜辺}}$   
(コサイン)

$\tan A = \frac{\text{高さ}}{\text{底辺}}$   
(タンジェント)

例題	問題
<p>①</p> <p><math>\sin A = \frac{4}{5}</math></p> <p><math>\cos A = \frac{3}{5}</math></p> <p><math>\tan A = \frac{4}{3}</math></p>	<p>①</p> <p><math>\sin A = \text{――}</math></p> <p><math>\cos A = \text{――}</math></p> <p><math>\tan A = \text{――}</math></p>
<p>②</p> <p><math>\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}</math></p> <p><math>\cos 60^\circ = \frac{1}{2}</math></p> <p><math>\tan 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}</math></p>	<p>②</p> <p><math>\sin 30^\circ = \text{――}</math></p> <p><math>\cos 30^\circ = \text{――}</math></p> <p><math>\tan 30^\circ = \text{――}</math></p>

2. 三角比の表より、次の値を求めよ。

Find the following values from the table of trigonometric ratios.

れいだい

例題

A	sin A	cos A	tan A
5°	0.09	1.00	0.09
15°	0.26	0.97	0.27
25°	0.42	0.91	0.47
35°	0.57	0.82	0.70
45°	0.71	0.71	1.00

(1) sin 15° = 0.26

(2) cos 25° = 0.91

(3) tan 35° = 0.70

もんだい

問題

A	sin A	cos A	tan A
10°	0.17	0.99	0.18
20°	0.34	0.94	0.36
30°	0.50	0.87	0.58
40°	0.64	0.77	0.84
45°	0.71	0.71	1.00

(1) sin 20°

(2) cos 30°

(3) tan 40°

3. 次の応用問題を解きなさい。

**例題**

滑走面が 4.0 m の滑り台がある。地面と滑走面の角度が 25° のとき、滑り台の高さ  $x$  を求めよ。

$\sin 25^\circ = \frac{x}{4}$

$x = 4 \times \sin 25^\circ$

$= 4 \times 0.42$

$= 1.68$

$\div 1.7 \text{ (m)}$

There is a slide with a sliding surface of 4.0 m. Find the height  $x$  when the angle between the ground and the sliding surface is 25°.

**問題**

滑走面が 3.0 m の滑り台がある。地面と滑走面の角度が 20° のとき、滑り台の高さ  $x$  を求めよ。

$\sin 20^\circ = \frac{x}{3}$

$x = 3 \times \sin 20^\circ$

$= 3 \times 0.34$

$= 1.02$

$\div 1.0 \text{ (m)}$

灯台から 80 m 離れた点で先端を測ると 35° でした。灯台の高さ  $x$  を求めよ。

$\tan 35^\circ = \frac{x}{80}$

$x = 80 \times \tan 35^\circ$

$= 80 \times 0.70$

$= 56.0$

$= 56 \text{ (m)}$

I measured the tip of the lighthouse at a point 80 m away from the lighthouse and it was 35 degrees. Find the height  $x$  of the lighthouse.

灯台から 60 m 離れた点で先端を測ると 40° でした。灯台の高さ  $x$  を求めよ。

$\tan 40^\circ = \frac{x}{60}$

$x = 60 \times \tan 40^\circ$

$= 60 \times 0.84$

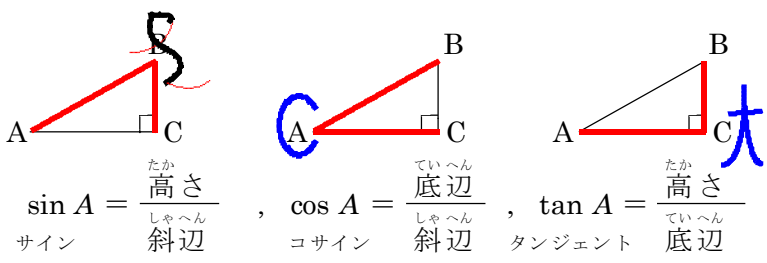
$= 50.4$

$\div 50 \text{ (m)}$

数学Ⅰ 三角比の利用 2 課題

( )年( )組( )番( )

