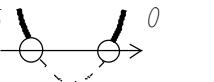
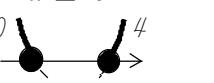


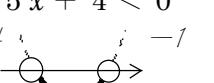
じふとうしきにゅうもん  
数学 | 2次不等式入門

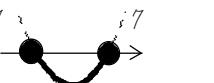
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

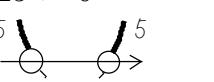
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 5x = 0$ $x(x+5) = 0$ $x = 0, x = -5$	① $x^2 + 3x = 0$
② $x^2 + 5x > 0$  $x < -5, -5 < x$	② $x^2 + 3x > 0$

③ $x^2 - 4x = 0$ $x(x-4) = 0$ $x = 0, x = 4$	③ $x^2 - 6x = 0$
④ $x^2 - 4x \geq 0$  $x \leq 0, 4 \leq x$	④ $x^2 - 6x \geq 0$

⑤ $x^2 + 5x + 4 = 0$ $(x+1)(x+4) = 0$ $x = -1, x = -4$	⑤ $x^2 + 5x + 6 = 0$
⑥ $x^2 + 5x + 4 < 0$  $-4 < x < -1$	⑥ $x^2 + 5x + 6 < 0$

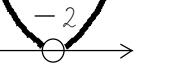
⑦ $x^2 - 8x + 7 = 0$ $(x-1)(x-7) = 0$ $x = 1, x = 7$	⑦ $x^2 - 4x + 3 = 0$
⑧ $x^2 - 8x + 7 \leq 0$  $1 \leq x \leq 7$	⑧ $x^2 - 4x + 3 \leq 0$

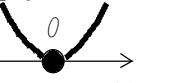
⑨ $x^2 - 25 = 0$ $(x+5)(x-5) = 0$ $x = -5, x = 5$	⑨ $x^2 - 4 = 0$
⑩ $x^2 - 25 > 0$  $x < -5, 5 < x$	⑩ $x^2 - 4 \leq 0$

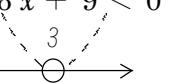
( )年( )組( )番( )

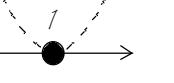
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

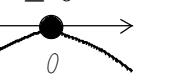
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 4x + 4 = 0$ $(x+2)^2 = 0$ $x = -2$ (重解)	① $x^2 + 2x + 1 = 0$
② $x^2 + 4x + 4 > 0$  $x < -2, -2 < x$	② $x^2 + 2x + 1 > 0$

③ $2x^2 = 0$ $x^2 = 0$ $x = 0$ (重解)	③ $3x^2 = 0$
④ $2x^2 \geq 0$  すべての実数 all real numbers	④ $3x^2 \geq 0$

⑤ $x^2 - 6x + 9 = 0$ $(x-3)^2 = 0$ $x = 3$ (重解)	⑤ $x^2 - 8x + 16 = 0$
⑥ $x^2 - 6x + 9 < 0$  かい 解なし no solution	⑥ $x^2 - 8x + 16 < 0$

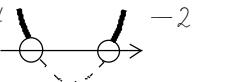
⑦ $2x^2 - 4x + 2 = 0$ $2(x-1)^2 = 0$ $x = 1$ (重解)	⑦ $3x^2 + 6x + 3 = 0$
⑧ $2x^2 - 4x + 2 \leq 0$  $x = 1$	⑧ $3x^2 + 6x + 3 = 0$

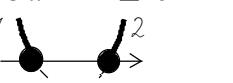
⑨ $-2x^2 = 0$ $x^2 = 0$ $x = 0$ (重解)	⑨ $-x^2 + 2x - 1 = 0$
⑩ $-2x^2 \leq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	⑩ $-x^2 + 2x - 1 > 0$

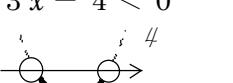
じふとうしき  
にゅうもん  
**数学 | 2次不等式 2入門**

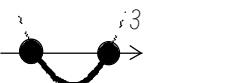
つぎ  
じほうていしき  
じふとうしき  
かい  
もと  
1. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

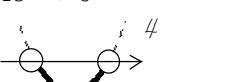
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 6x + 8 = 0$ $(x+2)(x+4) = 0$ $x = -2, x = -4$	① $x^2 + 7x + 10 = 0$
② $x^2 + 6x + 8 > 0$  $x < -4, -2 < x$	② $x^2 + 7x + 10 > 0$

③ $x^2 - 3x + 2 = 0$ $(x-1)(x-2) = 0$ $x = 1, x = 2$	③ $x^2 - 4x + 3 = 0$
④ $x^2 - 3x + 2 \geq 0$  $x \leq 1, 2 \leq x$	④ $x^2 - 4x + 3 \geq 0$

⑤ $x^2 - 3x - 4 = 0$ $(x+1)(x-4) = 0$ $x = -1, x = 4$	⑤ $x^2 - 5x - 6 = 0$
⑥ $x^2 - 3x - 4 < 0$  $-1 < x < 4$	⑥ $x^2 - 5x - 6 < 0$

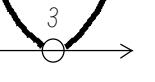
⑦ $x^2 + 2x - 3 = 0$ $(x+1)(x-3) = 0$ $x = -1, x = 3$	⑦ $x^2 + 4x - 5 = 0$
⑧ $x^2 + 2x - 3 \leq 0$  $-1 \leq x \leq 3$	⑧ $x^2 + 4x - 5 \leq 0$

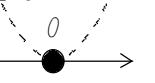
⑨ $x^2 - 49 = 0$ $(x+7)(x-7) = 0$ $x = -7, x = 7$	⑨ $x^2 - 81 = 0$
⑩ $x^2 - 49 < 0$  $-7 < x < 7$	⑩ $x^2 - 81 \geq 0$

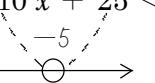
( )年( )組( )番( )

つぎ  
じほうていしき  
じふとうしき  
かい  
もと  
2. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 6x + 9 = 0$ $(x-3)^2 = 0$ $x = 3$ (重解)	① $x^2 - 4x + 4 = 0$
② $x^2 - 6x + 9 > 0$  $x < 3, 3 < x$	② $x^2 - 4x + 4 > 0$

③ $3x^2 = 0$ $x^2 = 0$ $x = 0$ (重解)	③ $4x^2 = 0$
④ $3x^2 \leq 0$  $x = 0$	④ $4x^2 \leq 0$

⑤ $x^2 + 10x + 25 = 0$ $(x+5)^2 = 0$ $x = -5$ (重解)	⑤ $x^2 + 14x + 49 = 0$
⑥ $x^2 + 10x + 25 < 0$  $\text{かい解なし}$ no solution	⑥ $x^2 + 14x + 49 < 0$

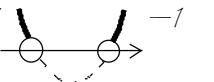
⑦ $x^2 + 4x + 6 = 0$ $D = 4^2 - 4 \times 1 \times 6 < 0$ $\text{かい解なし}$ no solution	⑦ $x^2 + 2x + 5 = 0$
⑧ $x^2 + 4x + 6 \geq 0$  $\text{じつすうすべての実数}$ all real numbers	⑧ $x^2 + 2x + 5 \geq 0$

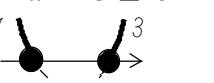
⑨ $x^2 + 6x + 10 = 0$ $D = 6^2 - 4 \times 1 \times 10 < 0$ $\text{かい解なし}$ no solution	⑨ $x^2 + 8x + 20 = 0$
⑩ $x^2 + 6x + 10 \leq 0$  $\text{かい解なし}$ no solution	⑩ $x^2 + 8x + 20 < 0$

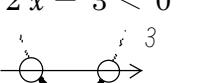
じふとうしき  
にゅうもん  
**数学 | 2次不等式 3 入門**

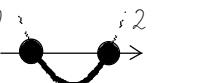
つぎ  
じほうていしき  
じふとうしき  
かい  
もと  
1. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

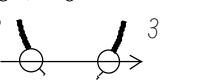
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 8x + 7 = 0$ $(x+1)(x+7) = 0$ $x = -1, x = -7$	① $x^2 + 6x + 5 = 0$
② $x^2 + 8x + 7 > 0$  $x < -7, -1 < x$	② $x^2 + 6x + 5 > 0$

③ $x^2 - 4x + 3 = 0$ $(x-1)(x-3) = 0$ $x = 1, x = 3$	③ $x^2 - 6x + 5 = 0$
④ $x^2 - 4x + 3 \geq 0$  $x \leq 1, 3 \leq x$	④ $x^2 - 6x + 5 \geq 0$

⑤ $x^2 - 2x - 3 = 0$ $(x+1)(x-3) = 0$ $x = -1, x = 3$	⑤ $x^2 - 4x - 5 = 0$
⑥ $x^2 - 2x - 3 < 0$  $-1 < x < 3$	⑥ $x^2 - 5x - 6 < 0$

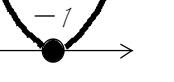
⑦ $x^2 - 2x = 0$ $x(x-2) = 0$ $x = 0, x = 2$	⑦ $x^2 - 4x = 0$
⑧ $x^2 - 2x \leq 0$  $0 \leq x \leq 2$	⑧ $x^2 - 4x \leq 0$

⑨ $x^2 - 9 = 0$ $(x+3)(x-3) = 0$ $x = -3, x = 3$	⑨ $x^2 - 1 = 0$
⑩ $x^2 - 9 > 0$  $x < -3, 3 < x$	⑩ $x^2 - 1 \geq 0$

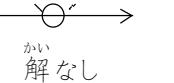
( )年( )組( )番( )

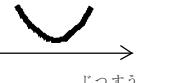
つぎ  
じほうていしき  
じふとうしき  
かい  
もと  
2. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

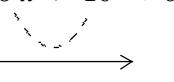
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 2x + 1 = 0$ $(x+1)^2 = 0$ $x = -1$ (重解)	① $x^2 + 6x + 9 = 0$
② $x^2 + 2x + 1 \geq 0$  すべての実数	② $x^2 + 6x + 9 \geq 0$

③ $x^2 - 4x + 4 = 0$ $(x-2)^2 = 0$ $x = 2$ (重解)	③ $x^2 - 10x + 25 = 0$
④ $x^2 - 4x + 4 \leq 0$  $x = 2$	④ $x^2 - 10x + 25 \leq 0$

⑤ $x^2 + 8x + 16 = 0$ $(x+4)^2 = 0$ $x = -4$ (重解)	⑤ $x^2 + 6x + 9 = 0$
⑥ $x^2 + 8x + 16 < 0$  かい 解なし no solution	⑥ $x^2 + 6x + 9 < 0$

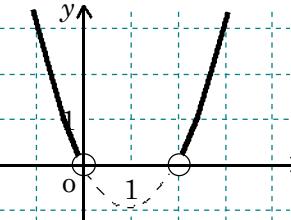
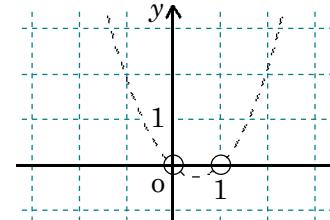
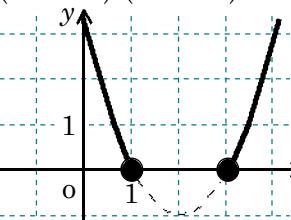
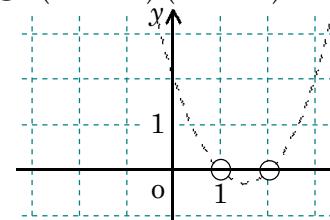
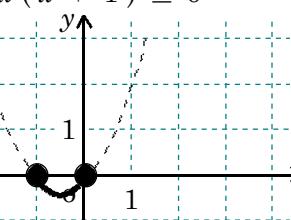
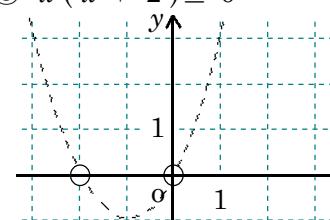
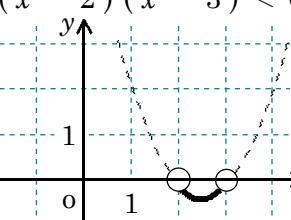
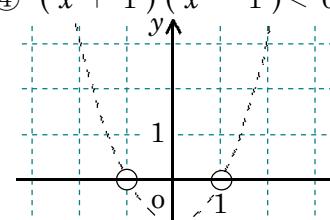
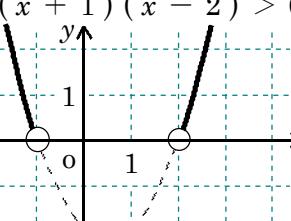
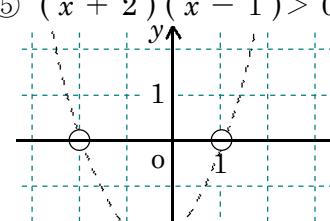
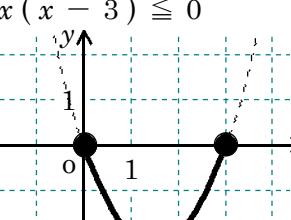
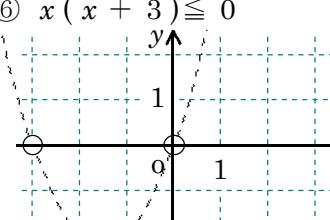
⑦ $x^2 + 2x + 3 = 0$ $D = 2^2 - 4 \times 1 \times 3 < 0$ かい 解なし no solution	⑦ $x^2 + 4x + 6 = 0$
⑧ $x^2 + 4x + 6 > 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	⑧ $x^2 + 4x + 6 > 0$

