

例 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ の分母を有理化せよ。 H17 第1回

$$\frac{\sqrt{2} (\sqrt{3} - \sqrt{2})}{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})}$$

$$= \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{3} - \sqrt{2} \times \sqrt{2}}{(\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2} = \frac{\sqrt{6} - 2}{3 - 2} = \underline{\underline{\sqrt{6} - 2}}$$

$\frac{6}{3 - \sqrt{7}}$ の分母を有理化せよ。 H17 第2回

$\frac{8}{\sqrt{5} + 1}$ の分母を有理化せよ。 H20 第1回

$\frac{\sqrt{5} - 2}{\sqrt{5} + 2}$ の分母を有理化せよ。 H19 第1回

$\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$ の分母を有理化せよ。

例 $\frac{1}{\sqrt{5} - 2}$ の整数部分の値を求めよ。 H18 第1回

$$\frac{1 (\sqrt{5} + 2)}{(\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2)}$$

$$= \frac{\sqrt{5} + 2}{(\sqrt{5})^2 - (2)^2} = \frac{\sqrt{5} + 2}{5 - 4} = \sqrt{5} + 2$$

$\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9}$ より, $2 < \sqrt{5} < 3$

したがって, $4 < \sqrt{5} + 2 < 5$

$\frac{1}{\sqrt{5} - 2}$ の整数部分は 4 である。

$\frac{1}{\sqrt{2} + 1}$ の整数部分の値を求めよ。

$2\sqrt{7} + \frac{3}{\sqrt{7} - 2}$ を計算せよ。 H18 第2回

例 $x = 2 + \sqrt{3}, y = 2 - \sqrt{3}$ のとき, $x^2 + y^2$ の値を求めよ。

$$x^2 = (2 + \sqrt{3})^2 = 2^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$$

$$= 7 + 4\sqrt{3}$$

$$y^2 = (2 - \sqrt{3})^2 = 2^2 - 2 \times 2 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$$

$$= 7 - 4\sqrt{3}$$

$$x^2 + y^2 = (7 + 4\sqrt{3}) + (7 - 4\sqrt{3}) = \underline{\underline{14}}$$

$x = 1 + \sqrt{2}, y = 1 - \sqrt{2}$ のとき, $x^2 + y^2$ の値を求めよ。 H19 第2回

例 $\frac{\sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}}$ の分母を有理化せよ。 H21 第1回再

$$\frac{\sqrt{2}}{(2 - \sqrt{2})(2 + \sqrt{2})} = \frac{\sqrt{2} \times 2 + \sqrt{2} \times \sqrt{2}}{(2)^2 - (\sqrt{2})^2}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} + 2}{4 - 2} = \frac{2(\sqrt{2} + 1)}{2} = \underline{\underline{\sqrt{2} + 1}}$$

(1) $\frac{1}{\sqrt{7} + 1}$ の分母を有理化せよ。 H20 第2回

(2) $\frac{4}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$ の分母を有理化せよ。 H21 第1回

(3) $\frac{1}{2 - \sqrt{3}}$ の分母を有理化せよ。 H21 第2回

(4) $\frac{8}{\sqrt{5} + 1}$ の分母を有理化せよ。 H20 第1回

例 $\frac{1}{\sqrt{5} - 2}$ の整数部分の値を求めよ。 H18 第1回

$$\frac{1}{(\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2)} = \frac{\sqrt{5} + 2}{(\sqrt{5})^2 - (2)^2} = \frac{\sqrt{5} + 2}{5 - 4} = \sqrt{5} + 2$$

$\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9}$ より, $2 < \sqrt{5} < 3$

したがって, $4 < \sqrt{5} + 2 < 5$

$\frac{1}{\sqrt{5} - 2}$ の整数部分は 4 である。

(5) $\frac{1}{\sqrt{3} - 1}$ の整数部分の値を求めよ。

例 次のうちから正しいものを1つ選べ。

0 は自然数である。 $\frac{1}{3}$ は無理数である。

$\sqrt{3}$ は無理数である。 $\sqrt{4}$ は無理数である。

自然数は1～, 分数で表せる数を有理数

$\sqrt{3}$ は1.73205..., $\sqrt{4}$ は2より, になる。

(6) 次のうちから正しくないものを1つ選べ。

0 は有理数である。 $\frac{1}{7}$ は無理数である。

2.71 は有理数である。 $\sqrt{2}$ は無理数である。

H21 第2回再

例 $x = 1 + \sqrt{2}, y = 1 - \sqrt{2}$ のとき, $x^2 + y^2$ の値を求めよ。 H19 第2回

$$x^2 = (1 + \sqrt{2})^2 = 1^2 + 2 \times 1 \times \sqrt{2} + (\sqrt{2})^2$$

$$= 3 + 2\sqrt{2}$$

$$y^2 = (1 - \sqrt{2})^2 = 1^2 - 2 \times 1 \times \sqrt{2} + (\sqrt{2})^2$$

$$= 3 - 2\sqrt{2}$$

$$x^2 + y^2 = (3 + 2\sqrt{2}) + (3 - 2\sqrt{2}) = \underline{\underline{6}}$$

(6) $x = 1 + \sqrt{3}, y = 1 - \sqrt{3}$ のとき, $x^2 + y^2$ の値を求めよ。