1. 次の図形の三角比を求めなさい。



例題①

$\sin A = \frac{3}{5}$     $\cos A = \frac{4}{5}$     $\tan A = \frac{3}{4}$

問題①

$\sin A = \frac{5}{13}$     $\cos A = \frac{12}{13}$     $\tan A = \frac{5}{12}$

例題②

$\sin A = \frac{2}{\sqrt{13}}$     $\cos A = \frac{3}{\sqrt{13}}$     $\tan A = \frac{2}{3}$

問題②

$\sin A = \frac{\sqrt{7}}{4}$     $\cos A = \frac{3}{4}$     $\tan A = \frac{\sqrt{7}}{3}$

例題③

$\sin A = \frac{2}{\sqrt{5}}$     $\cos A = \frac{3}{\sqrt{5}}$     $\tan A = \frac{2}{3}$

問題③

$\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$     $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$     $\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$

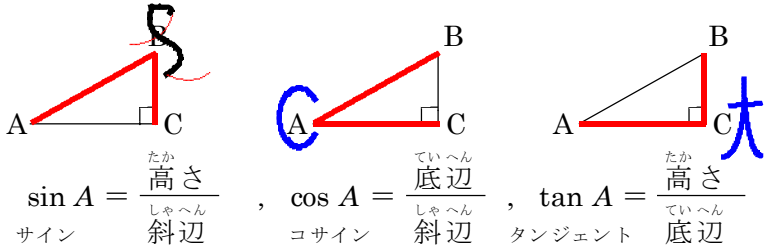
$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$     $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$     $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$

2. 次の応用問題を解きなさい。

例題	問題
<p>滑走面が <math>3.0\text{ m}</math> の滑り台がある。地面と滑走面の角度が <math>30^\circ</math> のとき、滑り台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p><math>\sin 30^\circ = \frac{x}{3}</math></p> <p><math>x = 3 \times \sin 30^\circ</math></p> <p><math>= 3 \times 0.5</math></p> <p><math>= 1.5\text{ (m)}</math></p> <p>There is a slide with a sliding surface of <math>3.0\text{ m}</math>. Find the height <math>x</math> when the angle between the ground and the sliding surface is <math>30^\circ</math>.</p>	<p>滑走面が <math>5.0\text{ m}</math> の滑り台がある。地面と滑走面の角度が <math>30^\circ</math> のとき、滑り台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p>
<p>灯台から <math>60\text{ m}</math> 離れた点で先端を測ると <math>30^\circ</math> でした。灯台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p>※ <math>\tan 30^\circ = 0.58</math> とする。</p> <p><math>\tan 30^\circ = \frac{x}{60}</math></p> <p><math>x = 60 \times \tan 30^\circ</math></p> <p><math>= 60 \times 0.58</math></p> <p><math>= 34.8</math></p> <p><math>\approx 35\text{ (m)}</math></p> <p>I measured the tip of the lighthouse at a point <math>60\text{ m}</math> away from the lighthouse and it was <math>30^\circ</math> degrees. Find the height <math>x</math> of the lighthouse.</p>	<p>鉄塔から <math>50\text{ m}</math> 離れて先端を測ると <math>40^\circ</math> でした。鉄塔の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p>※ <math>\tan 40^\circ = 0.84</math> とする。</p>



1. 次の図形の三角比を求めなさい。



例題①

$\sin A = \frac{4}{5}$     $\cos A = \frac{3}{5}$     $\tan A = \frac{4}{3}$

問題①

$\sin A = \frac{8}{17}$     $\cos A = \frac{15}{17}$     $\tan A = \frac{8}{15}$

例題②

$\sin A = \frac{3}{4}$     $\cos A = \frac{\sqrt{7}}{4}$     $\tan A = \frac{3}{\sqrt{7}}$