⑨ $x^2 - 6x + 10 = 0$ $D = (-6)^2 - 4 \times 1 \times 10 < 0$ かい 解なし no solution	⑨ $x^2 - 2x + 5 = 0$
⑩ $x^2 - 6x + 10 < 0$  かい 解なし no solution	⑩ $x^2 - 2x + 5 < 0$

じふとうしき ずかいほう  
数学 | 2次不等式(図解法) 課題

つぎ 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

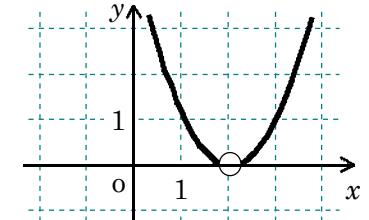
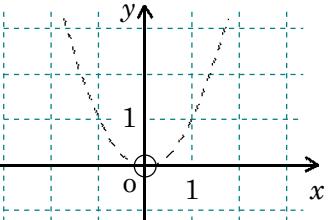
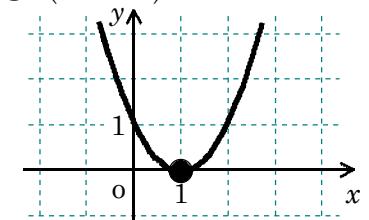
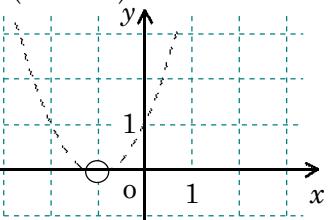
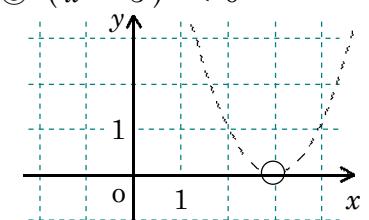
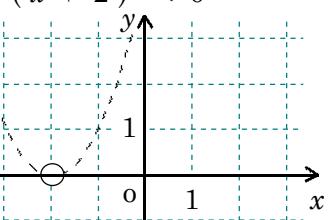
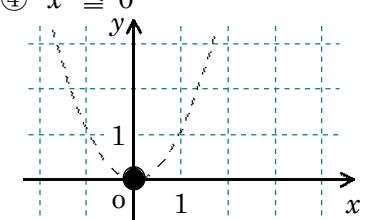
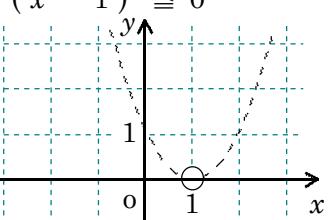
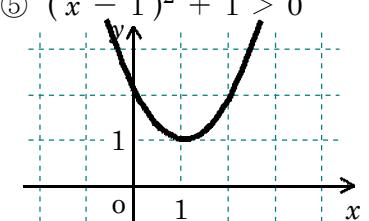
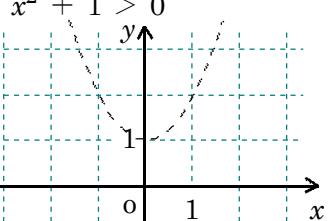
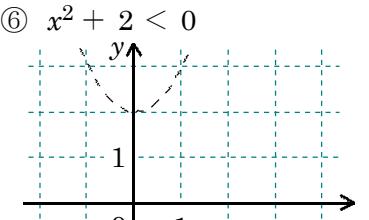
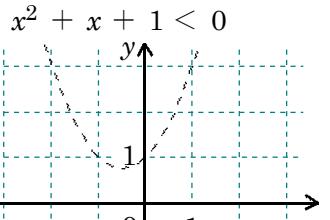
Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x(x - 2) > 0$  $x < 0, 2 < x$	① $x(x - 1) > 0$  $x < 0, 1 < x$
② $(x - 1)(x - 3) \geq 0$  $x \leq 1, 3 \leq x$	② $(x - 1)(x - 2) \geq 0$ 
③ $x(x + 1) \leq 0$  $-1 \leq x \leq 0$	③ $x(x + 2) \leq 0$ 
④ $(x - 2)(x - 3) < 0$  $2 < x < 3$	④ $(x + 1)(x - 1) < 0$ 
⑤ $(x + 1)(x - 2) > 0$  $x < -1, 2 < x$	⑤ $(x + 2)(x - 1) > 0$ 
⑥ $x(x - 3) \leq 0$  $0 \leq x \leq 3$	⑥ $x(x + 3) \leq 0$ 

( )年( )組( )番( )

つぎ 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

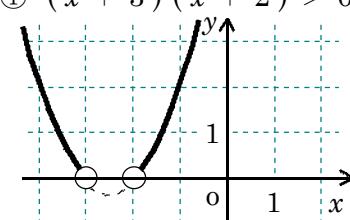
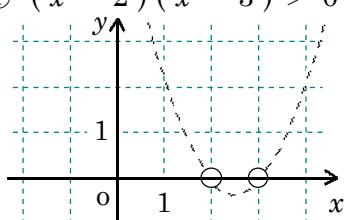
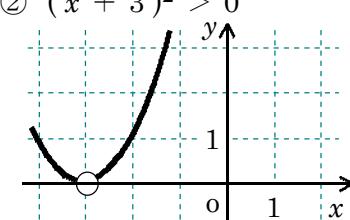
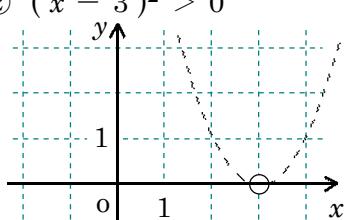
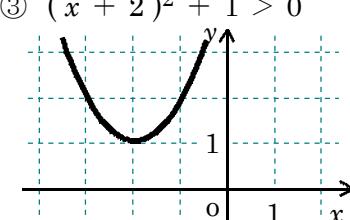
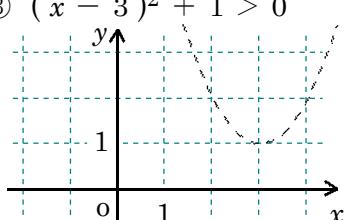
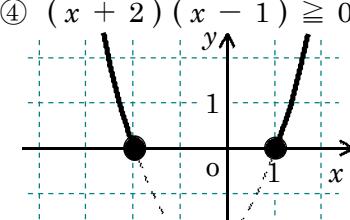
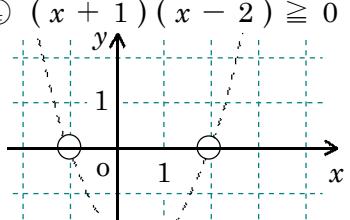
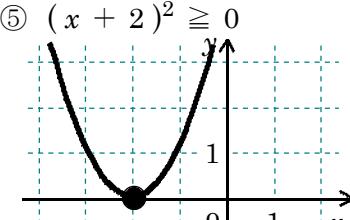
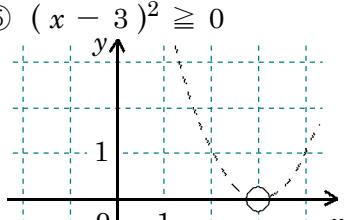
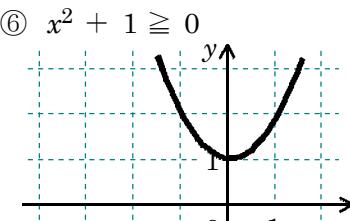
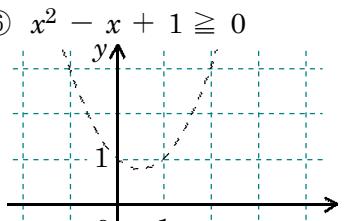
Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(x - 2)^2 > 0$  $x < 2, 2 < x$	① $x^2 > 0$ 
② $(x - 1)^2 \geq 0$  <u>じつすう すべての実数</u>	② $(x + 1)^2 \geq 0$ 
③ $(x - 3)^2 < 0$  <u>かい 解なし</u>	③ $(x + 2)^2 < 0$ 
④ $x^2 \leq 0$  $x = 0$	④ $(x - 1)^2 \leq 0$ 
⑤ $(x - 1)^2 + 1 > 0$  <u>じつすう すべての実数</u>	⑤ $x^2 + 1 > 0$ 
⑥ $x^2 + 2 < 0$  <u>かい 解なし</u>	⑥ $x^2 + x + 1 < 0$ 

じふとうずかいほう  
かだい  
**数学 | 2次不等(図解法) 2課題**

1. 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

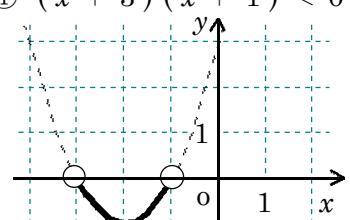
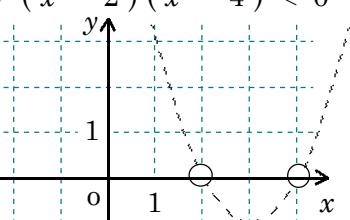
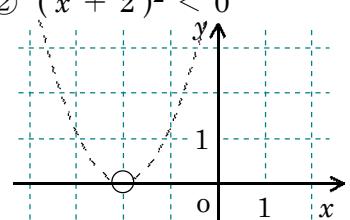
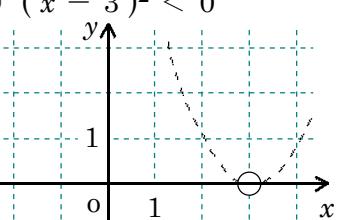
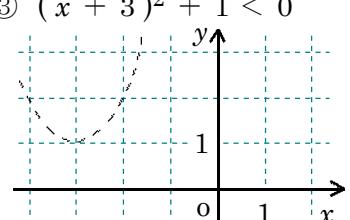
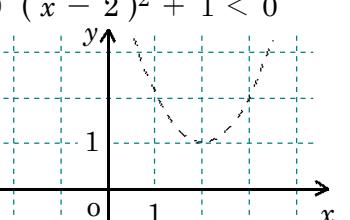
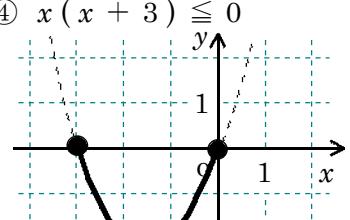
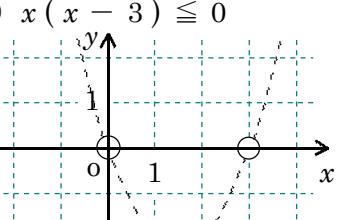
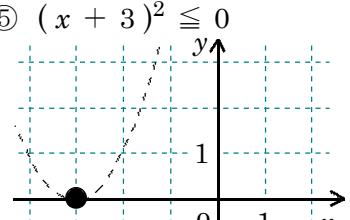
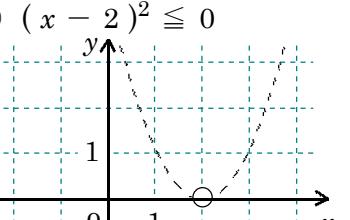
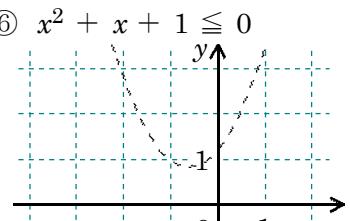
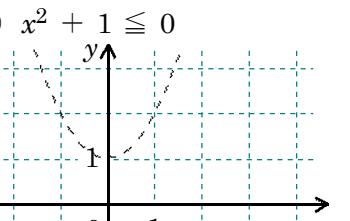
Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(x + 3)(x + 2) > 0$  $x < -3, -2 < x$	① $(x - 2)(x - 3) > 0$ 
② $(x + 3)^2 > 0$  $x < -3, -3 < x$	② $(x - 3)^2 > 0$ 
③ $(x + 2)^2 + 1 > 0$  <u>じつすう すべての実数</u>	③ $(x - 3)^2 + 1 > 0$ 
④ $(x + 2)(x - 1) \geq 0$  $x \leq -2, 1 \leq x$	④ $(x + 1)(x - 2) \geq 0$ 
⑤ $(x + 2)^2 \geq 0$  <u>じつすう すべての実数</u>	⑤ $(x - 3)^2 \geq 0$ 
⑥ $x^2 + 1 \geq 0$  <u>じつすう すべての実数</u>	⑥ $x^2 - x + 1 \geq 0$ 