問題②

$\sin A = \frac{3}{\sqrt{13}}$     $\cos A = \frac{2}{\sqrt{13}}$     $\tan A = \frac{3}{2}$

例題③

$\sin A = \frac{2}{\sqrt{5}}$     $\cos A = \frac{3}{\sqrt{5}}$     $\tan A = \frac{2}{3}$

問題③

$\sin 60^\circ = \frac{1}{2}$     $\cos 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$     $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$

$\sin 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$     $\cos 30^\circ = \frac{1}{2}$     $\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$

2. 次の応用問題を解きなさい。

例題	問題
<p>滑走面が <math>6.0\text{ m}</math> の滑り台がある。地面と滑走面の角度が <math>30^\circ</math> のとき、滑り台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p><math>\sin 30^\circ = \frac{x}{6}</math></p> <p><math>x = 6 \times \sin 30^\circ</math></p> <p><math>= 6 \times 0.5</math></p> <p><math>= 3.0\text{ (m)}</math></p> <p>There is a slide with a sliding surface of <math>6.0\text{ m}</math>. Find the height <math>x</math> when the angle between the ground and the sliding surface is <math>30^\circ</math>.</p>	<p>滑走面が <math>4.0\text{ m}</math> の滑り台がある。地面と滑走面の角度が <math>30^\circ</math> のとき、滑り台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p>
<p>灯台から <math>30\text{ m}</math> 離れた点で先端を測ると <math>60^\circ</math> でした。灯台の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p>※ <math>\tan 60^\circ = 1.73</math> とする。</p> <p><math>\tan 60^\circ = \frac{x}{30}</math></p> <p><math>x = 30 \times \tan 60^\circ</math></p> <p><math>= 30 \times 1.73</math></p> <p><math>= 51.9</math></p> <p><math>\div 52\text{ (m)}</math></p> <p>I measured the tip of the lighthouse at a point <math>30\text{ m}</math> away from the lighthouse and it was <math>60^\circ</math> degrees. Find the height <math>x</math> of the lighthouse.</p>	<p>鉄塔から <math>40\text{ m}</math> 離れて先端を測ると <math>50^\circ</math> でした。鉄塔の高さ <math>x</math> を求めよ。</p> <p>※ <math>\tan 50^\circ = 1.19</math> とする。</p>

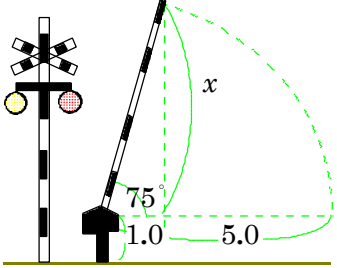
例題① 長さ  $5.0m$  のバーの遮断機がある。バーが  $75^\circ$  まで上がったときのバーの先端の高さを求めよ。

バーは地上  $1.0m$  の高さに設置している。

$\sin 75^\circ = 0.96$   $\cos 75^\circ = 0.25$

$$\sin 75^\circ = \frac{x}{5}$$
$$x = 5 \times \sin 75^\circ$$
$$= 5 \times 0.96 = 4.8$$
$$4.8 + 1.0 = 5.9$$

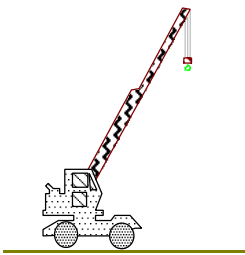
バーの先端の高さは  $5.9m$



問題①  $10m$  のアームのクレーンがある。アームが  $60^\circ$  まで上がったときのアームの先端の高さを求めよ。

アームの回転軸の高さは地上  $3m$  である。

$\sin 60^\circ = 0.87$   $\cos 60^\circ = 0.50$

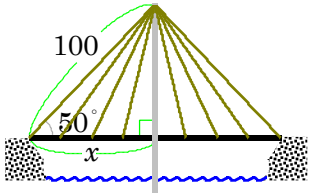


例題② つり橋の中央に支柱がある。支柱の先端から  $100m$  のワイヤーが張ってある。ワイヤーと路面の角度が  $50^\circ$  のとき、つり橋の長さを求めよ。

$\sin 50^\circ = 0.77$   $\cos 50^\circ = 0.64$

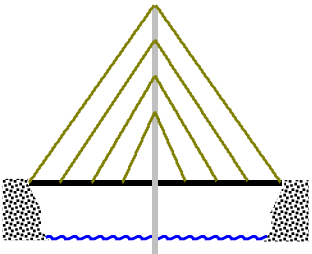
$$\cos 50^\circ = \frac{x}{100}$$
$$x = 100 \times \cos 50^\circ$$
$$= 100 \times 0.64 = 64$$
$$64 \times 2 = 128$$

つり橋の長さは  $128m$



問題② つり橋の中央に支柱がある。支柱の先端から  $50m$  のワイヤーが張ってある。ワイヤーと路面の角度が  $55^\circ$  のとき、つり橋の長さを求めよ。

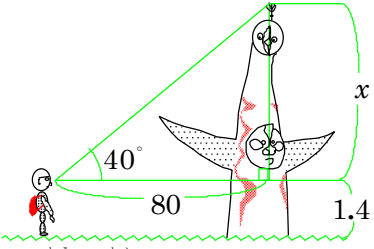
$\sin 55^\circ = 0.82$   $\cos 55^\circ = 0.57$



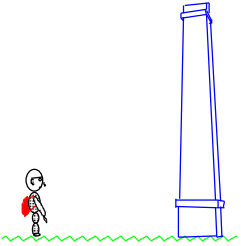
例題③ 塔の高さを測るため、塔の中心から  $80m$  離れた地点で塔の先端を見上げる角(仰角)を測ると  $40^\circ$  であった。目の高さが  $1.4m$  のとき、塔の高さを求めよ。  $\tan 40^\circ = 0.84$  とする。

$$\tan 40^\circ = \frac{x}{80}$$
$$x = 80 \times \tan 40^\circ$$
$$= 80 \times 0.84 = 67.2$$
$$67.2 + 1.4 = 68.6 \div 69$$

塔の高さは  $69m$



問題③ 煙突の高さを測るため、煙突の中心から  $30m$  離れた地点で塔の先端を見上げる角(仰角)を測ると  $50^\circ$  であった。目の高さが  $1.5m$  のとき、煙突の高さを求めよ。  $\tan 50^\circ = 1.2$  とする。

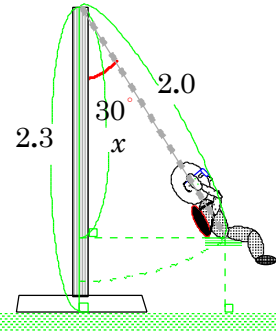


例題④ 公園に支柱の高さ  $2.3m$ 、鎖の長さが  $2.0m$  のブランコがある。勢いよく押されて支柱と鎖の角が  $30^\circ$  になった。踏み板の高さを求めよ。

$\sin 30^\circ = 0.50$   $\cos 30^\circ = 0.87$

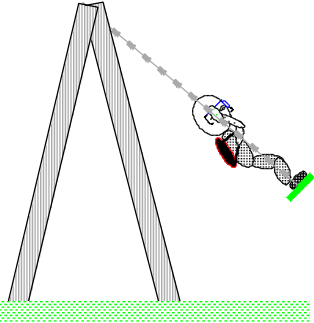
$$\cos 30^\circ = \frac{x}{2}$$
$$x = 2 \times \cos 30^\circ$$
$$= 2 \times 0.87 = 1.74$$
$$2.3 - 1.74 = 0.56 \div 0.6$$