( )年( )組( )番( )

2. 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

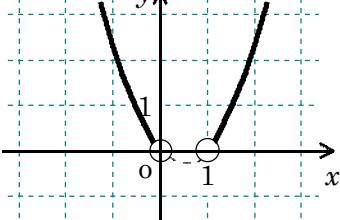
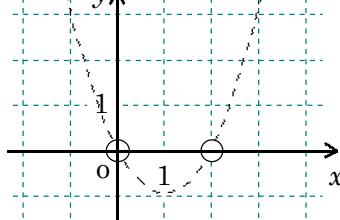
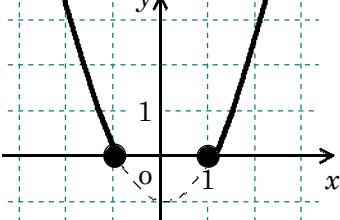
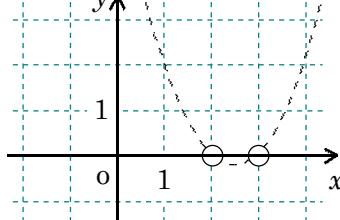
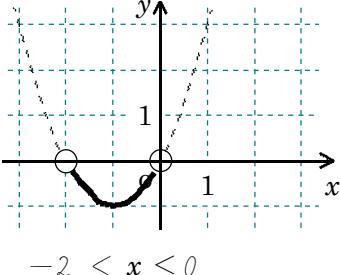
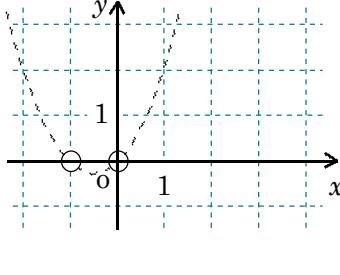
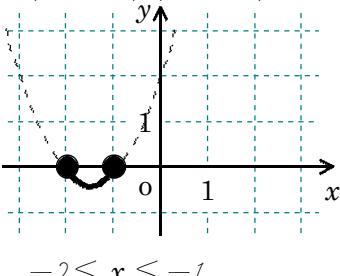
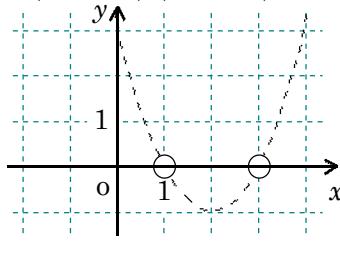
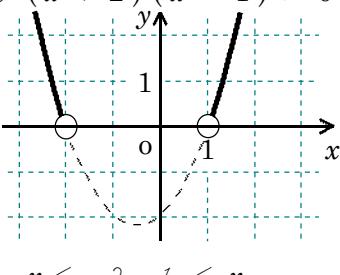
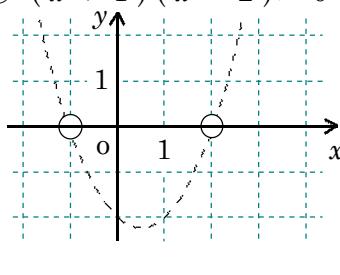
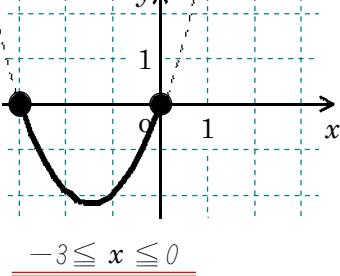
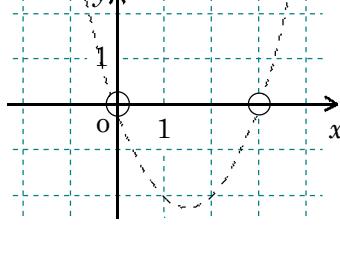
Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $(x + 3)(x + 1) < 0$  $-3 < x < -1$	① $(x - 2)(x - 4) < 0$ 
② $(x + 2)^2 < 0$  <u>かい 解なし</u>	② $(x - 3)^2 < 0$ 
③ $(x + 3)^2 + 1 < 0$  <u>かい 解なし</u>	③ $(x - 2)^2 + 1 < 0$ 
④ $x(x + 3) \leq 0$  $-3 \leq x \leq 0$	④ $x(x - 3) \leq 0$ 
⑤ $(x + 3)^2 \leq 0$  $x = -3$	⑤ $(x - 2)^2 \leq 0$ 
⑥ $x^2 + x + 1 \leq 0$  <u>かい 解なし</u>	⑥ $x^2 + 1 \leq 0$ 

じふとうしき ずかいほう  
数学 | 2次不等式(図解法) 3 課題

1. 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

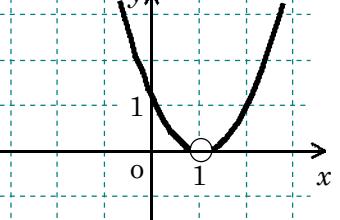
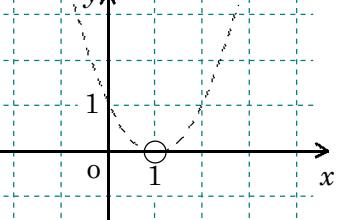
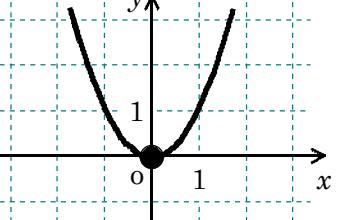
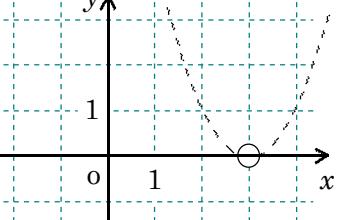
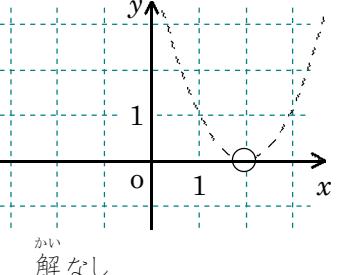
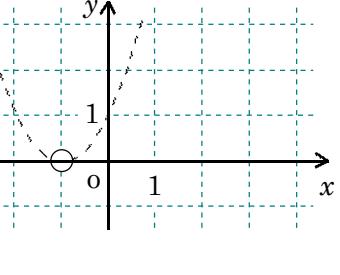
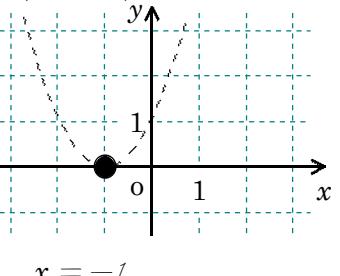
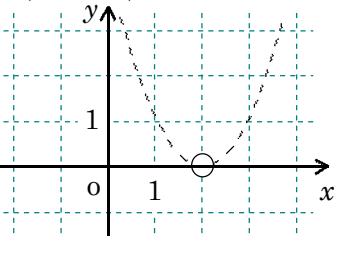
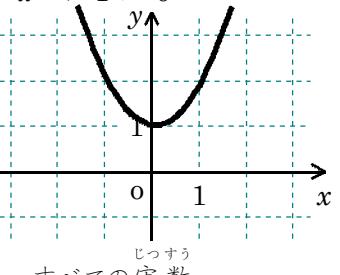
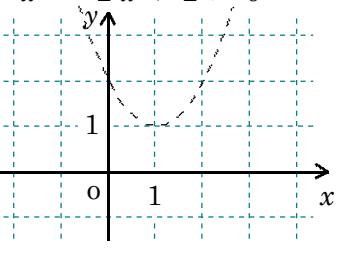
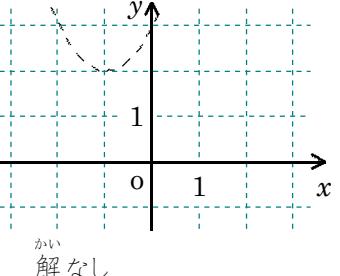
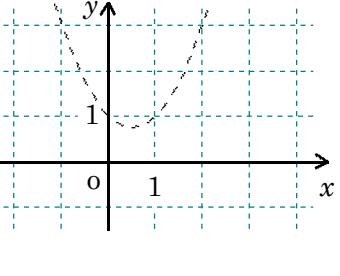
Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x(x - 1) > 0$  $x < 0, 1 < x$	① $x(x - 2) > 0$  $x < 0, 2 < x$
② $(x + 1)(x - 1) \geq 0$  $x \leq -1, 1 \leq x$	② $(x - 2)(x - 3) \geq 0$ 
③ $x(x + 2) < 0$  $-2 < x < 0$	③ $x(x + 1) < 0$ 
④ $(x + 2)(x + 1) \leq 0$  $-2 \leq x \leq -1$	④ $(x - 1)(x - 3) \leq 0$ 
⑤ $(x + 2)(x - 1) > 0$  $x < -2, 1 < x$	⑤ $(x + 1)(x - 2) > 0$ 
⑥ $x(x + 3) \leq 0$  $-3 \leq x \leq 0$	⑥ $x(x - 3) \leq 0$ 

( )年( )組( )番( )

2. 次の2次不等式の解を図示し、読み取りなさい。

Illustrate the solution of the following quadratic inequality and read the solution.

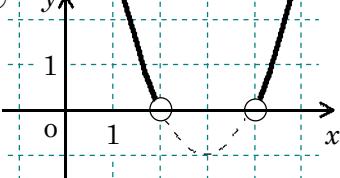
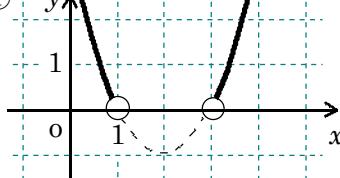
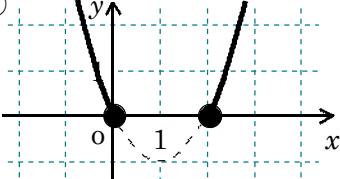
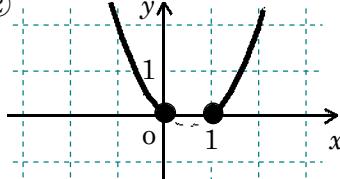
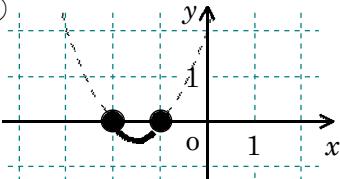
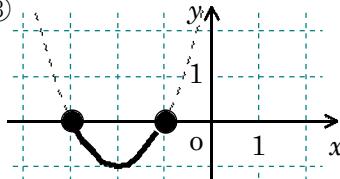
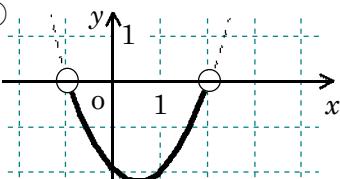
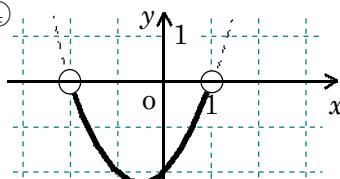
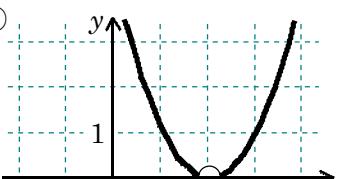
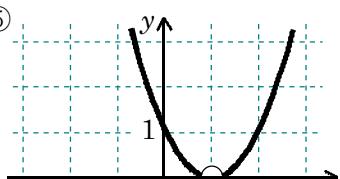
れいだい 例題	もんだい 問題
① $(x - 1)^2 > 0$ 	① $(x - 2)^2 > 0$ 
② $x^2 \geq 0$  <u>すべての実数</u>	② $(x - 3)^2 \geq 0$ 
③ $(x - 2)^2 < 0$  <u>解なし</u>	③ $(x + 1)^2 < 0$ 
④ $(x + 1)^2 \leq 0$  $x = -1$	④ $(x - 2)^2 \leq 0$ 
⑤ $x^2 + 1 > 0$  <u>すべての実数</u>	⑤ $x^2 - 2x + 2 > 0$ 
⑥ $x^2 + 2x + 3 < 0$  <u>解なし</u>	⑥ $x^2 - x + 1 < 0$ 