踏み板の高さは  $0.6m$



問題④ 公園に支柱の高さ  $2.3m$ 、鎖の長さが  $2.0m$  のブランコがある。勢いよくこいで鉛直方向と鎖の角が  $40^\circ$  になった。踏み板の高さを求めよ。

$\sin 40^\circ = 0.64$   $\cos 40^\circ = 0.77$



例題① 9.0 m のアームのクレーンがある。アームが 70° まで上がったときのアームの先端の高さを求めよ。

アームの回転軸の高さは地上 2.0 m である。

$\sin 70^\circ = 0.94$  ,  $\cos 70^\circ = 0.34$

$$\sin 70^\circ = \frac{x}{9}$$

$$x = 9 \times \sin 70^\circ$$

$$= 9 \times 0.94 = 8.46$$

$$8.46 + 2.0 = 10.46 \div 10.5$$

アームの先端の高さは 10.5 m

問題① 長さ 5.0m のバーの遮断機がある。バーが 70° まで上がったときのバーの先端の高さを求めよ。

バーは地上 1.3m の高さに設置している。

$\sin 70^\circ = 0.94$  ,  $\cos 70^\circ = 0.34$

例題② つり橋の中央に支柱がある。支柱の先端から 90 m のワイヤーが張ってある。ワイヤーと路面の角度が 50° のとき、つり橋の長さを求めよ。

$\sin 50^\circ = 0.77$  ,  $\cos 50^\circ = 0.64$

$$\cos 50^\circ = \frac{x}{90}$$

$$x = 90 \times \cos 50^\circ$$

$$= 90 \times 0.64 = 57.6$$

$$57.6 \times 2 = 115.2 \div 115$$

つり橋の長さは 115 m

問題② つり橋の中央に支柱がある。支柱の先端から 50 m のワイヤーが張ってある。ワイヤーと路面の角度が 40° のとき、つり橋の長さを求めよ。

$\sin 40^\circ = 0.64$  ,  $\cos 40^\circ = 0.77$

例題③ 煙突の高さを測るため、煙突の中心から 20 m 離れた地点で塔の先端を見上げる角(仰角)を測ると 60°であった。目の高さが 1.4 m のとき、煙突の高さを求めよ。

$\tan 60^\circ = 1.73$  とする。

$$\tan 60^\circ = \frac{x}{20}$$

$$x = 20 \times \tan 60^\circ$$

$$= 20 \times 1.73 = 34.6$$

$$34.6 + 1.4 = 36$$

煙突の高さは 36 m

問題③ 塔の高さを測るため、塔の中心から 40 m 離れた地点で塔の先端を見上げる角(仰角)を測ると 55°であった。目の高さが 1.2 m のとき、塔の高さを求めよ。