じふとうしき ずかいほう  
数学 | 2次不等式(図解法) 4 課題

1. 次の図から2次不等式とその解を読み取りなさい。

2次の項( $x^2$ )の係数は1とする。

Read the quadratic inequality and its solution from the following figure.  
The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

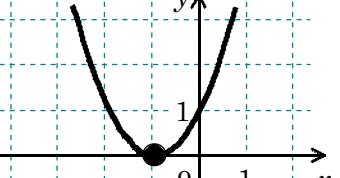
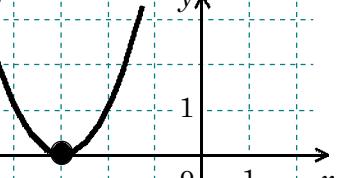
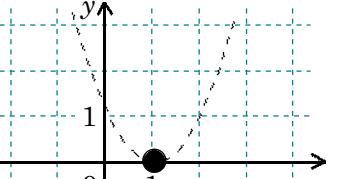
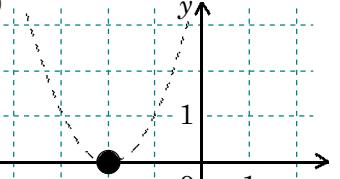
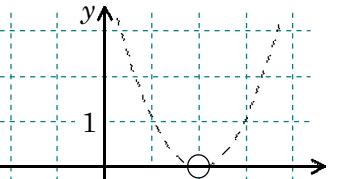
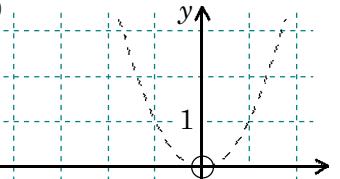
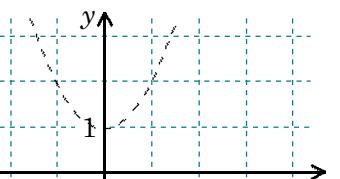
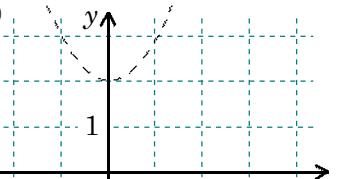
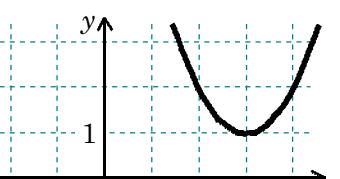
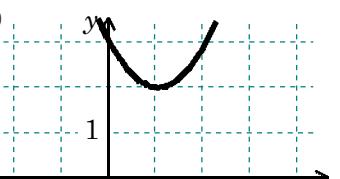
れいだい 例題	もんだい 問題
① 	① 
$(x - 2)(x - 4) > 0$ $x < 2, 4 < x$	
② 	② 
$x(x - 2) \geq 0$ $x \leq 0, 2 \leq x$	
③ 	③ 
$(x + 2)(x + 1) \leq 0$ $-2 \leq x \leq -1$	
④ 	④ 
$(x + 1)(x - 2) < 0$ $-1 < x < 2$	
⑤ 	⑤ 
$(x - 2)^2 > 0$ <u><math>x &lt; 2, 2 &lt; x</math></u>	

( )年( )組( )番( )

2. 次の図から2次不等式とその解を読み取りなさい。

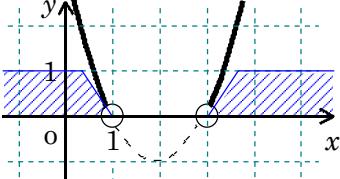
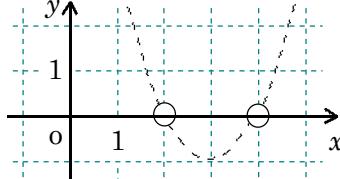
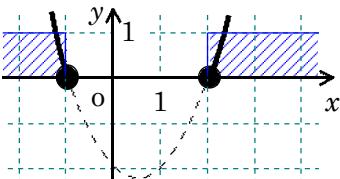
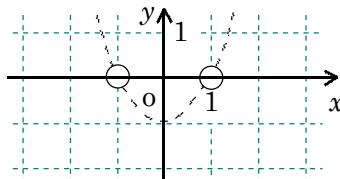
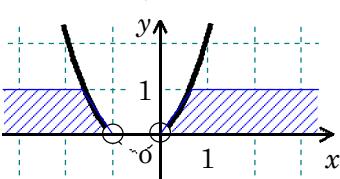
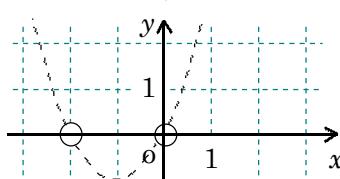
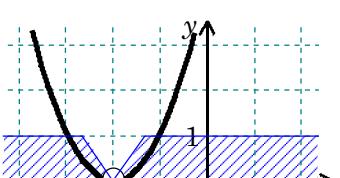
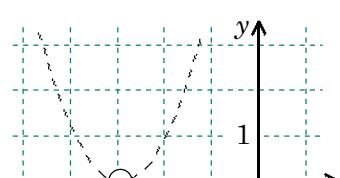
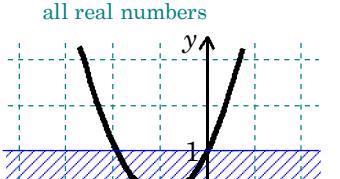
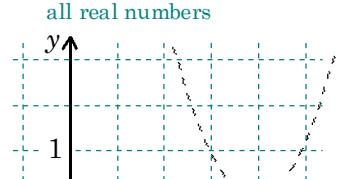
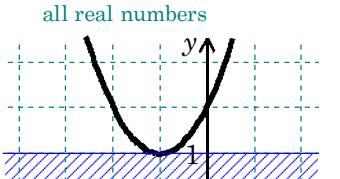
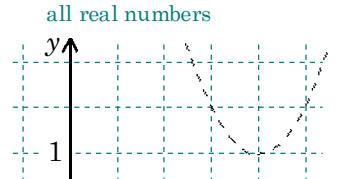
2次の項( $x^2$ )の係数は1とする。

Read the quadratic inequality and solution from the following figure.  
The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

れいだい 例題	もんだい 問題
① 	① 
$(x + 1)^2 \geq 0$ すべての実数	
② 	② 
$(x - 1)^2 \leq 0$ $x = 1$	
③ 	③ 
$(x - 2)^2 < 0$ かい 解なし	
④ 	④ 
$x^2 + 1 < 0$ かい 解なし	
⑤ 	⑤ 
$(x - 3)^2 + 1 > 0$ じっすう すべての実数	

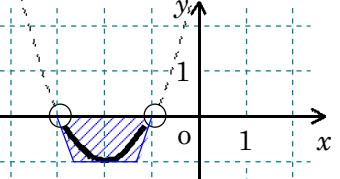
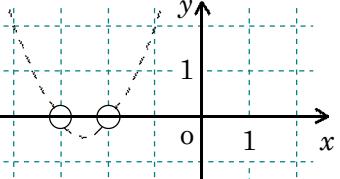
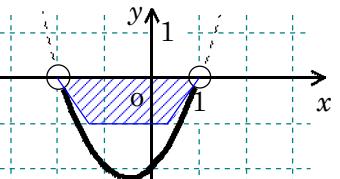
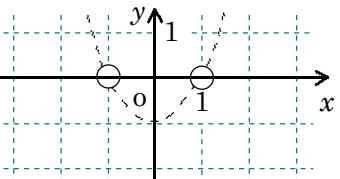
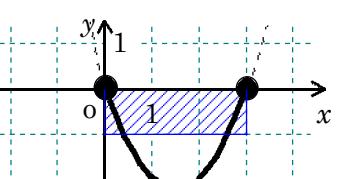
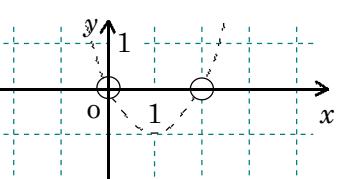
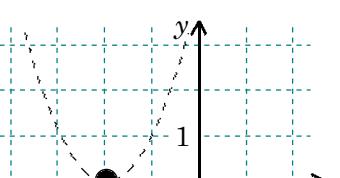
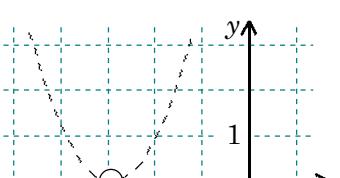
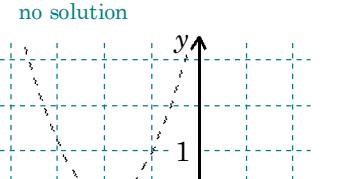
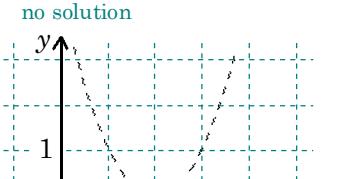
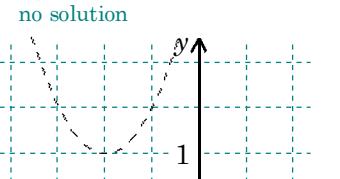
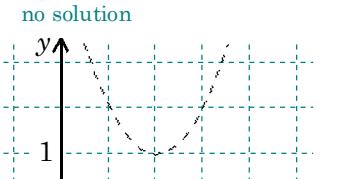
数学 | 2次不等式(図解法) 5 課題

1. 次の図に2次不等式の解を図示し、2次不等式を求めよ。  
2次の項( $x^2$ )の係数は1とする。
- Illustrate the solution to the quadratic inequality and find the quadratic inequality in the figure below. The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

例題	問題
① $x < 1, 3 < x$  $(x-1)(x-3) > 0$	① $x < 2, 4 < x$  $(x+2)(x-1) < 0$
② $x \leq -1, 2 \leq x$  $(x+1)(x-2) \geq 0$	② $x \leq -1, 1 \leq x$  $(x+2)(x-1) < 0$
③ $x < -1, 0 < x$  $x(x+1) > 0$	③ $x < -2, 0 < x$  $x(x+3) \leq 0$
④ $x < -2, -2 < x$  $(x+2)^2 > 0$	④ $x < -3, -3 < x$  $(x+3)^2 > 0$
⑤ すべての実数 all real numbers  $(x+1)^2 \geq 0$	⑤ すべての実数 all real numbers  $(x+2)^2 < 0$
⑥ すべての実数 all real numbers  $(x+1)^2 + 1 > 0$	⑥ すべての実数 all real numbers  $(x+2)^2 + 1 < 0$

( )年( )組( )番( )

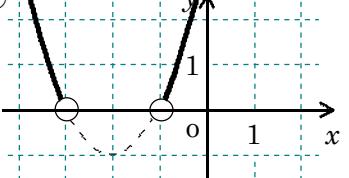
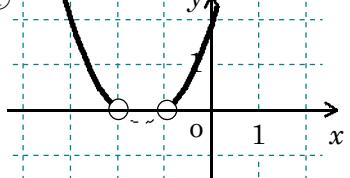
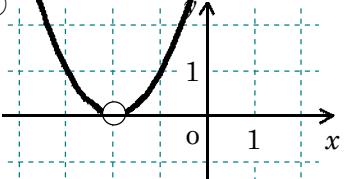
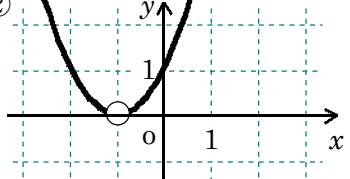
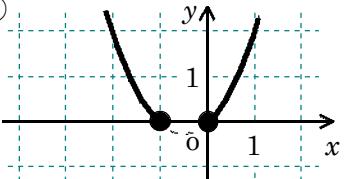
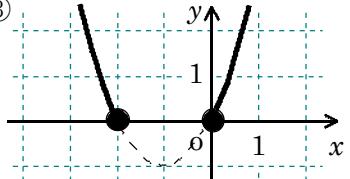
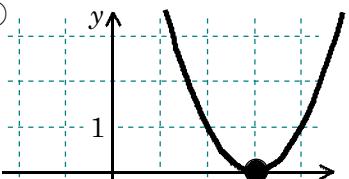
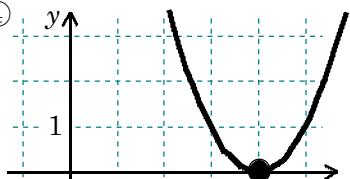
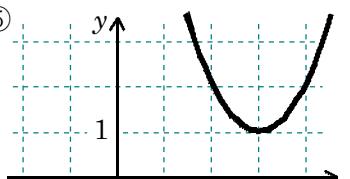
2. 次の図に2次不等式の解を図示し、2次不等式を求めよ。  
2次の項( $x^2$ )の係数は1とする。
- Illustrate the solution to the quadratic inequality and find the quadratic inequality in the figure below. The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

例題	問題
① $-3 < x < -1$  $(x+3)(x+1) < 0$	① $-3 < x < -2$  $(x+2)(x+1) < 0$
② $-2 < x < 1$  $(x+2)(x-1) < 0$	② $-1 < x < 1$  $(x+2)(x-1) < 0$
③ $0 \leq x \leq 3$  $x(x+3) \leq 0$	③ $0 \leq x \leq 2$  $x(x+3) \leq 0$
④ $x = -2$  $(x+2)^2 \leq 0$	④ $x = 3$  $(x+3)^2 \leq 0$
⑤ 解なし no solution  $(x+2)^2 < 0$	⑤ 解なし no solution  $(x+2)^2 < 0$
⑥ 解なし no solution  $(x+2)^2 + 1 > 0$	⑥ 解なし no solution  $(x+2)^2 + 1 < 0$

じふとうしき ずかいほう  
数学 | 2次不等式(図解法) 6 課題

1. 次の図から 2 次不等式の解とその式を読み取りなさい。  
2 次の項( $x^2$ )の係数は 1 とする。

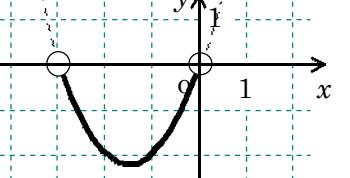
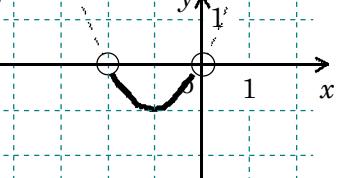
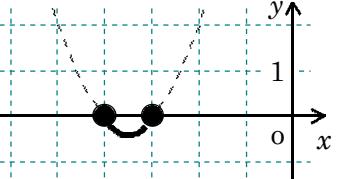
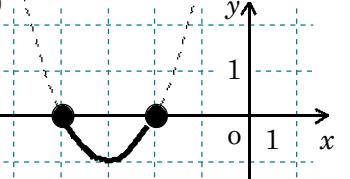
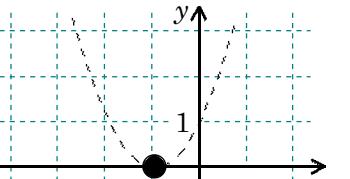
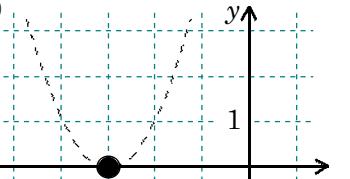
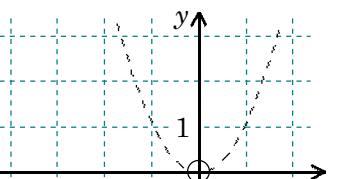
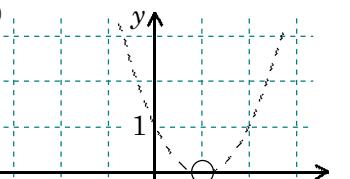
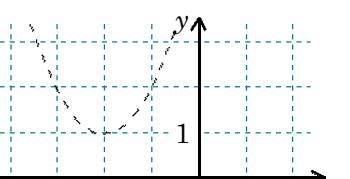
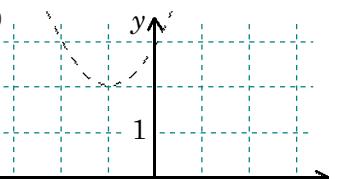
Read the solution of quadratic inequality and its expression from the following figure. The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

れいだい 例題	もんだい 問題
① 	① 
$x < -3, -1 < x$ $(x + 3)(x + 1) > 0$	
② 	② 
$x < -2, -2 < x$ $(x + 2)^2 > 0$	
③ 	③ 
$x \leq -2, 0 \leq x$ $x(x + 1) > 0$	
④  すべての実数 $(x - 3)^2 \geq 0$	④  かい 解なし $x^2 < 0$
$(x - 3)^2 + 2 > 0$ すべての実数	⑤  かい 解なし $(x - 2)^2 + 1 < 0$

( )年( )組( )番( )

2. 次の図から 2 次不等式の解とその式を読み取りなさい。  
2 次の項( $x^2$ )の係数は 1 とする。

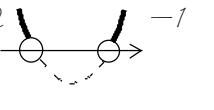
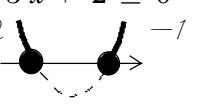
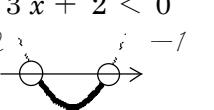
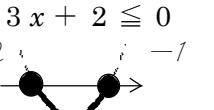
Read the solution of quadratic inequality and its expression from the following figure. The coefficient of the quadratic term ( $x^2$ ) is 1.

れいだい 例題	もんだい 問題
④ 	④ 
$-3 < x < 0$ $x(x + 3) < 0$	
② 	② 
$-4 \leq x \leq -3$ $(x + 4)(x + 3) \leq 0$	
③ 	③ 
$x = -1$ $(x + 1)^2 \leq 0$	
④ 	④ 
かい 解なし $x^2 < 0$	
④  かい 解なし $(x + 2)^2 + 1 < 0$	④  かい 解なし $(x + 2)^2 + 1 < 0$

数学 | 2次不等式 課題

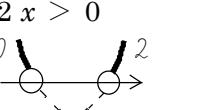
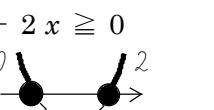
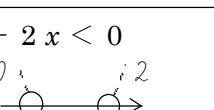
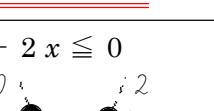
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 3x + 2 = 0$ $(x+1)(x+2) = 0$ $x = -1, x = -2$	① $x^2 + 4x + 3 = 0$
② $x^2 + 3x + 2 > 0$  $x < -2, -1 < x$	② $x^2 + 4x + 3 > 0$
③ $x^2 + 3x + 2 \geq 0$  $x \leq -2, -1 \leq x$	③ $x^2 + 4x + 3 \geq 0$
④ $x^2 + 3x + 2 < 0$  $-2 < x < -1$	④ $x^2 + 4x + 3 < 0$
⑤ $x^2 + 3x + 2 \leq 0$  $-2 \leq x \leq -1$	⑤ $x^2 + 4x + 3 \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

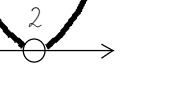
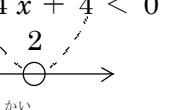
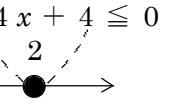
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 2x = 0$ $x(x-2) = 0$ $x = 0, x = 2$	① $x^2 - 4x = 0$
② $x^2 - 2x > 0$  $x < 0, 2 < x$	② $x^2 - 4x > 0$
③ $x^2 - 2x \geq 0$  $x \leq 0, 2 \leq x$	③ $x^2 - 4x \geq 0$
④ $x^2 - 2x < 0$  $0 < x < 2$	④ $x^2 - 4x < 0$
⑤ $x^2 - 2x \leq 0$  $0 \leq x \leq 2$	⑤ $x^2 - 4x \leq 0$

( )年( )組( )番( )

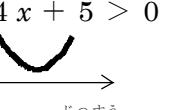
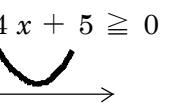
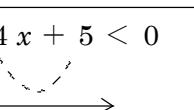
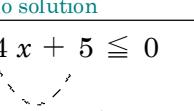
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 4x + 4 = 0$ $(x-2)^2 = 0$ $x = 2$ (重解)	① $x^2 + 2x + 1 = 0$
② $x^2 - 4x + 4 > 0$  $x < 2, 2 < x$	② $x^2 + 2x + 1 > 0$
③ $x^2 - 4x + 4 \geq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	③ $x^2 + 2x + 1 \geq 0$
④ $x^2 - 4x + 4 < 0$  かい 解なし no solution	④ $x^2 + 2x + 1 < 0$
⑤ $x^2 - 4x + 4 \leq 0$  $x = 2$	⑤ $x^2 + 2x + 1 \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

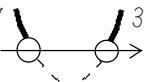
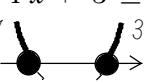
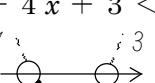
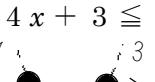
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 4x + 5 = 0$ $D = 4^2 - 4 \times 1 \times 5 < 0$ かい 解なし no solution	① $x^2 + 2x + 3 = 0$
② $x^2 + 4x + 5 > 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	② $x^2 + 2x + 3 > 0$
③ $x^2 + 4x + 5 \geq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	③ $x^2 + 2x + 3 \geq 0$
④ $x^2 + 4x + 5 < 0$  かい 解なし no solution	④ $x^2 + 2x + 3 < 0$
⑤ $x^2 + 4x + 5 \leq 0$  かい 解なし no solution	⑤ $x^2 + 2x + 3 \leq 0$

数学 | 2次不等式 2 課題

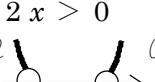
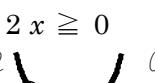
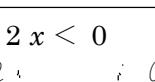
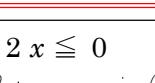
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 4x + 3 = 0$ $(x-1)(x-3) = 0$ $x = 1, x = 3$	① $x^2 - 5x + 4 = 0$
② $x^2 - 4x + 3 > 0$  $x < 1, 3 < x$	② $x^2 - 5x + 4 > 0$
③ $x^2 - 4x + 3 \geq 0$  $x \leq 1, 3 \leq x$	③ $x^2 - 5x + 4 \geq 0$
④ $x^2 - 4x + 3 < 0$  $1 < x < 3$	④ $x^2 - 5x + 4 < 0$
⑤ $x^2 - 4x + 3 \leq 0$  $1 \leq x \leq 3$	⑤ $x^2 - 5x + 4 \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

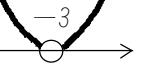
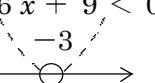
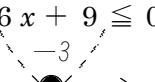
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 2x = 0$ $x(x+2) = 0$ $x = 0, x = -2$	① $x^2 + 3x = 0$
② $x^2 + 2x > 0$  $x < -2, 0 < x$	② $x^2 + 3x > 0$
③ $x^2 + 2x \geq 0$  $x \leq -2, 0 \leq x$	③ $x^2 + 3x \geq 0$
④ $x^2 + 2x < 0$  $-2 < x < 0$	④ $x^2 + 3x < 0$
⑤ $x^2 + 2x \leq 0$  $-2 \leq x \leq 0$	⑤ $x^2 + 3x \leq 0$

( )年( )組( )番( )

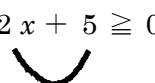
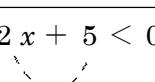
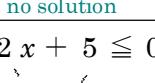
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 6x + 9 = 0$ $(x+3)^2 = 0$ $x = -3$ (重解)	① $x^2 - 2x + 1 = 0$
② $x^2 + 6x + 9 > 0$  $x < -3, -3 < x$	② $x^2 - 2x + 1 > 0$
③ $x^2 + 6x + 9 \geq 0$  $x \leq -3, -3 \leq x$	③ $x^2 - 2x + 1 \geq 0$
④ $x^2 + 6x + 9 < 0$  $\text{no solution}$	④ $x^2 - 2x + 1 < 0$
⑤ $x^2 + 6x + 9 \leq 0$  $x = -3$	⑤ $x^2 - 2x + 1 \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

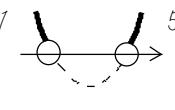
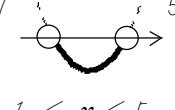
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 2x + 5 = 0$ $D = 2^2 - 4 \times 1 \times 5 < 0$ $\text{解なし}$	① $x^2 + 4x + 6 = 0$
② $x^2 + 2x + 5 > 0$  $\text{all real numbers}$	② $x^2 + 4x + 6 > 0$
③ $x^2 + 2x + 5 \geq 0$  $\text{all real numbers}$	③ $x^2 + 4x + 6 \geq 0$
④ $x^2 + 2x + 5 < 0$  $\text{no solution}$	④ $x^2 + 4x + 6 < 0$
⑤ $x^2 + 2x + 5 \leq 0$  $\text{no solution}$	⑤ $x^2 + 4x + 6 \leq 0$