$\tan 55^\circ = 1.42$  とする。

例題④ 公園に支柱の高さ 3.3 m、鎖の長さが 3.0 m のブランコがある。勢いよくこいで鉛直方向と鎖の角が 40°になった。踏み板の高さを求めよ。

$\sin 40^\circ = 0.64$   $\cos 40^\circ = 0.77$

$$\cos 40^\circ = \frac{x}{3}$$

$$x = 3 \times \cos 40^\circ$$

$$= 3 \times 0.77 = 2.31$$

$$3.3 - 2.31 = 0.99 \div 1$$

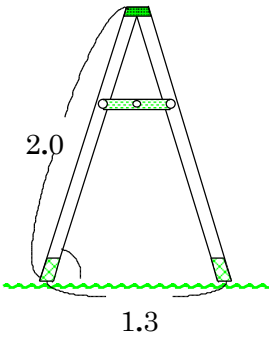
踏み板の高さは 1.0 m

問題④ 公園に支柱の高さ 3.3 m、鎖の長さが 3.0 m のブランコがある。勢いよく押されて支柱と鎖の角が 30°になった。踏み板の高さを求めよ。

$\sin 30^\circ = 0.50$   $\cos 30^\circ = 0.87$



例題① 脚の長さが  $2.0m$  の脚立がある。開いた脚の間隔が  $1.3m$  のとき、脚と地面の作る角を求めよ。



$A$	$\sin A$	$\cos A$	$\tan A$
$64^\circ$	0.899	0.438	2.05
$65^\circ$	0.906	0.422	2.14
$66^\circ$	0.914	0.407	2.25
$67^\circ$	0.920	0.391	2.36
$68^\circ$	0.927	0.375	2.48
$69^\circ$	0.934	0.358	2.61
$70^\circ$	0.940	0.342	2.75
$71^\circ$	0.946	0.326	2.90
$72^\circ$	0.951	0.309	3.08
$73^\circ$	0.956	0.292	3.27

$\cos A = \frac{0.65}{2} = 0.325$  より  $A \approx 71^\circ$

問題①  $4.0m$  のはしごを壁に立て掛けたとき、はしごと壁の距離が  $1.0m$  になった。はしごと地面のなす角を求めよ。

$A$	$\sin A$	$\cos A$	$\tan A$
$74^\circ$	0.961	0.276	3.48
$76^\circ$	0.970	0.242	4.01
$78^\circ$	0.978	0.208	4.70
$80^\circ$	0.985	0.174	5.67
$82^\circ$	0.990	0.134	7.11
$84^\circ$	0.995	0.105	9.51

例題② 勾配が  $10\%$  の坂道がある。水平からの角度を求めよ。



$\tan A = 0.10$  より  
角度は約  $6^\circ$

$A$	$\tan A$
$1^\circ$	0.018
$2^\circ$	0.035
$3^\circ$	0.052
$4^\circ$	0.070
$5^\circ$	0.088

$A$	$\tan A$
$6^\circ$	0.105
$7^\circ$	0.123
$8^\circ$	0.141
$9^\circ$	0.156
$10^\circ$	0.176

問題② 勾配が  $30\%$  の坂道がある。水平からの角度を求めよ。



$A$	$\tan A$
$11^\circ$	0.194
$12^\circ$	0.212
$13^\circ$	0.231
$14^\circ$	0.249
$15^\circ$	0.268

$A$	$\tan A$
$16^\circ$	0.287
$17^\circ$	0.306
$18^\circ$	0.324
$19^\circ$	0.344
$20^\circ$	0.364

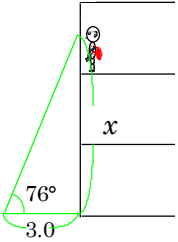
例題③ 校舎の 3F の窓際から、 $3.0m$  離れた点を見下ろすと水平方向から  $76^\circ$  下であった。(俯角) 目の高さを  $1.5m$  なら、3F の高さは何  $m$  か。

$\tan 76^\circ = \frac{x}{3}$

$x = 3 \times \tan 76^\circ = 3 \times 4.01 = 12.03$

$12.03 - 1.5 = 10.53 \approx 10.5$

3F の高さは  $10.5m$



問題③ 校舎の屋上から、 $5.0m$  離れた点を見下ろすと水平方向から  $78^\circ$  下であった。(俯角) 目の高さを  $1.5m$  なら、校舎の高さは何  $m$  か。

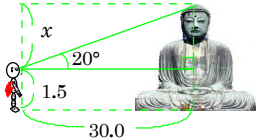
例題④ 大仏から  $30.0m$  離れた点で、大仏を見ると  $20^\circ$  上でした。目の高さを  $1.5m$  とするとき、大仏の高さを求めよ。

$\tan 20^\circ = \frac{x}{30}$

$x = 30 \times \tan 20^\circ = 30 \times 0.364 = 10.92$

$10.92 + 1.5 = 12.42 \approx 12.4$

大仏の高さは  $12.4m$



問題④ 斜塔から  $25.0m$  離れた点で斜塔を見ると  $65^\circ$  上でした。目の高さを  $1.5m$  とするとき、斜塔の高さを求めよ。