数学 | 2次不等式 3 課題

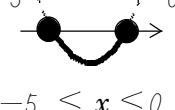
1. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 6x + 5 = 0$ $(x-1)(x-5) = 0$ $x = 1, 5$	① $x^2 - 5x + 6 = 0$
② $x^2 - 6x + 5 > 0$  $x < 1, 5 < x$	② $x^2 - 5x + 6 > 0$
③ $x^2 - 6x + 5 < 0$  $1 < x < 5$	③ $x^2 - 5x + 6 < 0$

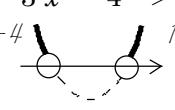
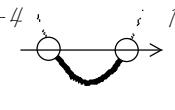
2. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 5x = 0$ $x(x+5) = 0$ $x = 0, x = -5$	① $x^2 + 6x = 0$
② $x^2 + 5x \geq 0$  $x \leq -5, 0 \leq x$	② $x^2 + 6x \geq 0$
③ $x^2 + 5x \leq 0$  $-5 \leq x \leq 0$	③ $x^2 + 6x \leq 0$

3. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

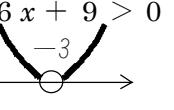
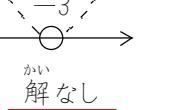
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 3x - 4 = 0$ $(x-1)(x+4) = 0$ $x = 1, x = -4$	① $x^2 + x - 2 = 0$
② $x^2 + 3x - 4 > 0$  $x < -4, 1 < x$	② $x^2 + x - 2 > 0$
③ $x^2 + 3x - 4 < 0$  $-4 < x < 1$	③ $x^2 + x - 2 < 0$

( )年( )組( )番( )

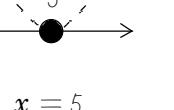
4. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 6x + 9 = 0$ $(x+3)^2 = 0$ $x = -3$ (重解)	① $x^2 + 8x + 16 = 0$
② $x^2 + 6x + 9 > 0$  $x < -3, -3 < x$	② $x^2 + 8x + 16 > 0$
③ $x^2 + 6x + 9 < 0$  かい 解なし no solution	③ $x^2 + 8x + 16 < 0$

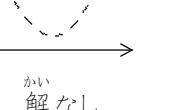
5. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 10x + 25 = 0$ $(x-5)^2 = 0$ $x = 5$ (重解)	① $x^2 - 12x + 36 = 0$
② $x^2 - 10x + 25 \geq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	② $x^2 - 12x + 36 \geq 0$
③ $x^2 - 10x + 25 \leq 0$  $x = 5$	③ $x^2 - 12x + 36 \leq 0$

6. 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

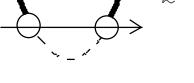
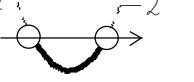
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 3x + 4 = 0$ $D = 3^2 - 4 \times 1 \times 4 < 0$ かい 解なし no solution	① $x^2 + x + 2 = 0$
② $x^2 + 3x + 4 > 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	② $x^2 + x + 2 > 0$
③ $x^2 + 3x + 4 < 0$  かい 解なし no solution	③ $x^2 + x + 2 < 0$

数学 | 2次不等式 4 課題

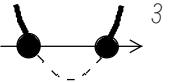
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 6x + 8 = 0$ $(x+2)(x+4) = 0$ $x = -1, -4$	① $x^2 + 4x + 3 = 0$
② $x^2 + 6x + 8 > 0$  $x < -4, -2 < x$	② $x^2 + 4x + 3 > 0$
③ $x^2 + 6x + 8 < 0$  $-4 < x < -2$	③ $x^2 + 4x + 3 < 0$

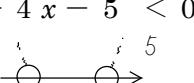
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 3x = 0$ $x(x-3) = 0$ $x = 0, x = 3$	① $x^2 - 5x = 0$
② $x^2 - 3x \geq 0$  $x \leq 0, 3 \leq x$	② $x^2 - 5x \geq 0$
③ $x^2 - 3x \leq 0$  $0 \leq x \leq 3$	③ $x^2 - 5x \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

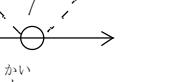
Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 4x - 5 = 0$ $(x+1)(x-5) = 0$ $x = -1, x = 5$	① $x^2 - 3x - 4 = 0$
② $x^2 - 4x - 5 > 0$  $x < -1, 5 < x$	② $x^2 - 3x - 4 > 0$
③ $x^2 - 4x - 5 < 0$  $-1 < x < 5$	③ $x^2 - 3x - 4 < 0$

( )年( )組( )番( )

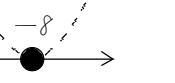
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 2x + 1 = 0$ $(x-1)^2 = 0$ $x = 1$ (重解)	① $x^2 - 4x + 4 = 0$
② $x^2 - 2x + 1 > 0$  $x < 1, 1 < x$	② $x^2 - 4x + 4 > 0$
③ $x^2 - 2x + 1 < 0$  かい 解なし no solution	③ $x^2 - 4x + 4 < 0$

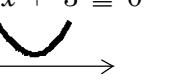
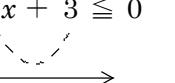
つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 + 16x + 64 = 0$ $(x+8)^2 = 0$ $x = -8$ (重解)	① $x^2 + 14x + 49 = 0$
② $x^2 + 16x + 64 \geq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	② $x^2 + 14x + 49 \geq 0$
③ $x^2 + 16x + 64 \leq 0$  $x = -8$	③ $x^2 + 14x + 49 \leq 0$

つぎ 次の2次方程式、2次不等式の解を求めよ。

Solve the following quadratic equations and inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
① $x^2 - 2x + 3 = 0$ $D = (-2)^2 - 4 \times 1 \times 3 < 0$ かい 解なし no solution	① $x^2 - 4x + 5 = 0$
② $x^2 - 2x + 3 \geq 0$  じつすう すべての実数 all real numbers	② $x^2 - 4x + 5 \geq 0$
③ $x^2 - 2x + 3 \leq 0$  かい 解なし no solution	③ $x^2 - 4x + 5 \leq 0$

じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 課題

1. 次のような長方形の公園を作るとき、縦の長さの範囲を求めよ。

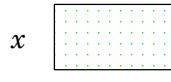
れいだい  
例題

周の長さが  $40\text{ m}$  の横長の公園を作り、面積を  $75\text{ m}^2$  以上にしたい。縦の長さの範囲を求めよ。

A rectangular piece of land was enclosed with 40 meters of rope.

Find the vertical range when the area is  $75\text{ m}^2$  or more.

縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、



横の長さは  $(20 - x)\text{ m}$  になる。

横長であるから、

$$0 < x < 20 - x \text{ より, } 0 < x < 10$$

面積が  $75\text{ m}^2$  以上であるから、

$$x(20 - x) \geq 75$$

式を整理して

$$-x^2 + 20x - 75 \geq 0$$

$$x^2 - 20x + 75 \leq 0$$

$$(x - 5)(x - 15) \leq 0$$

$$5 \leq x \leq 15 \text{ であるが, 条件より } 5 \leq x < 10$$

もんだい  
問題

周の長さが  $20\text{ m}$  で、縦の長さが横の長さ以下の公園を作り、面積を  $24\text{ m}^2$  以上にしたい。縦の長さの範囲を求めよ。

( )年( )組( )番( )

2. 次の応用問題を解きなさい。

れいだい  
例題

秒速  $50\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられたボールの  $x$  秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 50x$  で表される。ボールが地上  $80\text{ m}$  以上の高さにあるのは何秒間であるか。

The ball was launched straight up at 40 meters per second. Let  $y = -5x^2 + 50x$  be the height of the ball after  $x$  seconds. How many seconds does the ball go over 60 meters?

ボールが地上  $80\text{ m}$  以上の高さにあるのは

$$\text{じふとうしき } -5x^2 + 50x \geq 80$$

$$-5x^2 + 50x - 80 \geq 0$$

$$x^2 - 10x + 16 \leq 0$$

$$(x - 2)(x - 8) \leq 0$$

$$2 \leq x \leq 8$$

ボールが地上  $80\text{ m}$  以上の高さにあるのは

$$8 - 2 = 6 \text{ 秒間 である。}$$

もんだい  
問題

秒速  $60\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられたボールの  $x$  秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 60x$  で表される。ボールが地面に衝突するのは  $12\text{ 秒後}$  ある。ボールが地上  $100\text{ m}$  以上の高さにあるのは何秒間であるか。

じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 2 課題

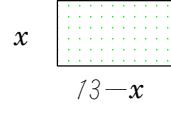
1. 次のような長方形の土地を作るとき、縦の長さの範囲を求めよ。

れいだい  
例題

なが 長さが  $26\text{ m}$  のロープを使って、面積が  $40\text{ m}^2$  以上 の長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

たて 縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、

よこ 横の長さは  $(13 - x)\text{ m}$  になる。



$x > 0, 13 - x > 0$  であるから

$$0 < x < 13 \cdots ①$$

面積が  $40\text{ m}^2$  以上 であるから、

$$x(13 - x) \geq 40$$

式を整理して

$$-x^2 + 13x - 40 \geq 0$$

$$x^2 - 13x + 40 \leq 0$$

$$(x - 5)(x - 8) \leq 0$$

$$5 \leq x \leq 8 \cdots ②$$

①と②の共通範囲より

たて 縦の長さを  $5\text{ m}$  以上,  $8\text{ m}$  以下にする。

もんだい  
問題

なが 長さが  $30\text{ m}$  のロープを使って、面積が  $56\text{ m}^2$  以上 の長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

( )年( )組( )番( )

2. 次の応用問題を解きなさい。

れいだい  
例題

びようそく 秒速  $60\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられたボールの  
x 秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 60x$   
で表される。ボールが地面に衝突するのは  $12\text{ 秒}$  後  
ある。ボールが地上  $100\text{ m}$  以上の高さにあるのは  
なんぴょうかん 何秒間であるか。

ちじよう ボールが地上  $100\text{ m}$  以上の高さにあるのは

$$\text{2次不等式 } -5x^2 + 60x \geq 100$$

$$-5x^2 + 60x \geq 100$$

$$-5x^2 + 60x - 100 \geq 0$$

$$x^2 - 12x + 20 \leq 0$$

$$(x - 2)(x - 10) \leq 0$$

$$2 \leq x \leq 10$$

ちじよう ボールが地上  $100\text{ m}$  以上の高さにあるのは

10 - 2 = 8 秒間 である。

もんだい  
問題

びようそく 秒速  $50\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられたボールの  
x 秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 50x$   
で表される。ボールが地面に衝突るのは  $10\text{ 秒}$  後  
ある。ボールが地上  $80\text{ m}$  以上の高さにあるのは  
なんぴょうかん 何秒間であるか。

じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 3 課題

( )年( )組( )番( )

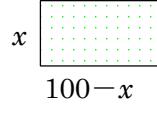
1. 次のような長方形の土地を作るとき、縦の長さの範囲を求めよ。

れいだい  
例題

なが 長さが  $200\text{ m}$  のロープを使って、面積が  $2400\text{m}^2$  以上 の長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

たて 縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、

よこ 横の長さは  $(100 - x)\text{ m}$  になる。



$x > 0, 100 - x > 0$  であるから

$$0 < x < 100 \cdots ①$$

面積が  $2400\text{ m}^2$  以上であるから、

$$x(100 - x) \geq 2400$$

式を整理して

$$-x^2 + 100x - 2400 \geq 0$$

$$x^2 - 100x + 2400 \leq 0$$

$$(x - 40)(x - 60) \leq 0$$

$$40 \leq x \leq 60 \cdots ②$$

①と②の共通範囲より

たて 縦の長さを  $40\text{ m}$  以上、 $60\text{ m}$  以下にする。

もんだい  
問題

なが 長さが  $100\text{ m}$  のロープを使って、面積が  $600\text{ m}^2$  以上の長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

2. 次の応用問題を解きなさい。

れいだい  
例題

びようそく 秒速  $40\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられたボールの

びようごたか  $x$  秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 40x$  で表される。ボールが地面に衝突するのは  $8$  秒後

ある。ボールが地上  $60\text{ m}$  以上の高さにあるのは何秒間であるか。

ちじょう いじょう たか ボールが地上  $60\text{ m}$  以上の高さにあるのは

$$\text{2次不等式 } -5x^2 + 40x \geq 60$$

$$-5x^2 + 40x \geq 60$$

$$-5x^2 + 40x - 60 \geq 0$$

$$x^2 - 8x + 12 \leq 0$$

$$(x - 2)(x - 6) \leq 0$$

$$2 \leq x \leq 6$$

ちじょう いじょう たか ボールが地上  $60\text{ m}$  以上の高さにあるのは

$$6 - 2 = \underline{\underline{4\text{秒間}}} \text{ である。}$$

もんだい  
問題

びようそく 秒速  $80\text{ m}$  の速さで真上に打ち上げられた弾丸の

びようごたか  $x$  秒後の高さを  $y\text{ m}$  とすると、 $y = -5x^2 + 80x$  で表される。弾丸が地面に衝突るのは  $16$  秒後

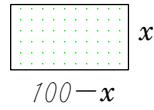
ある。弾丸が地上  $300\text{ m}$  以上の高さにあるのは何秒間であるか。

じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 4 課題

( )年( )組( )番( )

なが 長さが 200 m のロープで、面積が  $2100\text{m}^2$  以上の  
ちょうほうけい とち かこ たて なが はんい もと  
長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

かいほう 解法① 縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、  
よこ なが 横の長さは  $(100-x)\text{ m}$ 。



$x > 0, 100 - x > 0$  であるから

$$0 < x < 100 \cdots ①$$

めんせき 面積が  $2100\text{m}^2$  以上であるから、

$$x(100-x) \geq 2100$$

$$-x^2 + 100x - 2100 \geq 0$$

$$x^2 - 100x + 2100 \leq 0$$

$$(x-30)(x-70) \leq 0$$

$$30 \leq x \leq 70 \cdots ②$$

①と②の共通範囲より

たて なが いじょう いか  
縦の長さを  $30\text{ m}$  以上,  $70\text{ m}$  以下にする。

かいほう 解法② 縦と横の和は  $100\text{ m}$  である。

たて よこ くぎ か  
縦と横の区切りが  $x\text{ m}$  変わると

たて なが 縦の長さは  $(50+x)\text{ m}$



よこ なが 横の長さは  $(50-x)\text{ m}$

めんせき 面積が  $2100\text{m}^2$  以上であるから、

$$(50+x)(50-x) \geq 2100$$

$$50^2 - x^2 \geq 2100$$

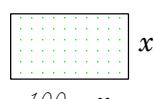
$$x^2 \leq 50^2 - 2100 = 400 = 20^2$$

$$-20 < x < 20$$

よって 縦の長さは  $30\text{ m}$  以上,  $70\text{ m}$  以下

かいほう 解法③ 縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、

よこ なが 横の長さは  $(100-x)\text{ m}$



たて 縦	10	20	30	40	50	60	70
よこ 横	90	80	70	60	50	40	30
めんせき 面積	900	1600	2100	2400	2500	2400	2100

よって 縦の長さは  $30\text{ m}$  以上,  $70\text{ m}$  以下

なが 長さが 200 m のロープで、面積が  $2400\text{m}^2$  以上の  
ちょうほうけい とち かこ たて なが はんい もと  
長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

もんだい 問題① 縦を  $x\text{ m}$

もんだい 問題② 縦を  $50+x\text{ m}$ , 横を  $50-x\text{ m}$

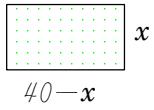
もんだい 問題③ 表を使う

じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 5課題

( )年( )組( )番( )

ながめんせきいじょう  
長さが 80 m のロープで、面積が  $300\text{m}^2$  以上の  
ちょうほうけいとちかこたてながはんいもと  
長方形の土地を囲む。縦の長さの範囲を求めよ。

かいほう 解法① たてなが 縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、  
よこなが 横の長さは  $(40-x)\text{ m}$ 。



$x > 0, 40 - x > 0$  であるから

$$0 < x < 40 \cdots ①$$

めんせきいじょう  
面積が  $300\text{m}^2$  以上であるから、

$$x(40-x) \geq 300$$

$$-x^2 + 40x - 300 \geq 0$$

$$x^2 - 40x + 300 \leq 0$$

$$(x-10)(x-30) \leq 0$$

$$10 \leq x \leq 30 \cdots ②$$

きょうつうはんい  
①と②の共通範囲より

たてながいじょう  
縦の長さを  $10\text{ m}$  以上,  $30\text{ m}$  以下にする。

かいほう 解法② たてよこわ  
縦と横の和は  $40\text{ m}$  である。

たてよこくぎか  
縦と横の区切りが  $x\text{ m}$  変わると

たてなが  
縦の長さは  $(20+x)\text{ m}$



よこなが  
横の長さは  $(20-x)\text{ m}$

めんせきいじょう  
面積が  $300\text{m}^2$  以上であるから、

$$(20+x)(20-x) \geq 300$$

$$20^2 - x^2 \geq 300$$

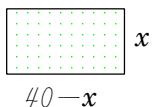
$$x^2 \leq 20^2 - 300 = 100 = 10^2$$

$$-10 \leq x \leq 10$$

よって 縦の長さは  $10\text{ m}$  以上,  $30\text{ m}$  以下

かいほう 解法③ たてなが  
縦の長さを  $x\text{ m}$  とすると、

よこなが  
横の長さは  $(40-x)\text{ m}$



たて 縦	5	10	15	20	25	30	35
よこ 横	35	30	25	20	15	10	5
めんせき 面積	175	300	375	400	375	300	175

よって 縦の長さは  $10\text{ m}$  以上,  $30\text{ m}$  以下

つぎなが ちようほうけいとちかこ  
次の長さのロープで長方形の土地を囲む。このとき、  
たてながはんいもと  
縦の長さの範囲を求めよ。

もんだい 問題①  $60\text{ m}$  のロープで面積  $200\text{m}^2$  以上にする。

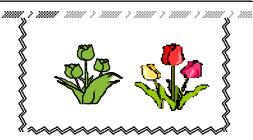
もんだい 問題②  $120\text{ m}$  のロープで面積  $800\text{m}^2$  以上にする。

もんだい 問題③  $160\text{ m}$  のロープで面積  $1500\text{m}^2$  以上にする。

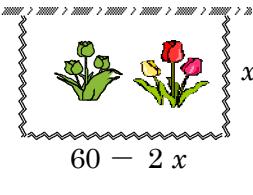
じふとうしきかいおうようかだい  
数学 | 2次不等式の解(応用) 6 課題

( )年( )組( )番( )

れいだい  
例題 塀からコの字型にロープを  
は 張って花壇を作りたい。  
ロープが 60 m のとき, 花壇の面積  
を 400 m<sup>2</sup> 以上にしたい。縦の長さの範囲を求めよ。



かいほう  
解法① 縦を  $x$  m とすると  
横は  $(60 - 2x)$  m になり,  
 $0 < x < 30$  である。



$$x(60 - 2x) \geq 400$$

$$-2x^2 + 60x \geq 400$$

$$x^2 - 30x \leq 200$$

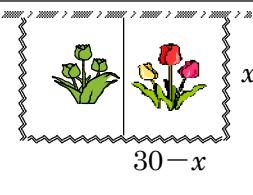
$$x^2 - 30x - 200 \leq 0$$

$$(x - 10)(x - 20) \leq 0$$

$$\text{よって } 10 \leq x \leq 20$$

縦の長さは 10 m 以上 20 m 以下である。

かいほう  
解法② ロープの半分で L 型に囲む。  
縦を  $x$  m とすると  
横は  $(30 - x)$  m になり,  
 $0 < x < 30$  である。



$$x(30 - x) \geq 200$$

$$-x^2 + 30x \geq 200$$

$$x^2 - 30x \leq 200$$

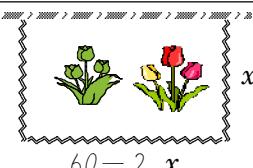
$$x^2 - 30x - 200 \leq 0$$

$$(x - 10)(x - 20) \leq 0$$

$$\text{よって } 10 \leq x \leq 20$$

縦の長さは 10 m 以上 20 m 以下である。

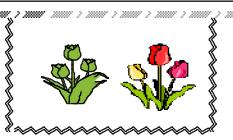
かいほう  
解法③ 縦を  $x$  m とすると  
横は  $(60 - 2x)$  m になり,



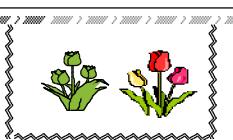
たて 縦	5	10	15	20	25
よこ 横	50	40	30	20	10
めんせき 面積	250	400	450	400	250

よって 縦の長さは 10 m 以上, 20 m 以下

もんだい  
問題① 塀からコの字型にロープを  
は 張って花壇を作りたい。  
ロープが 80 m のとき, 花壇の面積  
を 600 m<sup>2</sup> 以上にしたい。縦の長さの範囲を求めよ。



もんだい  
問題② 塀からコの字型にロープを  
は 張って花壇を作りたい。  
ロープが 100 m のとき, 花壇の面積  
を 800 m<sup>2</sup> 以上にしたい。縦の長さの範囲を求めよ。



じふとうしき かいおうよう かだい  
**数学Ⅰ 2次不等式の解(応用) 7 課題**

( )年( )組( )番( )

80 m のロープを使い、塀からコの字型にロープを張って花壇を作りたい。花壇の奥行きを  $x$  m, 面積を  $y$   $\text{m}^2$  とする。花壇の面積が  $600 \text{ m}^2$  以上の場合、奥行きの範囲を求めよ。

かいほう  
解法①

$$\text{横の長さは } (80 - 2x) \text{ m}$$

$$80 - 2x > 0 \text{ かつ } x > 0 \text{ より}$$

定義域は  $0 < x < 40$  になる。

花壇の面積が  $600 \text{ m}^2$  以上であるから

$$x(80 - 2x) \geq 600$$

$$-2x^2 + 80x - 600 \geq 0$$

$$x^2 - 40x + 300 \leq 0$$

$$(x - 10)(x - 30) \leq 0$$

$$10 \leq x \leq 30$$

奥行きの範囲は  $10 \text{ m}$  から  $30 \text{ m}$  である。

かいほう  
解法②

$$\text{横の長さは } (80 - 2x)$$

$$x = 5 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 5 = 70 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 5 \times 70 = 350 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$x = 10 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 10 = 60 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 10 \times 60 = 600 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$x = 15 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 15 = 50 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 15 \times 50 = 750 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$x = 20 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 20 = 40 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 20 \times 40 = 800 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$x = 25 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 25 = 30 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 25 \times 30 = 750 \text{ (m}^2\text{)}$$

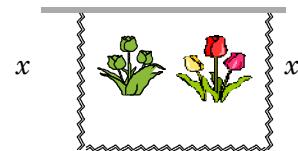
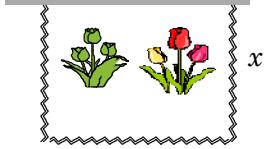
$$x = 30 \text{ m} \text{ のとき, 横は } 80 - 2 \times 30 = 20 \text{ (m)}$$

$$\text{面積は } 30 \times 20 = 600 \text{ (m}^2\text{)}$$

奥行きの範囲は  $10 \text{ m}$  から  $30 \text{ m}$  である。

100 m のロープを使い、塀からコの字型にロープを張って花壇を作りたい。花壇の奥行きを  $x$  m, 面積を  $y$   $\text{m}^2$  とする。花壇の面積が  $12000 \text{ m}^2$  以上の場合、奥行きの範囲を求めよ。

かいほう  
解法①



かいほう  
解法②

じふとうしきかいおうよう  
数学 | 2次不等式の解(応用) 8 課題

1. 次の応用問題を解きなさい。

れいだい  
例題

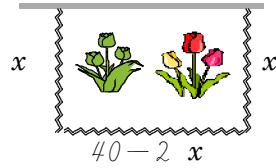
40 m のロープを使い、  
は 墬からコの字型にロープを  
は 張って花壇を作りたい。花壇の奥行きを  $x$  m, 面積  
を  $y$   $\text{m}^2$  とする。花壇の面積が 150  $\text{m}^2$  以上のとき,  
お 奥行きの範囲を求めよ。

横の長さは  $40 - 2x$  m

$40 - 2x > 0$  かつ  $x > 0$  より

定義域は  $0 < x < 20$  になる。

花壇の面積が 150  $\text{m}^2$  以上であるから



$$x(40 - 2x) \geq 150$$

$$-2x^2 + 40x - 150 \geq 0$$

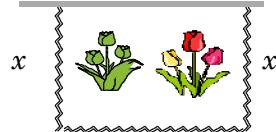
$$x^2 - 20x + 75 \leq 0$$

$$(x - 5)(x - 15) \leq 0$$

よって  $5 \leq x \leq 15$  になる。

もんだい  
問題

60 m のロープを使い、  
は 墬からコの字型にロープを  
は 張って花壇を作りたい。花壇の奥行きを  $x$  m, 面積  
を  $y$   $\text{m}^2$  とする。花壇の面積が 400  $\text{m}^2$  以上のとき,  
お 奥行きの範囲を求めよ。



( )年( )組( )番( )

2. 次の2次関数が  $x$  軸の正の部分と異なる2点で交わるとき、定数  $m$  の値の範囲を求めよ。

れいだい  
例題  $y = x^2 - 2mx + m + 6$

$$y = x^2 - 2mx + m + 6$$

$$= (x - m)^2 - m^2 + m + 6$$

$x$  軸の正の部分と異なる2点で交わるためには

① 軸  $x = m$  が正になる。 $m > 0$

②  $x = 0$  のとき、正になる。 $m + 6 > 0$

③ 頂点の  $y$  座標が負になる。

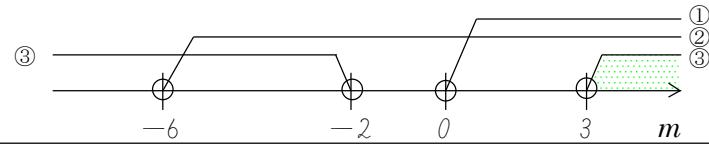
$$-m^2 + m + 6 < 0$$

$$m^2 - m - 6 > 0$$

$$(m + 2)(m - 3) > 0$$

$$m < -2, \quad 3 < m$$

①, ②, ③をすべて満たすのは  $m > 3$  である。

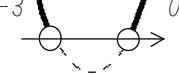
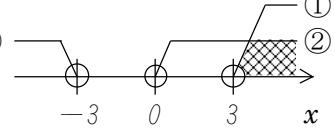
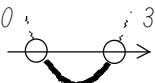
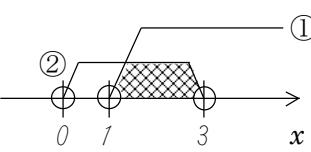


もんだい  
問題  $y = x^2 - 4mx - 3m + 1$

れんりつ じふとうしき かだい  
数学 | 連立2次不等式 課題

つぎ れんりつ じふとうしき と  
1. 次の連立2次不等式を解きなさい。

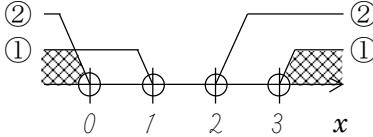
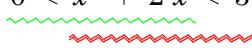
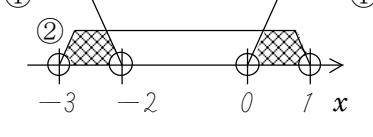
Solve the following system of quadratic inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>(1) <math>\begin{cases} x &gt; 3 \\ x^2 + 3x &gt; 0 \end{cases}</math> ...①</p> <p><math>x^2 + 3x = 0</math> を解く</p> <p><math>x(x+3) = 0</math></p> <p><math>x = 0, -3</math></p> <p><math>x^2 + 3x &gt; 0</math> の解は</p>  <p><math>x &lt; -3, 0 &lt; x</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>したがって, <u><math>x &gt; 3</math></u></p>	<p>(1) <math>\begin{cases} x &gt; -2 \\ x^2 + 4x &gt; 0 \end{cases}</math></p>
<p>(2) <math>\begin{cases} x &gt; 1 \\ x^2 - 3x &lt; 0 \end{cases}</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 3x = 0</math> を解く</p> <p><math>x(x-3) = 0</math></p> <p><math>x = 0, 3</math></p> <p><math>x^2 - 3x &lt; 0</math> の解は</p>  <p><math>0 &lt; x &lt; 3</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>したがって, <u><math>1 &lt; x &lt; 3</math></u></p>	<p>(2) <math>\begin{cases} x &gt; 2 \\ x^2 - 4x &gt; 0 \end{cases}</math></p>

( )年( )組( )番( )

つぎ れんりつ じふとうしき と  
2. 次の連立2次不等式を解きなさい。

Solve the following system of quadratic inequalities.

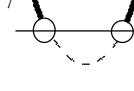
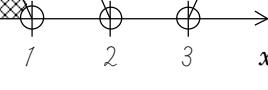
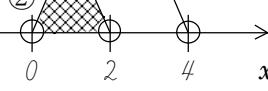
れいだい 例題	もんだい 問題
<p>(1) <math>\begin{cases} x^2 - 4x + 3 &gt; 0 \\ x^2 - 2x &lt; 0 \end{cases}</math></p> <p><math>x^2 - 4x + 3 &gt; 0</math> を解く</p> <p><math>(x-1)(x-3) &gt; 0</math></p> <p><math>x &lt; 1, 3 &lt; x</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 2x &gt; 0</math> を解く</p> <p><math>x(x-2) &gt; 0</math></p> <p><math>x &lt; 0, 2 &lt; x</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する</p>  <p>①と②の共通部分より</p> <p><u><math>x &lt; 0, 3 &lt; x</math></u></p>	<p>(2) <math>\begin{cases} x^2 - 3x + 2 &gt; 0 \\ x^2 - 3x &gt; 0 \end{cases}</math></p>
<p>(2) <math>0 &lt; x^2 + 2x &lt; 3</math></p>  <p>①と②の解を図示する</p>  <p>①と②の共通部分より</p> <p><u><math>-3 &lt; x &lt; -2, 0 &lt; x &lt; 1</math></u></p>	<p>(2) <math>0 &lt; x^2 + 3x &lt; 4</math></p>

# 数学Ⅰ 連立2次不等式 2 課題

1. 次の連立 2 次不等式を解きなさい。

### Solve the following system

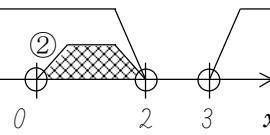
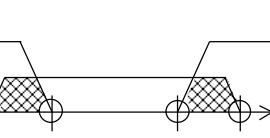
Solve the following system of quadratic inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>(1) <math>\begin{cases} x &lt; 2 \\ x^2 - 4x + 3 &gt; 0 \end{cases} \cdots ①</math></p> <p><math>x^2 - 4x + 3 = 0</math> を解く</p> <p><math>(x-1)(x-3) = 0</math></p> <p><math>x = 1, 3</math></p> <p><math>x^2 - 4x + 3 &gt; 0</math> の解は</p>  <p><math>x &lt; 1, 3 &lt; x \cdots ②</math></p> <p>①と②の解を図示する。</p> <p>① </p> <p>② </p> <p>したがって, <u><math>x &lt; 1</math></u></p>	<p>(1) <math>\begin{cases} x &lt; -3 \\ x^2 + 3x + 2 &gt; 0 \end{cases}</math></p>
<p>(2) <math>\begin{cases} x &lt; 2 \\ x^2 - 4x &lt; 0 \end{cases} \cdots ①</math></p> <p><math>x^2 - 4x = 0</math> を解く</p> <p><math>x(x-4) = 0</math></p> <p><math>x = 0, 4</math></p> <p><math>x^2 - 4x &lt; 0</math> の解は</p>  <p><math>0 &lt; x &lt; 4 \cdots ②</math></p> <p>①と②の解を図示する。</p> <p>① </p> <p>② </p> <p>したがって, <u><math>0 &lt; x &lt; 2</math></u></p>	<p>(2) <math>\begin{cases} x &lt; 3 \\ x^2 - 6x + 8 &lt; 0 \end{cases}</math></p>

年組番( )

## 2. 次の連立 2 次不等式を解きなさい。

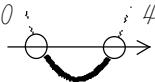
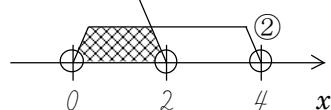
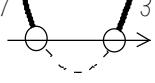
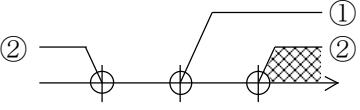
Solve the following system of quadratic inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
(1) $\begin{cases} x^2 - 5x + 6 > 0 \\ x^2 - 2x < 0 \end{cases}$	(2) $\begin{cases} x^2 - 4x + 3 > 0 \\ x^2 - 2x < 0 \end{cases}$
$x^2 - 5x + 6 > 0$ を解く $(x-2)(x-3) < 0$ $x < 2, 3 < x \cdots ①$	
$x^2 - 2x < 0$ を解く $x(x-2) < 0$ $0 < x < 2 \cdots ②$	
①と②の解を図示する	
①	①
	
①と②の共通部分より <u><math>0 &lt; x &lt; 2</math></u>	
(2) $0 < x^2 - 4x < 5$	(2) $0 < x^2 - 5x < 6$
<u><math>0 &lt; x^2 - 4x</math></u>	
$0 < x^2 - 4x$ を解く $x^2 - 4x > 0$ $x(x-4) > 0$ $x < 0, 4 < x \cdots ①$	
$x^2 - 4x < 5$ を解く $x^2 - 4x - 5 < 0$ $(x+1)(x-5) < 0$ $-1 < x < 5 \cdots ②$	
①と②の解を図示する	
①	①
	
<u><math>-1 &lt; x &lt; 0</math></u> , <u><math>4 &lt; x &lt; 5</math></u>	

れんりつ じふとうしき かだい  
数学 | 連立2次不等式 3 課題

つぎ れんりつ じふとうしき と  
1. 次の連立 2 次不等式を解きなさい。

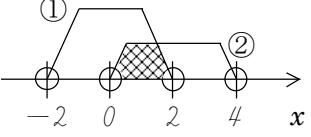
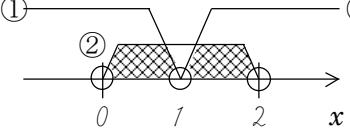
Solve the following system of quadratic inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>(1) <math>\begin{cases} x &lt; 2 \\ x^2 - 4x &lt; 0 \end{cases}</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 4x = 0</math> を解く</p> <p><math>x(x - 4) = 0</math></p> <p><math>x = 0, 4</math></p> <p><math>x^2 - 4x &lt; 0</math> の解は</p>  <p><math>0 &lt; x &lt; 4</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>したがって, <u><math>0 &lt; x &lt; 2</math></u></p>	<p>(1) <math>\begin{cases} x &lt; 2 \\ x^2 + 2x &lt; 0 \end{cases}</math></p>
<p>(2) <math>\begin{cases} x &gt; 2 \\ x^2 - 4x + 3 &gt; 0 \end{cases}</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 4x + 3 = 0</math> を解く</p> <p><math>(x - 1)(x - 3) = 0</math></p> <p><math>x = 1, 3</math></p> <p><math>x^2 - 4x + 3 &gt; 0</math> の解は</p>  <p><math>x &lt; 1, 3 &lt; x</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>したがって, <u><math>x &gt; 3</math></u></p>	<p>(2) <math>\begin{cases} x &gt; 4 \\ x^2 - 2x &gt; 0 \end{cases}</math></p>

( )年( )組( )番( )

つぎ れんりつ じふとうしき と  
2. 次の連立 2 次不等式を解きなさい。

Solve the following system of quadratic inequalities.

れいだい 例題	もんだい 問題
<p>(1) <math>\begin{cases} x^2 - 4 &lt; 0 \\ x^2 - 4x &lt; 0 \end{cases}</math></p> <p><math>x^2 - 4 &lt; 0</math> を解く</p> <p><math>(x + 2)(x - 2) &lt; 0</math></p> <p><math>-2 &lt; x &lt; 2</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 4x &lt; 0</math> を解く</p> <p><math>x(x - 4) &lt; 0</math></p> <p><math>0 &lt; x &lt; 4</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>①と②の共通部分より</p> <p><u><math>0 &lt; x &lt; 2</math></u></p>	<p>(2) <math>\begin{cases} x^2 - 5x + 6 &lt; 0 \\ x^2 - 5x + 4 &lt; 0 \end{cases}</math></p>
<p>(2) <math>\begin{cases} -1 &lt; x^2 - 2x &lt; 0 \\ x^2 - 2x &gt; 0 \end{cases}</math></p> <p><math>-1 &lt; x^2 - 2x</math> を解く</p> <p><math>x^2 - 2x + 1 &gt; 0</math></p> <p><math>(x - 1)^2 &gt; 0</math></p> <p><math>x &lt; 1, 1 &lt; x</math> ...①</p> <p><math>x^2 - 2x &lt; 0</math> を解く</p> <p><math>x(x - 2) &lt; 0</math></p> <p><math>0 &lt; x &lt; 2</math> ...②</p> <p>①と②の解を図示する。</p>  <p>①と②の共通部分より</p> <p><u><math>0 &lt; x &lt; 1, 1 &lt; x &lt; 2</math></u></p>	<p>(2) <math>-2 &lt; x^2 - 3x &lt; 0</math></p>